

1

مدرسة توام النموذجية اختبارات 12 متقدم رياضيات
أ. هلال حسين 2019/2018

(1) إذا كانت $f(x) = ax^2 + bx^3$ حيث a, b ثابت

$f'(1) = 2, f''(2) = 11$, أوجد a, b

$f'(x) = 2ax + 3bx^2 \Big|_{x=1} = 2$ $2a + 3b = 2$ — (1)
 $f''(x) = 2a + 6bx \Big|_{x=2} = 11$ $2a + 12b = 11$ — (2)
 $2a + 3b = 2$ $2a + 12b = 11$
 $9b = 9$ $b = 1$
 $2a + 3 = 2$ $2a = -1$
 $a = -\frac{1}{2}$

(2) إذا كانت $f'(0) = 2, f(0) = 1$ أوجد $g'(0)$ في كل مما يأتي :-

(i) $g(x) = xf(x)$

$g'(x) = 1 \cdot f(x) + x \cdot f'(x) \Rightarrow g'(0) = f(0) + 0 \cdot f'(0) = 1$

(ii) $g(x) = 3(f(x))^2 - 5x$

$g'(x) = 6 \cdot f(x) \cdot f'(x) - 5 \Rightarrow g'(0) = 6 \cdot (1) \cdot 2 - 5 = 7$

(iii) $g(x) = \frac{1}{(f(x))^2} = (f(x))^{-2}$

$g'(x) = -2 \cdot (f(x))^{-3} \cdot f'(x) \Big|_{x=0} = -2 \cdot (1)^{-3} \cdot 2 = -4$

(iv) $g(x) = f(x) - \frac{1}{f(x)}$

$g'(x) = f'(x) - \frac{-1 \cdot f'(x)}{(f(x))^2} \Big|_{x=0}$

$g'(0) = 2 + \frac{2}{1} = 4$ #

مدرسة توام النموذجية اختبارات 12 متقدم رياضيات
 أهلال حسين 2019/2018

(3) أوجد $\frac{dy}{dx}$ في كلاً مما يأتي :-

(1) $y = \frac{\sin x + \cos x}{\cos x} = \frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\cos x} = \tan x + 1$

$y' = \sec^2 x + 0 = \sec^2 x$

(2) $y = \frac{\sin^2 x + 1}{\sin x} = \frac{\sin^2 x}{\sin x} + \frac{1}{\sin x} = \sin x + \csc x$

$y' = \cos x - \csc x \cot x$

(3) $y = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$, $f(x) = \sin x$ لتكن

أوجد $\frac{dy}{dx}$ ؟ $\Rightarrow y = f''(x) \Rightarrow \frac{dy}{dx} = f'''(x)$

$y' = \cos x$, $y'' = -\sin x$, $y''' = -\cos x$

(4) $y = (\tan 3x)^3 + \cos x \sec x = 1$

$y' = 3(\tan 3x)^2 \times 3 \sec^2 3x$

(5) $y = \sin 3x$ لتكن ؟ أوجد $y^{(9999)}$

$y' = 3 \cos 3x$

$y'' = -3^2 \sin 3x$

$y''' = -3^3 \cos 3x$

$y^{(4)} = 3^4 \sin 3x$

$y^{(9999)} = -3^{9999} \cos 3x$

$4999 \div 4 = 1249$

بما y'''

(3)

مدرسة توام النموذجية أختبارات 12 متقدم رياضيات
أ.هلال حسين 2019/2018

(4) أوجد معادلة المماس للدالة :-

$$y = \cos 2x + 4 \sin 4x \quad \left(x = \frac{\pi}{12} \text{ عند} \right)$$

ثم أكتب معادلة العمودي عند تلك النقطة .

..... نقطة المماس

$$x = \frac{\pi}{12} \Rightarrow y = \cos 2x \cdot \frac{\pi}{12} + 4 \cdot \sin 4x \cdot \frac{\pi}{12}$$

$$y = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

..... نقطة المماس هي $\left(\frac{\pi}{12}, \frac{5\sqrt{3}}{2} \right)$

$$y' = -2 \sin 2x + 16 \cos 4x$$

$$y' \Big|_{x = \frac{\pi}{12}} = -2 \sin \left(2 \times \frac{\pi}{12} \right) + 16 \cos \left(4 \times \frac{\pi}{12} \right)$$

$$x = \frac{\pi}{12} \Rightarrow = -2 \times \frac{1}{2} + 16 \times \frac{1}{2} = 7$$

$$y = 7 \left(x - \frac{\pi}{12} \right) + \frac{5\sqrt{3}}{2} \quad \text{معادلة المماس}$$

$$y = -\frac{1}{7} \left(x - \frac{\pi}{12} \right) + \frac{5\sqrt{3}}{2} \quad \text{معادلة العمودي}$$

مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح