

الأشكال الرباعية

١٣
م٢٠١٤



مشروع الوحدة

وقت اللعب

يستخدم الطلاب ما تعلموه بشأن التصنيفات المختلفة للأشكال رباعية الأضلاع في تصميم وإنشاء لوحة لعب من خلال استخدام هذه المضلعات المتغيرة.

نعلم الطلاب في مجموعات ثنائية وأجعلهم يحثوا في الكيفية التي تم من خلالها استخدام الأشكال رباعية الأضلاع في تصميم لوحات اللعب.
يرجع تاريخ تصميمات ألوان اللعب في الأشكال رباعية الأضلاع إلى عام 1400 قبل الميلاد.

بعد ذلك، يجب أن تستخدم المجموعات الأنواع المتعددة من الأشكال رباعية الأضلاع في تصميم عمل لوحة اللعب الخاصة بها. كذلك، أجعل الطلاب يضعوا هدفًا للعبتهم وبضعوا تطبيقات للعبها توضح جلياً كيفية اللعب وريح اللعبة.

بعد الخطة السابقة وبعد إتمام عمل لوحة اللعب، أجعل الطلاب يصنفوا الأشكال رباعية الأضلاع التي استخدموها في تصميمهم. بعد ذلك، اطلب منهم أن ينشئوا معيارًا لتصنيفات جديدة وينظموا الأشكال رباعية الأضلاع حسب هذا المعيار الجديد.

في النهاية، أجعل كل مجموعة تعرض تصميم لوحة اللعب الخاصة بها والتطبيقات الخاصة باللعبة وتنتائج بحثها أمام الفصل بأكمله. أكمل المشروع بأن تسمح للطلاب أن يتبادلوا اللعب فيما بينهم.

المفردات الأساسية قدم المفردات الأساسية في الوحدة متبعًا النظام التالي.

عَوْنَاف: متوازيات الأضلاع هي أشكال رباعية يتوافق فيها كل ضلعين متقابلين؟

الإجابات الإضافية (صفحة 801)

7. $x = 1, WX = XY = YW = 9$

8. $x = 5, FG = GH = 39$

مثال:



أسأل: ما العلاقة في رأيك بين أطوال الأضلاع المتقابلة؟ وما العلاقة في رأيك بين قياسات الزوايا المتقابلة؟

الاستعداد للوحدة

الكتاب الدراسي الاختياري قم بالتدريب، السريع أذن، وعدد إلى المراجعة السريعة للمساعدة.

1

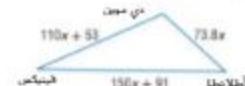
| مراجعة سريعة | تدريب سريع |
|--|--|
| <p>مثال 1 (مستخدم في الدروس 13-1)</p> <p>أوجد قياس جميع الزوايا الممرضة.</p> <p>a. $m\angle 1$ $m\angle 1 = 65 + 47$ $m\angle 1 = 112$ نظرية الزاوية المتراءة اجمع.</p> <p>b. $m\angle 2$ $180 = m\angle 2 + 65 + 65$ نظرية مجموع زوايا المثلث $180 = m\angle 2 + 130$ بسط. $m\angle 2 = 47$ اطرح.</p> | <p>أوجد قيمة x إلى أقرب جزء من العشرة.</p> <p>1. 150 2. 9.7</p> <p>التزلج السريع تصنف متزلجة سريعة على الأقل مجموعتين من زوايا المثلث، والزوايا المتراءة أثناء تزلجها.</p> <p>3. $m\angle 1$ 54 4. $m\angle 2$ 53 5. $m\angle 3$ 137 6. $m\angle 4$ 103</p> |

مثال 2 (مستخدم في الدروس 13-2 و 13-3 و 13-6)

| أجير أو عدد قياسات | المسافة بالكيلومتر من ذي موين إلى أطلنطا |
|--------------------|--|
| $XY = YZ$ | معطى |
| $2x + 3 = 4x - 1$ | بالتبسيط |
| $-2x = -4$ | اطرح. |
| $x = 2$ | بسط. |
| $XY = 2x + 3$ | معطى |
| $= 2(2) + 3 + 7$ | $x = 2$ |
| $YZ = XY$ | معطى |
| $= 7$ | $XY = 7$ |
| $XZ = 8x - 4$ | معطى |
| $= 8(2) - 4 = 12$ | $x = 2$ |

الاجر أوجد x وقياسات الأضلاع المجهولة في كل مثلث.

7. 8. 9. **الصفر** تتدلل ملائمة من ذي موين إلى فينيكس ثم إلى أطلنطا ونعود مرة أخرى إلى ذي موين كما هو موضح أدناه. أوجد المسافة بالكيلومتر من ذي موين إلى فينيكس إذا كان مطول الميل كيلومتر 5570.



من ذي موين إلى فينيكس = 1686 km، ومن ذي موين إلى أطلنطا = 2344 km، ومن فينيكس إلى أطلنطا = 1540 km.

الأسلحة الأساسية

- كيف يمكن حساب مجموع قياسات الزوايا الداخلية للبيضل؟ الإجابة النموذجية: تقسم الشكل إلى مثلثات لا تتقابل مع بعضها البعض. والمجموع هو ناتج عدد المثلثات التي ستتشكل و 180.
- ما الأنواع المختلفة للأشكال الرباعية، وما العلاقة بينها؟ الإجابة النموذجية: متوازيات الأضلاع، والمستطيلات، والمعين، والربعين، وشبه المنحرف، والطائرات الورقة. المستطيل والمعين والربع عبارة عن متوازيات أضلاع، والمرربع عبارة عن مستطيل ومعين، وشبه المنحرف والطائرة الورقة لا تند من متوازيات الأضلاع.

المطويات منظم الدراسة

البدء في هذه الوحدة

سوف تتعلم عدة مفاهيم ومهارات ومفردات جديدة أثناء دراستك للوحدة 13، والتي تستند، جزئياً، إلى المفردات المهمة ونظم مواردك. قد تحتاج إلى المعاودة إلى الوحدة 0 لمراجعة المهارات المطلوبة.

المفردات الجديدة

| | |
|----------------------------------|-------------------------------|
| parallelogram | متوازي أضلاع |
| rectangle | مستطيل |
| rhombus | مربع |
| square | مربع |
| trapezoid | شبة متوازي |
| base | أساس/قاعدية |
| legs | مساقات |
| isosceles | شبة متتسقة |
| trapezoid | متوازي المساقات |
| midsegment of a trapezoid | متوسط مساقاتي شبة المتتسقة |

مراجعة المفردات

الزاوية المخارجية هي زاوية تكون بواسطة أحد أضلاع مثلث مع امتداد ضلع آخر له زاوية الداخلية نفس الزاوية هي زوايا المثلث غير المجاورة للزاوية المخارجية.



البرل (المستقيم (غير رأس) يمتد على تقاطعين (x_1, y_1) و (x_2, y_2)) ينحدر المعدل من التلوك $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$ حيث $x_2 \neq x_1$.

المطويات منظم الدراسة

الأشكال رباعية الأضلاع أربع المطويات التالية لمساعدتك في تنظيم ملاحظات الوحدة 6 عن الامتحان، ولابد بورقة واحدة من أوراق النظر.



- 1 اطبع بالدولون حتى
النهاية.



- 2 اطبع بطول عرض
الورقة مرتين ثم افرز الورقة.



- 3 قُصْ بيلو علامات الطبي
على القاتب الأسود من الأوراق.



- 4 قُصْ المثلثات كما هو موضح.

المطويات دينا زايك

التركيز يكتب الطلاب ملاحظات عن كل درس في هذه الوحدة.

التدريس اطلب من الطلاب عمل المطويات وشمسيتها حسبما هو موضح.

يستخدم الطلاب مطوياتهم لتدوين الملاحظات، وتغريف المصطلحات، وتسجيل المفاهيم، وتطبيق خواص الأشكال الرباعية. شجع الطلاب على استخدام البيانات المسجلة للمقارنة وتبين الفرق بين الأشكال الرباعية الخمسة البدروسة.

وقت الاستخدام

| الدرس (الدروس) | أدوات المطوية |
|----------------|----------------------------------|
| 13-1, 13-2 | متوازيات الأضلاع |
| 13-1, 13-3 | المستطيلات |
| 13-4 | المربعات والمعينات |
| 13-5 | أشياء المحرف والطايرة الورقية |

التدريس المتمايز

مفرد مصطلحات الطالب

يكلِّم الطلاَب المخاطَط عن طريق تقديم تعريف كل مصطلح وطرح مثال عليه أثناء التقدُّم في الوحدة 13. هذه الوسيلة الدراسية يمكن استخدامها أيضًا في المراجعة استعدادًا لاختبار الوحدة.

1 التركيز

التخطيط الرأسي

قبل الدرس 13-1 تصفيف الأضلاع ذات الأضلاع الأربعية على أنها أشكال رباعية.

الدرس 13-1 التعرف على خصائص الأضلاع والزوايا لمتوازي الأضلاع وتطبيقاتها. التعرف على خصائص أقطار متوازي الأضلاع وتطبيقاتها.

بعد الدرس 13-1 التعرف على الشروط التي تضمن أن الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع.

2 التدريس

أسئلة الدعائم التعليمية

اطلب من الطلاب قراءة القسم **لماذا؟** الوارد في هذا الدرس.

اطرح الأسئلة التالية:

- ما الخصائص التي تحصل الشكل المكون من الأذرع والقائم والمرمي متوازي أضلاع؟ **أن تكون الأذرع متوازية دائئراً وأن يكون القائم والمرمي متوازيين دائرياً.**

- ما الذي يحدث لقياس الزوايا إذا تم خفض المرمي من 3 أمتار إلى 1.5 متر؟ **تصبح الزوايا الحادة متفرجة وتصبح الزوايا المتفرجة حادة.**

- ما التخمينات التي يمكنك التوصل إليها بشأن العلاقة بين الزوايا الأربع بغض النظر عن ارتفاع المرمي؟ **سيساوي مجموع قياسات الزوايا الأربع 360 دائرة.** ستكون الزوايا المتقابلة دائرياً متطابقة وإذا كان قياس أحد الزوايا 90°، فإن جميع الزوايا ستساوي 90°.

متوازيات الأضلاع

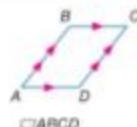
السابق .. الحالي .. لماذا؟

- 1 التعرف على خصائص متوازي الأضلاع. تطلب أزواج الأضلاع الممتعاملة في متوازي الأضلاع متوازية.



- 2 التعرف على خصائص متوازيات الأضلاع وتطبيقاتها.

المفاهيم الجديدة
متوازي أضلاع
parallelogram



1 أضلاع متوازيات الأضلاع وزواياها متوازية

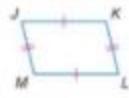
ويمكن إثبات متوازيات كل ضلع ممتعال.

السمة متوازية الأضلاع. استخدم الرمز \square في $\square ABCD$.

$AB \parallel DC$, $BC \parallel AD$. ثبت التبرير.

الخصائص الأخرى لمتوازيات الأضلاع مذكورة في التفاصيل أدناه.

نظرة خواص متوازيات الأضلاع



إذا كان الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع، فإن:

ـ السمية المتقابلتين متطابقتان.

ـ الاختصار: الضلعان الممتعالان في \square متطابلان.

مثال: إذا كان $JKLM$ متوازي أضلاع، فإن $\overline{JK} \equiv \overline{KL}$, $\overline{JK} \equiv \overline{ML}$, $\overline{KL} \equiv \overline{ML}$.

إذا كان الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع، فإن:

ـ السمية المتقابلتين متطابقتان.

ـ الاختصار: الزوايا الممتعالان A في \square متطابلان.

مثال: إذا كان $JKLM$ متوازي أضلاع، فإن $\angle K \equiv \angle M$, $\angle L \equiv \angle J$, $\angle J \equiv \angle M$.

إذا كان الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع، فإن:

ـ كل زوايا متضادتين متكاملان.

ـ الاختصار: الزوايا الممتعالان A في \square متكاملان.

مثال: إذا كان $JKLM$ متوازي أضلاع، فإن $x + y = 180^\circ$.

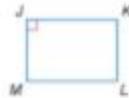


إذا كان متوازي الأضلاع يحتوي على زاوية واحدة قائمة.

ـ فإنه يحتوي على أربع زوايا قائمة.

ـ الاختصار: إذا كان \square فيه \angle زاوية واحدة قائمة، فإنه يحتوي على $4 \angle$ زوايا قائمة.

ـ مثال: إذا كانت $JKLM$ إذا كانت L زاوية قائمة، فإن K , J , M , N هي أيضًا زوايا قائمة.



803

إثبات خصائص حول متوازيات الأضلاع.
استخدام المطالبات لإثبات التطبيقات الهندسية.
برهان.
استخدام مبدأ إثبات الرياضيات.
بناء فرضيات مبنية على التعلم.
على طريقة استنتاج الآخرين.

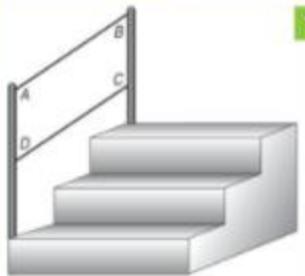
أضلاع متوازي الأضلاع وزواياه

المثال 1 يوضح كيفية استخدام خصائص متوازي الأضلاع لإيجاد القياسات المعتقدة.

التقويم التكوفي

استخدم التمارين الواردة في القسم "تمرين موجه" بعد كل مثال للوقوف على مدى استيعاب الطلاب للمفاهيم.

مثال إضافي



1

الإنشاء في $\square ABCD$. افترض أن $CD = 200 \text{ cm}$, $m\angle B = 32^\circ$, $BC = 40 \text{ cm}$.

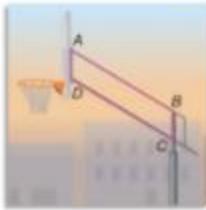
- $AD = 40 \text{ cm}$
- $m\angle C = 148^\circ$
- $m\angle D = 32^\circ$



مهنة من الحياة اليومية
المدرب تعلم المدربون عمل الرياضيين اليوم والمهندسين، ويتلقونهم أساسيات إحدى الرياضيات ويدربون فرقاً لتأهيل موظفين التدريب والدراسات. من بين مهامهم، وتشمل التدريب والتأهيل على إنشاء المعدات المبردة واللوازم الرياضية وغيرها، ونادراً ما يكون المدربون المدربون في المدارس الثانوية الحكومية ملائين على درجة البكالوريوس.

ممثل من الحياة اليومية 1 استخدام خصائص متوازيات الأضلاع

ممثل من الحياة اليومية 1 استخدام خصائص متوازيات الأضلاع



كرة السلة في $\square ABCD$. افترض أن $m\angle A = 55^\circ$ وأن $m\angle B = 30^\circ$. أوجد جميع القياسات.

a. DC

$$DC = AB \\ = 0.75 \text{ m}$$

الزاويا المتباينة في \square متطابقان. وبالتالي بالعمى.

b. $m\angle B$

$$m\angle B + m\angle A = 180^\circ \\ m\angle B + 55^\circ = 180^\circ \\ m\angle B = 125^\circ$$

الزاويا المتباينة في \square متطابقان. وبالتالي من كل طرف.

c. $m\angle C$

$$m\angle C = m\angle A \\ = 55^\circ$$

الزاويا المتباينة في \square متطابقان. وبالتالي.

تمرين موجه

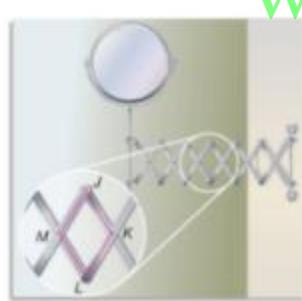
1. **الروايا** المرأة الشابة على السانته المؤمنة تستخدم متوازيات أضلاع ثغر تحكمها عدده تسميد الدراج. في $\square JKLM$ افترض أن $m\angle J = 47^\circ$. أوجد جميع القياسات.

A. $m\angle L = 47^\circ$

B. $m\angle M = 133^\circ$

C. افترض أن الدراج قد تحدث أكثر سمى تكون $m\angle K = 90^\circ$ ما قاسم كل زاوية من الزوايا الأخرى؟ حمر إجابتك.

1. كل قياس من قياسات 90° الزوايا الأخرى سيكون 90° حسب النظرية 13.6.



إرشاد للمعلمين الجدد

متوازي الأضلاع قبل إخبار الطلاب بالنظريات من 13.3 إلى 13.6. اطلب منهم إعمال الفكر لتخمين الخصائص التي يظلون أنها تتطابق على متوازي الأضلاع.

اقتبه!

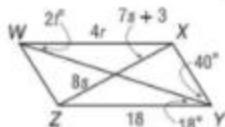
متوازيات الأضلاع تطبيق النظريات من 13.3 إلى 13.6 فقط إذا كنت تعرف بالفعل أن الشكل متوازي أضلاع. وبشكل خاص لا ينطبق معكوس نظرية 13.6.

2 أقطار متوازيات الأضلاع

الأمثلة من 2 إلى 4 توضح كيفية استخدام النظريات لإثبات أن أقطار متوازي الأضلاع تنصف بعضها البعض.

مثال إضافي

- إذا كان $WXYZ$ عبارة عن متوازي أضلاع، فأوجد قيمة المتغير الم المشار إليه.



- $r = 4.5$
- $s = 3$
- $t = 9$

التركيز على محتوى الرياضيات

القواعد تقاطع أقطار متوازي الأضلاع وبالتالي تكون الزوايا الداخلية المتباعدة متطابقة.

www.almanahj.com

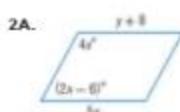


- a. x
 $\overline{QT} \cong \overline{RS}$
 $QT = RS$
 $5x = 27$
 $x = 5.4$
- الصلمان المتبادران في \square متطابدان \Rightarrow
تعريف التطابق
والتدوين
أقسم كل طرف على 5

- b. y
 $\overline{TP} \cong \overline{RQ}$
 $TP = RQ$
 $2y - 5 = y + 4$
 $y = 9$
- قطر \square ينتمي إلى كل زوج متطابق
الصلمان المتبادران في \square متطابدان \Rightarrow
تعريف التطابق
والتدوين
أطرح y وأضف 5 إلى كل طرف.

- c. z
 $\triangle TQS \cong \triangle RSQ$
 $\angle QST \cong \angle SQR$
 $m\angle QST = m\angle SQR$
 $3z = 33$
 $z = 11$
- القطر ينقسم \square إلى مثليتين متطابدين \Rightarrow
CTCPC
تعريف التطابق
والتدوين
أقسم الطرفين على 3

تعمير دوّجه
أوجد قيمة كل متغير في متوازي الأضلاع المخطو.



2A. $y = 8$ $x = 31, y = 2$

2B. $z = 4.5$

805

نظرة أقطار متوازيات الأضلاع

إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن قطره ينبعان معاً.

الختصار قطر \square ينبعان معاً.

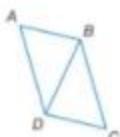
مثـال إذا كان $ABCD$ متوازي أضلاع، فإن $\overline{DP} \cong \overline{PB}$ و $\overline{AP} \cong \overline{PC}$.



إذا كان المثلث رباعي متوازي أضلاع، فإن كل قطر ينتمي متوازي الأضلاع إلى مثليتين متطابقيتين.

الختصار القطر ينقسم \triangle إلى $2 \triangle$.

مثـال إذا كان $ABCD$ متوازي أضلاع، فإن $\triangle ABD \cong \triangle CDB$.



مثال 2 استخدام خواص متوازي المستويات والجبر

الجبر إذا كان $QRST$ عبارة عن متوازي أضلاع،
فأوجد قيمة المتغير الم المشار إليه.

- a. x
 $\overline{QT} \cong \overline{RS}$
 $QT = RS$
 $5x = 27$
 $x = 5.4$
- الصلمان المتبادران في \square متطابدان \Rightarrow
تعريف التطابق
والتدوين
أقسم كل طرف على 5

- b. y
 $\overline{TP} \cong \overline{RQ}$
 $TP = RQ$
 $2y - 5 = y + 4$
 $y = 9$
- قطر \square ينتمي إلى كل زوج متطابق
الصلمان المتبادران في \square متطابدان \Rightarrow
تعريف التطابق
والتدوين
أطرح y وأضف 5 إلى كل طرف.

- c. z
 $\triangle TQS \cong \triangle RSQ$
 $\angle QST \cong \angle SQR$
 $m\angle QST = m\angle SQR$
 $3z = 33$
 $z = 11$
- القطر ينقسم \square إلى مثليتين متطابدين \Rightarrow
CTCPC
تعريف التطابق
والتدوين
أقسم الطرفين على 3

تحصيـدة دراسـية
المثلثات المتطابـقة
متوازي الأضلاع الذي له
قطران ينبعان إلى
زوجين من المثلثات المتطابـقة

التدريس المتماـيز

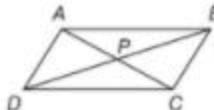
المتعلمون أصحاب البصـريـ/المـكـانيـ أكد أنه في بعض متوازيات الأضلاع، يبدو الأقطار وكأنـها تنصف الزوايا المـقاـبلـة. يـيدـ أنـ هـذا لـيسـ منـ خـصـائـصـ متـواـزيـاتـ الأـضـلاـعـ. نـتهـ الطـلـابـ لـتـلاـعـ يـفترـضـواـ أنـ الزـواـياـ مـتـصـفـةـ. فـيـ الدـرـسـ 4ـ13ـ، سـيـدـرسـ الطـلـابـ الـعـيـنـ وـالـمـرـبـعـ. وـفـيـ هـذـاـ التـوـعـ منـ متـواـزيـاتـ الأـضـلاـعـ تـنـصـفـ الأـقطـارـ الزـواـياـ المـقاـبلـةـ.

ما إحداثيات نقاط اقطع أقطار متوازي الأضلاع $MNPR$. ذي الرؤوس $P(5, 4)$ و $N(-1, 3)$ و $M(-3, 0)$ و $R(3, 1)$

اکتب فقرہ بیوہاں۔ 4

المعطيات: \overline{BD} و \overline{AC} تقاطع في نقطة P هي قطعة

المطلوب: ينصف \overline{AC} و \overline{BD} كل منهما الآخر.



\overline{BD} و \overline{AC} منوازي أضلاع $ABCD$ هما فطراً، إذًا $\overline{DC} \parallel \overline{AC}$ و $\angle BAC \cong \angle DCA$ متقاطع، وفقاً لنظرية ٣ $\angle ABD \cong \angle CDB$

لمساوي الأضلاع $AB \cong CD$ حيث
 $\triangle APB \cong \triangle CPD$. إن أضلاع
وفتا لسلسلة ساوي زاويتين
ووضع محصور. إذاً، وفتا
لخصائص المثلثات المتطابقة
 $\overline{AP} \cong \overline{CP}$ و $\overline{BP} \cong \overline{DP}$. وباء،
على ذلك، ينصف \overline{BD} و \overline{AC} .
كما، منها الآخر.

Table 3. Summary of the results. 3/3

اللوكال 3 حدد إحداثيات نقطة تقاطع الخطوط في $\square FGHI$

لأن قطرى متوازي الأضلاع ينبعسان بمحبهم، فإن نقطة التماسع هي متتصف
كل من                                                      <img alt="square symbol" data-b

$$\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right) = \left(\frac{-2+2}{2}, \frac{4+(-3)}{2} \right) = (0, 0.5)$$

قانون نقطة المنتصف

الإحداثيات بمحنة تخلص المطردين في $\square FGHJ$.

التحقق أوجد نقطة ملائمة (x, y) التي مثلتها

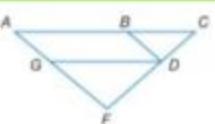
$$\left(\frac{3 + (-3)}{2}, \frac{5 + (-4)}{2} \right) = (0, 0.5) \quad \checkmark$$

٢٠١٣

3. **اللوكيل 1:** مذكرة مدة إحداثيات مخطة شطاطع المطردين في $RSTU$ الذي رسمه $(-1, 2.5)$, $U(4, -2)$, $T(6, 7)$, $S(-6, 7)$,

مكمل استخدام حساسات مدمجات الأسلام وأقطارها لكتابه الاشائات.

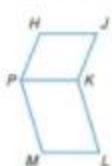
مثال 4 برأهين تستخدم خواص متوازنات الأضلاع



www.almaan.com

٢٩

نعلم من المطبيات أن $AEDG$ متوازي مس牟طيات. ولأن الزوايا المترابطة في متوازي المس牟طيات تكون متطابقة، فإن $\angle ABD \cong \angle A$. كما نعلم أيضًا من المطبيات أن $\overline{AD} \cong \overline{CT}$ حسب نظرية المثلثات المتساوين الملايين، تكون $\angle A \cong \angle C$ و $\angle A$ حسب خاصية التمتع في النطقيان، فإن $\angle BDG \cong \angle CC$.

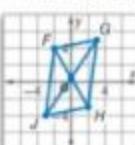


卷四

-2020-2021

PKLM, HJKP نهضات

تصحیحة دراسة
الانتظام مثل متوازی
المسقطيات بینانیا في المطالع
ومنطقة تفاصيل المطربين التي
تشتمل اقسام المطربين شدو
منطقة الناطقة بصوت



٤
 المقطورات: $\square HJKP$
 $\square PKLM$ و
 $HJ \cong ML$ المكتوب
 البرهان
 العبارات (المجموعات)
 $\square PKLM$ و $\square PKR$. ١
 المقطورات
 $PK \cong ML$, $HJ \cong PR$. ٢
 الاضافيان المتقابلان سى
 $\square PHTC = \square HCTP$ ٣
 حاصل الضافة

3 التمرين

التقويم التكويني

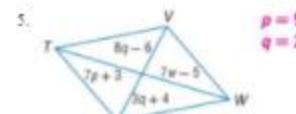
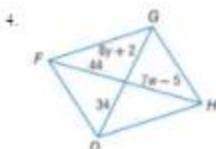
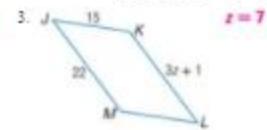
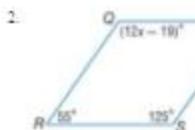
استخدم التمارين من 1 إلى 8 للتحقق من استيعاب الطبع.

ثم استخدم المخطط الموجود في الجزء السفلي من هذه الصفحة لتخصيص واجبات الطبع.



- مثال 1** الدرجات: إثرب عرض الدراجات على شكل متوازي مسماً بـ $\square ABCD$.
 في $\square ABCD$: افترض أن $m\angle ABC = 45^\circ$ و $m\angle ADC = 58^\circ$ و $m\angle BAD = 135^\circ$ و $m\angle BCD = 87^\circ$.

- a. $m\angle BAD = 135^\circ$
 b. $BC = 58 \text{ cm}$
 c. $m\angle ADC = 58^\circ$



- مثال 2** الجبر: أوجد قيمة كل متغير في كل متوازي أضلاع $G(-1, 10)$, $F(-7, 6)$, $J(-3, -4)$, $I(3, 0)$ و $H(3, 0)$.

- البرهان القتب النوع الرابع من المسارين: 6-8. انظر لتحقق إجابة رقم 13.

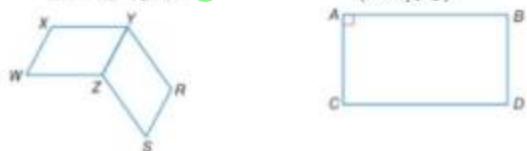
7. من وظيفتين

الخطوط:

الميلوط:

(بنظرية (13.6))

www.almanahj.com



التجربة وحل المسائل



9. $m\angle L = 108^\circ$
 10. $MP = 8$
 11. $m\angle M = 72^\circ$
 12. $LM = 12$

807

خيارات الواجب المنزلي المتزايدة

| المستوى | الواجب | خيار الذهاب |
|-----------|--------------------|---------------------|
| متردي AL | 9-25, 42-58 | 10-24, 42-45, 50-58 |
| أساسي OL | 9-37, 38-40, 42-58 | 27-40, 42-45, 50-58 |
| مترددم DL | 26-58 | |



الرسم 13 متوازيات أضلاع مستخدمة في رسم مكعب بيدو ثلاثي الأبعاد في $\square FGHD$ في $\frac{1}{2}$ متر، $FD = 1$ متر، $JG = \frac{1}{2}$ متر، $m\angle GFD = 132^\circ$ ، $m\angle GFH = 48^\circ$.

- $DH = 1$
- $GH = \frac{1}{2}$
- $m\angle GHD = 132^\circ$
- $m\angle FDH = 48^\circ$



الهندسة المعمارية سفط أحد المباني مقام على شكل متوازي أضلاع.

a. عدد زوايا من القطع المستقيمة المتباينة.

b. عدد زوايا من الزوايا المتكاملة.

متكمالة مع $\angle KLM$

متكمالة مع $\angle KJM$

مثال 2

15. $\triangle JKL$ $\angle J = 32^\circ$, $\angle L = 148^\circ$, $x = 32$

16. $\triangle TSV$ $\angle T = 2a - 5$, $\angle S = 9a - 10$, $a = 7$, $b = 5$

الجبر أوجد قيمة كل متغير في كل متوازي أضلاع.

17. $\triangle XYZ$ $\angle X = y + 10$, $\angle Y = 12$, $\angle Z = 2x - 4$, $y = 8$, $x = -3$

18. $\triangle ABC$ $\angle A = 3q - 17$, $\angle B = 3p + 7$, $\angle C = q - 5$, $p = 2$, $q = 6$

19. $\triangle QRS$ $\angle Q = 6q - 15$, $\angle R = 2x + 4$, $\angle S = 3q + 4$, $s = -1$, $q = 4$

20. $\triangle DFG$ $\angle D = 60^\circ$, $\angle F = 3x^\circ$, $\angle G = (7y - 20)^\circ$, $b = 20$

مثال 3

الهندسة الاحداثية أوجد خطأيات نقطة تقاطع القطرين في $\square WXYZ$ المعطى لك رؤوسه.

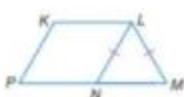
21. $W(-3, 5)$, $X(1, 7)$, $Y(3, 1)$, $Z(-1, -1)$ $(0, 3)$, $(22, -1)$, $(2, 16)$, $(5, 16)$, $(20, 0)$, $(-2, -1)$

مثال 4

البرهان اكتب برهانًا من عمودين. 23-24. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

24. المعطيات: $\triangle LMN$ متوازي، $\triangle ABDE$ متوازي، $\triangle KLP$ متوازي أضلاع، $\angle LMN \cong \angle KPN$ متكمالة مع $\angle KPN$.

المعطيات: $\triangle ABC$ متوازي، $\triangle ADE$ متوازي، $\angle ABC \cong \angle ADE$ ، $\angle AED \cong \angle BCA$.



808 | الدرس 13 | متوازيات الأضلاع

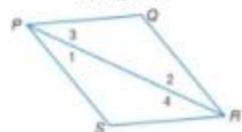
التدريس المتمايز

التوسيع اطلب من الطلاب رسم متوازي أضلاع يقع في نطاق جميع الأرباع لشبكة إحداثيات. ثم اطلب من الطلاب رسم أقطار الشكل. ثم اطلب من الطلاب رسم شكلين مشابهين للشكل مع تغيير أبعادهما بمعامل مقياس 0.5 و 2. وينبغي أن يرسم الطلاب الأقطار على الشكلين المغير أبعادهما أيضاً. اطلب من الطلاب أن يكتبوا في دفاترهم العلاقة بين الزوايا الداخلية للأشكال الثلاثة وأقطارها. إن تغيير أبعاد متوازي الأضلاع لا يغير من قياس الزوايا الداخلية للشكل التالي. جميع الأقطار المتوازية متوازية.

²⁸⁻²⁵ البرهان اكتب النوع المحدد من البراهين. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.



- | | |
|---|--|
| <p>البعضيات: البرهان: $\frac{AB}{BC} \cong \frac{DE}{EF}$</p> <p>(13.5) (الخطرة)</p> | <p>البعضيات: البرهان: $PQ \cong RS, QR \cong SP$</p> <p>(13.1) (الخطرة)</p> |
|---|--|



29. **الهندسة الإحصائية** استخدم التمثيل البيان الموضع.

$$\begin{aligned} \overline{QW} &= \overline{PY} \text{ و } \overline{QJ} = \overline{WY} \text{ و } \\ \overline{QP} &= \sqrt{(11 - 3)^2 + (5 - 7)^2} = 2\sqrt{17} \\ \overline{WY} &= \sqrt{(10 - 2)^2 + (-2 - 0)^2} = 2\sqrt{17} \\ \overline{QW} &= \sqrt{(3 - 2)^2 + (7 - 0)^2} = 5\sqrt{2} \\ \overline{PY} &= \sqrt{(11 - 10)^2 + (5 - -2)^2} = 5\sqrt{2} \end{aligned}$$

b. أوجد إحداثيات C إذا كانت \overline{QY} تنصف \overline{XY}

$$\begin{aligned} \text{استخدم الممول في تحديد إذا كان } QP\text{ مملياً أم لا:} \\ \overline{QW} = \frac{7 - 0}{3 - 2} = 7 & \quad \overline{QP} = \frac{7 - 5}{3 - 11} = \frac{1}{4} \\ \overline{PY} = \frac{5 - 2}{2 - 6} = 7 & \quad \overline{WY} = \frac{-2 - 0}{6 - 2} = \frac{1}{4} \end{aligned}$$

لأن الأخلاع المترادفة في OPWY متوازية، فإن OPWY متوازي أضلاع.

استخدم بحد أدنى قياس أو قيمة.

31. $m\angle FHJ$ **20**

33. p **2**

35. $m\angle FJH$ **115**

22

33 *m/THI* 65

34 m/GHK 45

34. $\angle GHK$ 45

31 20

32

10

35. $m\angle FJH = 11$

માનવસતી | માનવસતી | માનવસતી

التمثيلات المتعددة

في التمرين 38، يستخدم الطالب رسوماً هندسية وجداول إضافة إلى الوصف اللقطي لاستكشاف اختبار لمعرفة متى يكون رباعي الأضلاع متوازي أضلاع.

إجابات إضافية

40. متوازيات الأضلاع عبارة عن أنواع خاصة من الأشكال رباعية الأضلاع، وهذا لأنها عبارة عن أشكال ذات أربعة جوانب، تكون فيها الجوانب المتقابلة متوازية، وتكون الزوايا والجوانب المتقابلة متطابقة وتتصف الأقطار بعضها البعض.

41. الإجابة النموذجية:

| | |
|--|--|
| | |
| | |

42. $(0, 4), (4, -2), (-2, 0)$

مساكن مهارات التفكير العليا استخدام مهارات التفكير العليا

39. في المثلث $\triangle ABC$ ، إذا كان $m\angle A = 150^\circ$ ، $m\angle B = 120^\circ$ ، $m\angle C = 160^\circ$. فما هي المقادير المطلوبة لجعل المثلث متساوياً؟
 $\triangle ABC \cong \triangle DAE$ ، $\triangle ABE \cong \triangle CDE$ ، $\triangle BAD \cong \triangle DCB$ ، $\triangle ABC \cong \triangle CDA$.

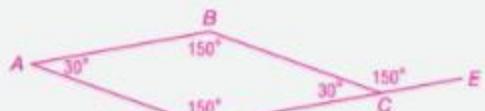
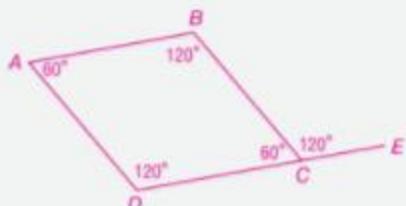
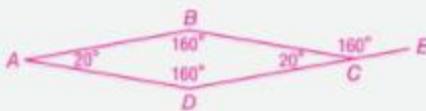
40. الكتابة في الرياضيات اشرح ما الذي يجعل متوازيات الأضلاع أنواعاً خاصة من الأشكال رباعية. **انظر الهاشم.**

41. مسألة غير محددة الإجابة قدم مثالاً يكفيه لتوضيح أن متوازيات الأضلاع ليست دائماً متطابقة إذا كانت زواياها المتناظرة متطابقة. **انظر الهاشم.**

42. **تقرير** إذا كان $A(-1, 2)$ ، $B(2, 1)$ ، $C(3, -1)$ ، $D(1, -1)$ ثلاثة دوائر متوازي أضلاع، فما النطاق الذي يمكن أن تستخدم للرأس الرابعة؟ **انظر الهاشم.**

43. الكتابة في الرياضيات اشرح السبب في أن المستويات ذاتها تكون متوازيات الأضلاع ولكن متوازيات المستويات تكون ذاتها متوازيات أضلاع لأن الأضلاع المتناظرة في المستويات ذاتها تكون متوازية ولكن متوازيات الأضلاع تكون أيدياً مستويات لأن بعض متوازيات الأضلاع لا تحتوي على زوايا قائمة والمستطيل يجب أن يكون به أربع زوايا قائمة.

38a. الإجابة النموذجية:



4 التقويم

بطاقة التحقق من استيعاب الطلاب
اطلب من الطلاب ذكر جميع خصائص متوازيات الأضلاع التي تعلموها. اطلب من الطلاب تقديم عباراتهم بالترتيب قبل مفادرتهم للنصف الدراسي.

SAT/ACT .47 يوضع المدول ارتدادات ألمع البنيات في كنكان، سيني، هنودي، فما المارق الموجي، مفرزة لأقرب جزء من المشرفة، بين وسيط البنايات ووسيطها؟

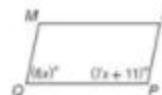
| الارتفاع (m) | المسافة |
|--------------|-----------------------|
| 193 | وان كنسن، سيني بلمن |
| 180 | نانون، مايليون |
| 154 | حيلة زيجيتني |
| 147 | باور آند لايتم بيلدنج |
| 135 | ميرلس، المدبة |
| 130 | والدت |
| 1201 | |

- A 5
B 6
C 7
D 8
E 10

44. زاويتان متتاليتان في متوازي أضلاع قياساهما $3x + 42$ و $9x - 18$. ما قياس الزاويتين؟

- D 13, 167
C 39, 141
B 58.5, 31.5
D 81, 99

45. الإجابة الشكية في متوازي الأضلاع $MNPQ$ الموسوع بالرسم. ما قيمة x ؟

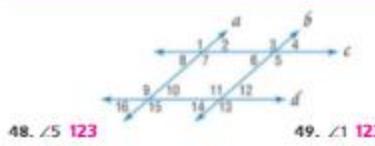


46. الجير في صف حساب مثلثات يضم 32 مطالعاً. النسبة بين الطلاب الذين يدرسون الهندسة والطلاب الذين يدرسون الرياضيات هي 5 إلى 3. كمزيد عدد طلاب الهندسة عن طلاب الرياضيات؟

- F 2 G 8 H 12 J 15

مراجعة شاملة

في الشكل، $b \parallel c \parallel d$ و $c \perp e$.
أوجد قياس كل زاوية.

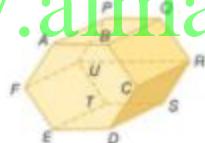


48. $\angle 5$ **123**

50. $\angle 8$ **57**

49. $\angle 1$ **123**

51. $\angle 10$ **57**



52. حدد جميع المقطع المستديمة التي توازي BC, EF, QR .

53. حدد جميع المستويات التي تتعامل مع المستوى BCR .

54. حدد جميع المقطع المستديمة المتناهية مع $ABC, ABO, POR, CDS, APU, DET$.

55. الإشارات توجد أربعة بنيات في حرم مدرسة مانسفيلد الثانوية. ولا شدو ثلاثة بنيات منها على خط مستقيم. فكم عدد الممرات التي يتبعها حتى يحصل كل بنين مباشرة بالمباني الأخرى؟

مراجعة المهارات

رؤوس الشكل الرباعي هي $(1, -1)$ و $W(3, 0)$ و $Z(-3, 3)$ و $X(4, 2)$ و $V(-2, 3)$. حدد ما تمثله كل قطعة مستديمة في الشكل الرباعي؛

أهي ضلع أم قطر؟ وأوجد ميل كل قطعة مستديمة.

56. ضلع: 3

قطر: $\frac{4}{3}$

ضلعي: $-\frac{1}{6}$

1 التركيز

الهدف استخدام حاسبة التمثيل البياني لاستكشاف خواص متوازيات الأضلاع.

المواد

حاسبة تمثيل بياني

2 التدريس

العمل بصورة مستقلة

اطلب من الطلاب العمل بصورة مستقلة أو مجموعات ثنائية مقاومة القدر. اطلب من الطلاب إكمال الخطوات من 1 إلى 5.

اطرح السؤالين التاليين:

ما الذي يمكن قوله بشأن طولي \overline{DB} و \overline{CA} ؟ $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$

ما الفرض من استخدام أداة الميل في هذا النشاط؟ إذا كان هناك مستقيمان لهما نفس الميل، فهما متوازيان. والأضلاع المتوازية تشير إلى أن الشكل متوازي أضلاع.

التمرين اطلب من الطلاب العمل بصورة مستقلة لإكمال التمارين من 1-5.

3 التقويم

التقويم التكتيكي

استخدم التمارين 4 و 5 لتقويم ما إذا كان الطلاب يمكنهم فهم خصائص متوازي الأضلاع.

من العملي إلى النظري

أخبر الطلاب البحث بأنجاء الفصل للعنور على أمثلة لمتوازيات الأضلاع. أسأل الطلاب كيف يمكنهم معرفة إن كانت الأمثلة شكل رباعي فقط أو شكل رباعي عبارة عن متوازي أضلاع.

وسع النشاط

اطرح السؤال التالي:

- افتخر أن هناك شكل رباعي به زوج من الأضلاع المتوازية والمتطابقة. هل هو متوازي أضلاع؟ نعم.

إجابات إضافية

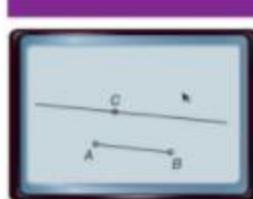
1. $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ و $\overline{AB} \cong \overline{CD}$: تم رسم المستقيم الذي ينضئ \overline{CD} بحيث يكون موازيًا لـ \overline{AB} . واستخدم الرجراج لضمان أن يكون $\overline{AB} \cong \overline{CD}$.



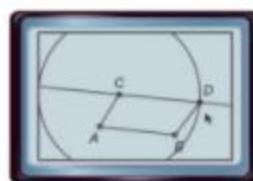
مختبر تقنية التمثيل البياني متوازيات الأضلاع

13-2

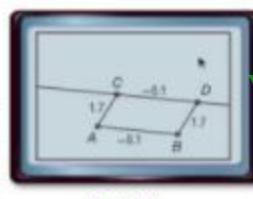
تسيير إرشادات هندسية للأدلة باستخدام مختلف الأدوات والطريق
الآخر جمل وبالسطرة والخطوة والأدوات المطلوبة والطرق الثالث، الطريقة
ويوضح هندسون ديناميكى وما إلى ذلك.



الخطوات 1 و 2



الخطوات 3 و 4



الخطوة 5

أشرِّ رباعي أضلاع به زوج واحد من الأضلاع متوازي ومتطابق على حد سواء.

خطوة 1: أشرِّ نقطتين مسنيديمه بالستخدام الأداة Segment (القطعة المستقيمة) من المثلثة $F2$ أصلط القطعة المستقيمة الاسم \overline{AB} هذه القطعة هي أحد أضلاع الشكل رباعي.

خطوة 2: استخدم الأداة Parallel (متوازي) من المثلثة $F3$ لإنشاء مستقيم موازٍ للقطعة المستقيمة \overline{AB} . يذى الخط المستقيم على **ENTER** إلى يوم مستقيم ونقطة على المستقيم. قم بتنمية النقطة بالاسم C .

خطوة 3: افتح الأداة Compass (الرجراج) من المثلثة $F3$ أصيغ خط المسار بقول \overline{AB} بمقدار أحد طرفي الخط المستقيمة ثم تعيين الطرف الآخر. قم برسم دائرة مركزها C .

خطوة 4: استخدم الأداة Point Intersection (نقطة تقاطع) من المثلثة $F2$ من المثلثة $F2$ لرسم نقطة عند تقاطعه مع المستقيم والدائرة. قم بتنمية النقطة بالاسم D . ثم استخدم الأداة Segment (القطعة المستقيمة) من المثلثة $F2$ لرسم \overline{BD} و \overline{AC} .

خطوة 5: استخدم الأداة Hide/Show (إخفاء/ظهور) من المثلثة $F5$ لإظهار الدائرة ثم افتح الأداة Slope (ميل). ضمن Measure (قياس) من المثلثة $F5$ لعرض الميل.

لما يرى الميل -1 في المثلثة $F5$ ، أشرِّ الميل \overline{AB} على النقطة A وأساميها لنختبر شكل $ABDC$ ما الذي تلاقيته؟

3. ما الملاقي بين الصلمين \overline{AB} و \overline{CD} ? أشرِّ كيف عرفت ذلك.

2. ما الذي تلاحظه بشأن ميلين الصلمين المتقابلين من الشكل رباعي؟

ما نوع الشكل رباعي $ABDC$? أشرِّ.

3. اضفِّط على النقطة A وأساميها لنختبر شكل $ABDC$ ما الذي تلاقيته؟

4. حتى ي شأن رباعي أضلاع بتطابق وبتواءل به زوج من الأضلاع المتعاكسة.

5. استخدم معايير التسليل البياني لإنشاء رباعي أضلاع بتطابق به وجوانب من الأضلاع المتساوية. ثم علل قبول ذلك كشكل رباعي. حتى ي شأن على ملاحظتك.

2. الميلان متساويان. $ABDC$ متوازي أضلاع حيث إن الأضلاع المتقابلة متوازية.

3. يظل ميل الأضلاع المتقابلة متساوياً.

4. رباعي الأضلاع هو متوازي أضلاع.

5. إن رباعي الأضلاع الذي يحتوى على زوجين من الأضلاع المتقابلة المتوازية هو متوازي أضلاع.

- اطرح السؤال التالي:
- افتخر أن هناك شكل رباعي به زوج من الأضلاع المتوازية والمتطابقة. هل هو متوازي أضلاع؟ نعم.

إجابات إضافية

1. $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ و $\overline{AB} \cong \overline{CD}$: تم رسم المستقيم الذي ينضئ \overline{CD} بحيث يكون موازيًا لـ \overline{AB} . واستخدم الرجراج لضمان أن يكون $\overline{AB} \cong \overline{CD}$.

اختبارات متوازيات الأضلاع

1 التركيز

الخطيط الرأسي

قبل الدرس 2-13 التعرف على خصائص متوازيات الأضلاع وتطبيقاتها.

الدرس 2-13 التعرف على الشروط التي تضمن أن الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع، إثبات أن مجموعة من النقاط تكون متوازي أضلاع على المستوى الإحداثي.

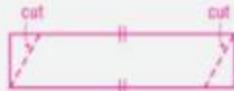
بعد الدرس 2-13 استخدام خواص التشابه من أجل استكشاف التخفيضات الخاصة بالمستويات وتحليلها.

2 التدريس

الأمثلة الداعمة

اطلب من الطالب قراءة القسم **لماذا؟** الوارد في هذا الدرس.

اطرح السؤالين التاليين:
• كيف قطعت أسماء كل ورقة؟
رسم تخطيطياً



كيف تتحقق إيمان من أن طريقة أسماء تجحت؟ الإجابة الموجبة: يمكنها قياس كل زاوية والتأكد من أن الزوايا المتنالية متكاملة، وحيث إن هذا صحيح، فإن الأضلاع المتناظرة متوازية.



- التعرف على الشروط التي تضمن أن يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع.

شرحت سهلة لمهلة تقطعن فحصاً بورقة من الأسماء والأبياء متوازين، فلم يلزمها سوى التأكد من أن الأضلاع قطعت على بطول واحد لتبين أن المساحة مشتمل متوازي أضلاع.

- لإثبات أن مجموع مطابق تكون متوازى أضلاع في المستوى الإحداثي.

إثبات طرق حول متوازيات الأضلاع استخدام الإحداثيات إثبات النظريات الهندسية البسيطة جزءة بناء تخطيطات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين التدريب طريقة درامية وذكائية.

شروط متوازيات الأضلاع إذا كان كل ضلعين متباينين في الشكل الرباعي متوازين، فإنه يكون متوازي أضلاع حسب التعریف.

هذا ليس الاختصار الوحيد، ولكن يمكن استخدامه لمزيد إذا كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع.

النظريات شروط متوازيات الأضلاع

13.7 إذا كان كل ضلعين متباينين في الشكل الرباعي متباينين، فإن الشكل الرباعي يكون متوازي أضلاع.
الاختصار إذا كان كل ضلعين متباينين متباينين، فإن الشكل الرباعي يكون متوازي أضلاع.
مثال إذا كان $\overline{AB} \equiv \overline{DC}$ ، $\overline{AD} \equiv \overline{BC}$ ، $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ، $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$. فإن $ABCD$ هو متوازي أضلاع.

13.8 إذا كان زاويتين متباينتين في الشكل الرباعي متباينتين، فإن الشكل الرباعي يكون متوازي أضلاع.
الاختصار إذا كان كل زاويتين متباينتين متباينتين، فإن الشكل الرباعي يكون متوازي أضلاع.
مثال إذا كان $\angle A \equiv \angle C$ ، $\angle B \equiv \angle D$ ، $\angle A \equiv \angle C$ ، $\angle B \equiv \angle D$. فإن $ABCD$ متوازي أضلاع.

13.9 إذا كان الخطوط في الشكل الرباعي يتصعن بعضهما، فإن الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع.
الاختصار إذا كان الخطوط يتصعن بعضهما، فإن الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع.
مثال إذا كان $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ وكان $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ يتصعن بعضهما، فإن $ABCD$ متوازي أضلاع.

13.10 إذا كان ضلعان متباينان في الشكل الرباعي متوازين ومتتطابقين، فإن الشكل الرباعي يكون متوازي أضلاع.
الاختصار إذا كان هناك ضلعان متباينان متتطابقان وأيضاً إذا فإن الشكل الرباعي يكون متوازي أضلاع.
مثال إذا كان $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ، $\overline{AB} \equiv \overline{DC}$ ، $\overline{AB} \equiv \overline{DC}$. فإن $ABCD$ هو متوازي أضلاع.

ستثبت أنت النظريات 13.8 و 13.10 و 13.11 في التمارين 30 و 32 و 33 على الترتيب.

١ شروط متوازيات الأضلاع

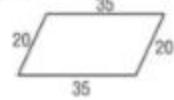
الأمثلة من ١ إلى ٣ توضح كيفية استخدام النظريات الجديدة، وهي عكس النظريات في الدرس ١-١٨ لإثبات أن أحد الأشكال متوازي أضلاع.

التقويم التكيني

استخدم التمارين الآتية في القسم "تمرين موجه" بعد كل مثال للوقوف على مدى استيعاب الطلاب للمفاهيم.

مثال إضافي

١ حدد إذا ما كان رباعي الأضلاع هو متوازي أضلاع أم لا.



إن كل زوج من أزواج الأضلاع المتقابلة متساوي في القياس. ومن ثم، فهو متباين. إذا كلا زوجي الأضلاع المتقابلة متباين، فإن رباعي الأضلاع عبارة عن متوازي أضلاع.

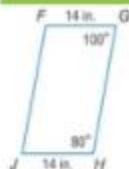
- ١A. نعم: كل ضلعين متباينين متوازيان.
١B. لا: لم يجتاز أيًا من الاختبارات متوازيات الأضلاع.

تمرين موجه

مثال ١ تحديد متوازيات الأضلاع

حدد إذا ما كان الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع أم لا.

على إجابتك.

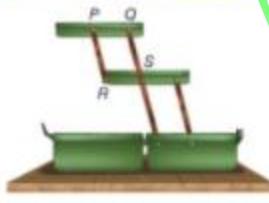


السلامان المتقابلان $\angle FGH \cong \angle JHG$ متتطابقان لأنهما نفسقياس.
وأيضاً بما أن $\angle FGH = \angle JHG$ ، فإن زاويتين داخلتين متكمليتين.
فإن $FG \parallel HG$. ومن هنا، حسب النظرية ١٣.٧، فإن $FGHJ$ متوازي أضلاع.



يمكنك استخدام شروط متوازيات الأضلاع لإثبات الملافات في مواقع من الحياة اليومية.

مثال ٢ من الحياة اليومية استخدام متوازيات الأضلاع لإثبات العلاقات



حيث الأشكال الرسمية الخطية بين سطحها جانبياً لصدقونه معدات الصيد على اليسار. في الرسم التخطيطي، $PQ = RS$ و $PR = QS$. أشرح السبب في أن الدرجتين العلواني والأوسط متوازيين بغض النظر عن الارتفاع الذي يدفع إليه أو ينزل إليه الدرجن.

بما أن كل ضلعين متباينين في الشكل الرباعي متتطابقان، فإن $PQRS$ متوازي أضلاع حسب النظرية ١٣.٧. وحسب تعريف متوازي الأضلاع، فإن الأضلاع المتقابلة متوازية وبهذا تكون $PQ \parallel RS$. ومن هنا يصرف النظر عن كون الموضع الرأسى للدرجن، فإنه يظلان متوازيين دائمًا.

تمرين موجه

٢. **اللاقات** في المثال الموضح في بداية الدرس، اشرع السبب في أن المقطع التي مستعثراً بهما سطحين وسهلة متوازية. انظر ملحق إجابات الوحدة ١٣.



الربط بالحياة اليومية

صدقونه معدات سيد ثانى أو ثالثى الدعامات غالباً ما يستخدم في تركيب الطفوم وأدوات السيد الأخرى. ترتفع الأدراج لأنمن والتغافر يسمى سهل الوصول إلى كل الأشياء بالصدقون.

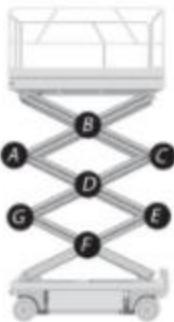
٤ الدرس ٢-١٣ اختبارات متوازيات الأضلاع

أنتبه!

متوازيات الأضلاع يحتاج الشكل الرباعي لأن ينجح في أحد الاختبارات الخمسة التي ثبتت كونه متوازي أضلاع. وليس هناك حاجة إلى إثبات جميع خصائص متوازي الأضلاع.

مثال إضافي

علم الميكانيكا تركب الرافعات المتخصصة، مثل المنصة المبيبة أدناه، بشكل شائع على الأدوات المتخصصة لحمل الأجهزة الثقيلة. في الرسم التخطيطي، $\angle A \cong \angle C$ و $\angle B \cong \angle D$. أشرح السبب في أن الروابي المتتالية ستكون دائمة متكاملة بغض النظر عن ارتفاع المنصة.



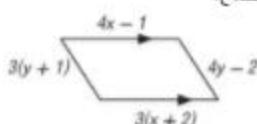
حيث إن كلا زوجي الروابي المتقابلة $ABCD$ متباين، فإن $ABCD$ متوازي أضلاع. بحسب النظرية 13.10، ونصل إلى أن زوجي الروابي المتقابلة $FGHI$ هي متوازي الأضلاع تكون متكاملة. $m\angle A + m\angle B = 180^\circ$ (إذا)، $m\angle C + m\angle D = 180^\circ$ و $m\angle A + m\angle D = 180^\circ$ بالتعويض، $m\angle C + m\angle B = 180^\circ$ ،

2

إرشاد للمعلمين الجدد
الاستنتاج اطلب من الطلاب ذكر طريقة بديلة يمكن استخدامها لإكمال البرهان بمناقشة الشروط الخمسة لإثبات متوازي الأضلاع. ذكر الطلاب بأنه دائمًا ما يوجد عدة إستراتيجيات يمكن استخدامها بالرغم من استخدام إحداها يعني عن البقية.

مثال إضافي

3 أوجد قيمة x و y التي تجعل كل الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع.



$$x = 7; y = 5$$

يمكنك كذلك استخدام شروط متوازيات الأضلاع بالتزامن مع الخبر لإيجاد القيم المجهولة التي تجعل من الشكل رباعي متوازي أضلاع.

مثال 3 استخدام متوازيات الأضلاع والخبر لإيجاد القيم



إذا كان $JK = 6y - 2$ و $KG = 4y + 3$ و $FK = 3x - 1$ و $KH = 2x + 3$ و y بحيث يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع.

حسب النظرية 13.9، إذا كان قطران الشكل رباعي متتسان $JK \cong KH$ وبعدهما فإنه في هذه الحالة يكون متوازي أضلاع. إذا أوجد $JK \cong KH$ و $FK \cong KH$ بحيث تكون $JK \cong KH$.

اقتباس!
متوازيات الأضلاع في المثال 3.
إذا كانت x متساوية مع A ، فيجب أن تكون y متساوية مع $2x + 3$ حتى يكون $FGHIJ$ متوازي أضلاع.
ومعنى آخر، إذا كانت x متساوية مع 4 وكانت y متساوية مع 1 ، فإن JHK ليس متوازي أضلاع.

$$FK = KH \quad \text{تعريف التطابق} \\ 3x - 1 = 2x + 3 \quad \text{بالتعويض}$$

$$x - 1 = 3 \quad \text{طرح } x \text{ من كل طرف.}$$

$$x = 4 \quad \text{أقصى } 1 \text{ إلى كل طرف.}$$

$$JK = KG \quad \text{تعريف التطابق} \\ 6y - 2 = 4y + 3 \quad \text{بالتعويض}$$

$$2y - 2 = 3 \quad \text{طرح } 4y \text{ من كل طرف.}$$

$$2y = 5 \quad \text{أقصى } 2 \text{ إلى كل طرف.}$$

$$y = 2.5 \quad \text{قسم الطرفين على } 2.$$

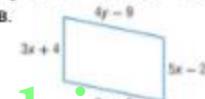
لذا، فعندما تكون $x = 4$ و $y = 2.5$ فإن الشكل رباعي $FGHIJ$ هو متوازي أضلاع.

تمرين موجه

أوجد قيمة x و y بحيث يكون كل الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع.



3A.



3B.

3A. $x = 8, y = 30$
3B. $x = 3, y = 7$

لقد عرفت شروط متوازيات الأضلاع. العائمة التالية تتضمن كيفية استخدام الشروط لإثبات أن الشكل رباعي هو متوازي أضلاع.

ملخص المنهج

يرهن على أن الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع

* بيان أن كل ضلعين متقابلين متوازيان. (**السرقة**)

* بيان أن كل ضلعين متقابلين متطبنان. (**النظرية 13.7**)

* بيان أن زاويتين متقابلتين متطبنان. (**النظرية 13.8**)

* بيان أن الخطوطين متتسان بعدهما. (**النظرية 13.9**)

* بيان أن ضلعين مت مقابلين متوازيان ومتطبنان في نفس الوقت. (**النظرية 13.10**)

815

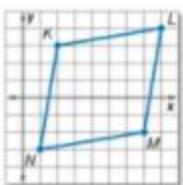
التدريس المتمايز

المتعلمون بالتمرين الشخصي اطلب من الطالب اختيار زميل. اطلب من أحد الطالبين رسم متوازي أضلاع. ثم اطلب من زميله إثبات أن رباعي الأضلاع هو متوازي أضلاع. ثم اطلب من الطالب ثالثاً الأدوار وكسر النشاط مرة أخرى.

2 متوازيات الأضلاع على المستوى الإحداثي

2 خاتمة الدرس: أضف علامة على الجملة التي تبيّن أن المتصفح قد انتهى من تحميل الملف.

مثال ٤ متوازيات الأضلاع والهندسة الإحداثية



$$\begin{aligned} \text{محل } \overline{KL} &= \frac{4 - 3}{8 - 2} + \frac{1}{6} \\ \text{محل } \overline{NM} &= \frac{-2 - (-3)}{7 - 1} + \frac{1}{6} \\ \text{محل } \overline{KN} &= \frac{-3 - 3}{-1 - 1} + \frac{-6}{-1} \\ \text{محل } \overline{LM} &= \frac{-3 - 4}{2 - 8} + \frac{-6}{-1} \end{aligned}$$

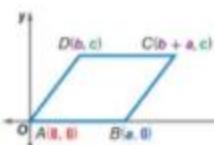
لما أن الأضلاع الممتatabلة لها نفس الميل، فإذا $KL \parallel EM$ و $KL \parallel NM$ ، وبهذا فإن $KLMN$ متوازي أضلاع متضلع.

七

الوحدة 12، مللت أنه يمكن استخدام إحداثيات المتغيرات في تعميم دومن المثلث، بعد ذلك تم استخدام قوانين المسافة والميل ونطاق المتغير، في كتابة مراجع [١] لبيان النظريات، يمكن تطبيق الشيء نفسه على

٥٤٦ مقدرات الأضلاع والزوايا الاعدائية

النحو المعاصر الانجليزي www.almaarif.net



الخطوة ١ بناء المثلث الرباعي $ABCD$ على المستوى الإسفلاتي
بمقدار $\angle A = \angle B = 90^\circ$ و $AB \parallel DC$.

- ابتدأ بوضع الرأس A عند رَقْعَةِ سُرِّيٍّ.
 - افترض أن \overline{AB} مطلوبة من الوسادات وأفترض أن إلتصاقاتها هي (0).
 - بما أن الخط الممتقبة متوازية، فتح الخطوط للخطمة \overline{AC} بحيث يكون لها نفس الإحداثيات
 - بحسب تكوين المسألة من الخططة إلى الخطمة
 - من الوسادات افترض أن الإحداثيات الذي يرسمون $b + h$.

تحصيحة دراية
قانون تنظيم المنتسب
لبيان أن الشكل الباقي
هو متوازي أضلاع ينطبق
أيضاً استخدام قانون معرفة
المنتسب. إذا كانت كل المطابر
متساوية فإن النسبة، لهذا
أن المطابرين يتضمنون معاً

المطلب ٤ و ٥ يوضحان كيفية استخدام
قوانين المستوى الإحداثي لتحديد ما إن
كان الشكل الرباعي عبارة عن متوازي
أضلاع أم لا.

أمثلة إضافية

4

الهندسة إحداثية مثل الشكل
الرباعي $QRST$ بيانياً بالرسوم
 $R(3, 1)$ و $Q(-1, 3)$
 $T(-2, -1)$ و $S(2, -3)$.

حدد ما إن كان الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع أم لا. برهن احديك باستخدام قانون المثلث.

$$= -\frac{1}{2} \text{ ميل}$$

QRST عبارة عن متوازي أضلاع يحسب التعریف.

اكتب إحداثيات يرهان العبارة التالية. إذا كان كلا زوجي الأضلاع المقابلة في الشكل الرباعي متlappingاً، فإن الشكل رباعي
عبارات عن متلقي أضلاع

الشكل الرباعي $ABCD$ على المستوى الإحداثي بحيث $\overline{AD} \cong \overline{BC}$. استخدم الشكل $B(a, 0)$ و $A(0, 0)$ الرباعي $D(b, c)$, $C(b + a, c)$.

المعطيات: $ABCD$ الشكل رباعي.

المطلوب: $ABCD$ متوازي أضلاع.
حسب التعريف، الشكل الرباعي
هو متوازي أضلاع، إذا كان ضلعاه
المتقابلان متوازيين. استخدم قانون
الملاء.

$$\overline{AD} = \frac{c - 0}{b - 0} = \frac{c}{b} \text{ ميل}$$

میلا پساویان ۰

حيث إن \overline{AB} و \overline{CD} لهما نفس الميل
و \overline{BC} و \overline{AD} لهما نفس الميل
إذا الشكل $ABCD$ \parallel \overline{BC} \parallel \overline{AD}
الرباعي $ABCD$ عبارة عن متوازي أضلاع حيث إن أضلاعه المتقابلة متوازية.

التدريس، واستخدام التكنولوجيا

تررين ويكيبيديا اجل الطلاب يعلمونا في
مجموعات ثنائية ليقوموا بعمل صفحة ويكتبونها
تعرض وتشرح الطرق المختلفة المتاحة في إثبات
أن رياضي الأضلاع عبارة عن متوازي أضلاع. يجب
أن يتعاونون الطلاب معاً في تعديل ومراجعة عملهم
لتحسينها ووضعها.

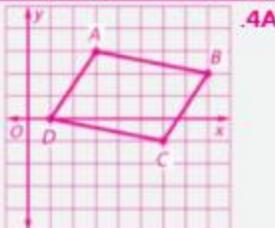
3 التمرين

النحوين التكعيبي

استخدم النحوين من 1 إلى 8 للتحقق من استيعاب الطلاب.

ثم استخدم المخطط أصلع هذه الصفحة لتخصيص واجبات الطلاب.

إجابات إضافية (تمرين موجة)



إذا كان كلا زوجي الأضلاع المتقابلة في الشكل الرباعي متباينة، فهو عبارة عن متوازي أضلاع

$$AB = \sqrt{26};$$

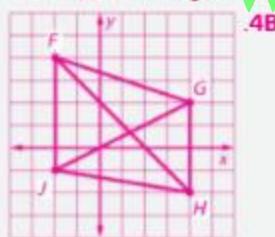
$$DC = \sqrt{26}; AD = \sqrt{13};$$

$$AB = DC \text{ حيث إن } BC = \sqrt{13}$$

$$\overline{AB} \cong \overline{DC} \text{ و } \overline{AD} = \overline{BC}$$

إذاً $ABCD$ متوازي

أضلاع وفقاً للطريقة 13.9.



إذا كانت أقطار الشكل الرباعي تنصف بعضها البعض، فهو عبارة عن متوازي أضلاع. تنصف أقطار الشكل الرباعي بعضها البعض، إذا التقى القطران في نقطة منتصفهما.

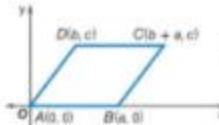
منتصف القطر (1, 1) ونقطة

منتصف القطر (1, 0.5).

وحيث إن نقطة منتصف الأقطار

FH ليس لها نفس الإحداثيات، فإن الشكل الرباعي $FGHJ$ ليس

متوازي أضلاع.



المخطوطة 2 استخدم الشكل، الخامس بك، في كتابة برهان.

المعطيات: الشكل، الرابعى، $ABCD$. $\overline{AB} \cong \overline{DC}$.

المطلوب: $ABCD$ متوازي أضلاع.

البرهان الإحدائى:

حسب التعریف، الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع إذا كانت أضلاعه المتقابلة متساوية طولًا. نعلم من المعطيات أن $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$. إذاً دلمن حماقة خطط إلى توضیح أن $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$.

استخدام قانون الميل.

$$\overline{BC} = \frac{c-0}{b-a-a} = \frac{c}{b}$$

$$\overline{AD} = \frac{c-0}{b-b-a} = \frac{c}{a}$$

بما أن $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ لدينا نفس الميل، إذاً $\overline{BC} \parallel \overline{AD}$. ولذلك $ABCD$ هو متوازي أضلاع لأن أضلاعه المتقابلة متساوية.

توريين موجة

5. اكتب مما يلي إحداثيات لهذه المبارزة، إذا كان رباعي أضلاع عبارة عن متوازي أضلاع، فإن أضلاعه المتقابلة تكون متساوية. انظر الهاعش.

الربط بتاريخ الرياضيات

رويـه ديكارت (1596-1650) ربيب ديكارت

علم رياضيات فرنسي أول من

استخدم المثلثة الإسقاطية.

بدال أنه (أو) من ذكر في

تحديد نقطة على مستوى

إيطالي باستخدام معدن

وذلك سبباً في دابة عائلة

بالصف و يكن هذه المكانة

مجرد عزلة.

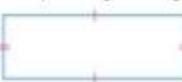
التحقق من فهمك

مثال 1

حدد إذا ما كان كل الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع أم لا. على إجابتك.



1. لا، لم يكتفى أي من



نعم؛ كل ضلعين متقابلين متطابقان.

مثال 2

3. التجارة يبوم راشد بستعنة طاولة يريد أن ينجز من أن

الطاولات التي تدفع بها أربع أرجل الطاولة مع الأرضية تكون

متوازي أضلاع واحداً فائضاً. كيف يمكن لراشد أن يستخدم

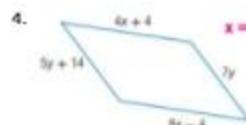
ظهر الطاولة في إثبات أن الأرجل تكون متوازي أضلاع؟

يمكن راشد أن يقيس ظهر الطاولة ليتأكد من أن الأضلاع المتقابلة لها طول واحد، إذا كان لها طول واحد وكانت الأربع متساوية

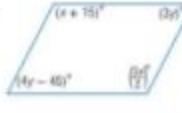
بزوايا ظهر الطاولة، فإن الأرجل تكون متوازي أضلاع.

مثال 3

الجر أوجد قيمة x و y بحيث يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع.



$$x = 2; y = 7$$



$$x = 30; y = 45$$

817

البرهان الإحدائى:

$$AB = \sqrt{(a-0)^2 + (0-0)^2} \text{ or } a$$

$$DC = \sqrt{(b+a-b)^2 + (c-c)^2} \text{ or } a$$

$$AD = \sqrt{(c-0)^2 + (b-0)^2} \text{ or } \sqrt{c^2 + b^2}$$

$$BC = \sqrt{(a-(b+a))^2 + (c-0)^2}$$

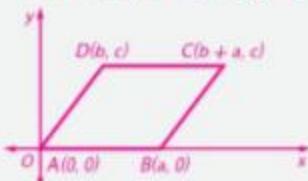
$$= \sqrt{b^2 + c^2} \text{ or } \sqrt{c^2 + b^2}$$

حيث إن $AD = BC$ و $AB = DC$ إذا.

$\overline{AD} \cong \overline{BC}$ و $\overline{AB} \cong \overline{DC}$

5. المعطيات: $ABCD$ متوازي أضلاع.

المطلوب: $\overline{AD} \cong \overline{BC}$ و $\overline{AB} \cong \overline{DC}$



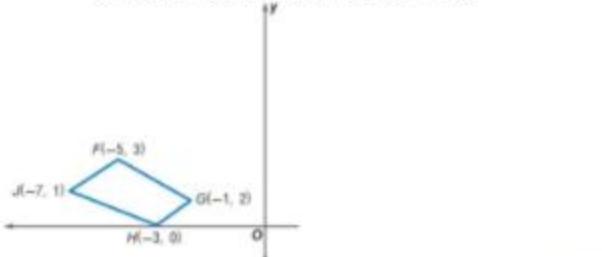
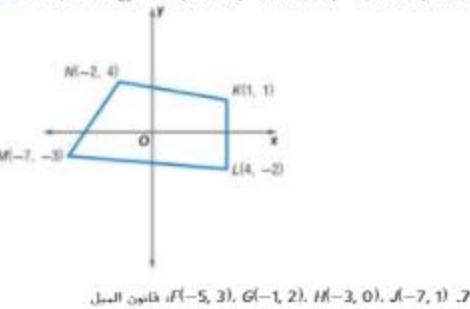
إجابات إضافية

6. ليس متوازي أضلاع لأن نقطة $(-3, -1)$ منتصف KM هي $(-1, -1)$. ونقطة منتصف NL هي $(1, -1)$. ومن ثم لا يتحقق التطابق ببعضها البعض.

7. نعم، هو متوازي أضلاع لأن ميل $FG = -\frac{1}{4}$ وميل $JH = -\frac{1}{4}$ وكذلك.

وميل $HG = 1$ وميل $JF = 1$. إذا، الجوانب المتناظرة للشكل الرباعي متوازية.

28. 4: محمود يمكنه قياس الجوانب المقابلة أو الزوايا المقابلة.



8. اكتب مبرهنًا إحداثيًا لهذه المعاشرة، إذا كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع، فإن تعلمه بعنوان [بعضها](#). انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

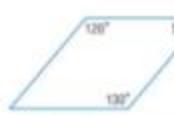
مثلاً 5

التعرير وحل المسائل

www.almanahj.com

الطبعة الأولى | طبعة المراجعة النهائية | طبعة المراجعة النهائية | طبعة المراجعة النهائية

9.



ليس متوازي أضلاع لأن الزوايا المتناظرة غير متطابقة



نعم إنه متوازي أضلاع لوجود ضلعين متساوين متناظرين متوازيين ومتساوين



نعم، كل ضلعين متساوين متناظرين متوازيين.

12.



لم تتحقق أي من اختبارات \square .



لم تتحقق أي من اختبارات \square .

مثلاً 1

الدرس 2-13 | اختبارات متوازيات الأضلاع 818

خيارات الواجب المنزلي المتميزة

| الخيار اليومي | الواجب | المستوى |
|---------------------------------|--------------|---------|
| 10-28، 41-43، 45، 50-51 | 9-29، 46-49 | مبتدئ |
| 31، 35-37، 39، 41-43، 45، 50-51 | 9، 29، 46-49 | أساسي |
| | 30-51 | متقدم |

- النهاية الإحداثية** مثل بياني الشكل الرباعي المعطى لك رؤوسه وحدد ما إذا كان الشكل متوازي أضلاع أم لا. عمل إجابتك باستخدام الطريقة المذكورة. 15-18. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.
15. $A(-1, 2), B(4, 3), C(2, -1), D(-2, -1)$. قانون الميل.
 16. $A(1, 4), K(4, 0), L(-4, -6), M(-7, -2)$. قانون الميل.
 17. $A(-5, 8), B(-3, 7), C(-2, 1), D(-4, 0)$. قانون المسافة.
 18. $V(10, 4), W(15, 3), X(13, 0), Y(8, 1)$. قانون الميل وقانون المسافة.

19. اكتب برهاناً لإحداثيا للمبارزة، في الشكل رباعي، إذا تطابق كل متوازين متباين فإنه يكون متوازي أضلاع.
20. اكتب برهاناً لإحداثيا للمبارزة، إذا كان متوازي الأضلاع يحتوي على زاوية واحدة قائمة، فإنه يحتوي على أربع زوايا قائمة.

21. **برهان** اكتب برهاناً برياً على النظرية 13.8

22. **المراجحة** أثناء رحلتها إلى نيويورك، تزور سليمية زارة أربع وجهات يحيط بها الساحل. من بين الإيماء ستبت ومتثال المرة وستنزل مارك وميدان تايمز سكوير. فإذا كانت إحداثيات GPS لبعض الإيماءات هي 40.74° شمالاً و 73.99° غرباً وكانت إحداثيات GPS لبعض الإيماءات هي 30.69° شمالاً و 74.05° غرباً وكانت إحداثيات GPS لميدان التايمز سكوير هي 40.78° شمالاً و 73.97° غرباً وكانت إحداثيات GPS لبعض الإيماءات هي 40.75° شمالاً و 73.99° غرباً، فحدد ما إذا كانت هذه الوجهات الأربع تكفي متوازي أضلاع أم لا. **أ. في لا تكون متوازي أضلاع.**

البرهان اكتب برهاناً من عوادين. 23-25. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

23. النظرية 13.9

25. اشرح كيف يمكنك استخدام النظرية 13.9 في إنشاء متوازي أضلاع ثم قم بإنشاء متوازي أضلاع بالطريقة نفسها.
- اذكر اسم الإحداثيات المجهولة في كل متوازي أضلاع.



28. **القيادة** يقوم محمود بطلاء خطوط المقطعة أرض مخصصة لموقف سيارات جديد. ما أقل عدد من القبابات بفتح
- محمود إلى أحدها باستخدام المقلة وشريط الفيس ليتحقق أن تكون المطبوخ متوازي أضلاع؟ انظر الهاشم



4 التقويم

حساب الأقصى اطلب من الطلاب كتابة فقرة توضح كيف ساعدتهم الدرس حول متوازيات الأضلاع في الدرس الخاص باختبارات متوازيات الأضلاع.

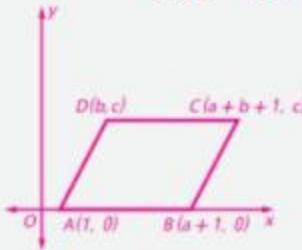
التجويم التكويني

تحقق من فهم الطلاب للدرس 2-13.

إجابات إضافية

33. في بعض الأحيان

34. الإجابة النموذجية:



39. الجير كان متوازياً بسرعة التي قاد بها ممجد السباعية في رحلة مدتها 5 ساعات هو 58 كيلومتراً في الساعة خلال الساعات الثلاث الأولى قاد سرعة 50 كيلومتراً في الساعة، فكم يبلغ متوازياً سرعته بالكيلومتر في الساعة خلال آخر ساعتين من الرحلة؟

- F 70 H 60
G 66 J 54

40. SAT/ACT متوازي أضلاع رؤوسه عدد النقاط (0, 0) (0, 5) (3, 5) ما إحداثيات الرأس الرابع؟

- A (0, 3) D (0, -3)
B (5, 3) E (3, 0)
C (5, 0)

37. إذا كان الشكل $ABCD$ في الشكل المربع $ABCD$ متوازي، فإن معلومات إضافية مت肯ع لإثبات أن المثلث ABC هو متوازي أضلاع؟

- A $\overline{AB} \cong \overline{AC}$
B $\overline{AB} \cong \overline{DC}$
C $\overline{AC} \cong \overline{BD}$
D $\overline{AD} \cong \overline{BC}$

38. الإجابة القصيرة الشكل الرباعي $ABCD$ الموضح أدناه تساوى 40 كذا أن $BD = \frac{3}{5}AC$ ما قيمة x التي بها يكون $ABCD$ متوازي أضلاع؟



مراجعة شاملة

الهندسة الإحداثية أوجد إحداثيات نقطة تقاطع قطرى $\square ABCD$ الذي ذكرته. (الدرس 13-1)

41. $A(-3, 5)$, $B(6, 5)$, $C(5, -4)$, $D(-4, -4)$ (1, 0, 5)

42. $A(2, 5)$, $B(10, 7)$, $C(7, -2)$, $D(-1, -4)$ (4, 5, 1)

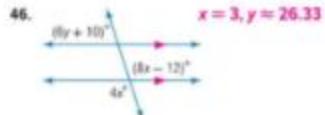
حدد مثل المعملي الذي يهو بالنقاط التالية.

45. $A(2, 5)$, $B(5, 1)$ $\frac{4}{3} \approx -1.3$

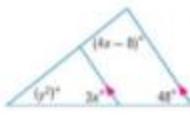
أوجد x و y في كل شكل.

43. $J(4, 3)$, $K(5, -2)$ -5

44. $X(0, 2)$, $Y(-3, -4)$ 2



47.



$x = 16, y = 8.7$

البرهان اكتب برهاناً من مهددين. 48. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

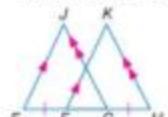
$MN \parallel PQ$, $\angle M \cong \angle Q$, $\angle 2 \cong \angle 3$ المهددين. 49. المقطعيات.

$\triangle MNL \cong \triangle QLN$ المقطعيات.



$EJ \parallel JK$, $JG \parallel KH$, $EJ \cong GH$ المقطعيات.

$\triangle EJG \cong \triangle JKH$ المطلوب.



مراجعة المهارات

استخدم الميل للتحديد ما إذا كان XY و YZ متتماددين أم غير متتماددين.

50. $X(-2, 2)$, $Y(0, 1)$, $Z(4, 1)$ غير متتماددين

51. $X(4, 1)$, $Y(5, 3)$, $Z(6, 2)$ غير متتماددين

التدريس المنهائي

التوسيع اطلب من الطلاب رسم متوازي أضلاع على المستوى الإحداثي بالإحداثيات $(0, 0)$, $(0, 4)$, $(8, 0)$, $(6, 0)$. ثم اطلب منهم أن يصلوا النقطة $(2, 4)$ بالنقطة $(5, 0)$ والنقطة $(3, 4)$ بالنقطة $(6, 0)$ والنقطة $(0, 0)$ بالنقطة $(6, 4)$ والنقطة $(2, 0)$ بالنقطة $(8, 4)$. ما الشكل الذي يكوه تقاطع القطع المستقيمة الأربع؟ **متوازي أضلاع**

30b. الإجابة النموذجية:

| هل $ABCD$ متوازي أضلاع؟ | $m\angle D$ | $m\angle C$ | $m\angle B$ | $m\angle A$ | المستطيل |
|-------------------------|-------------|-------------|-------------|-------------|----------|
| نعم | 90 | 90 | 90 | 90 | 1 مستطيل |
| نعم | 90 | 90 | 90 | 90 | 2 مستطيل |
| نعم | 90 | 90 | 90 | 90 | 3 مستطيل |

13

اختبار نصف الوحدة

الدرسان 1-13 و 13-2

9.

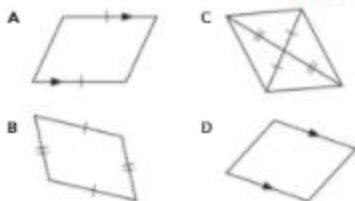
$$\begin{aligned}3x - 2 &= 2x + 6 \\6y - 8 &= 6y + 6\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x = 8, y = 7\end{aligned}$$

10. **الموسقيون** ينادون ذروحة الماء التي تحيط بالمدحومة بمنيقار مربوطة بجذع شجرة متوازية لارتفاعها. **أين** نقطتها المتصافقة (أداة) موازية لارتفاعها؟



11. اختبار من متعدد أي شكل الرباعية التالية ليس متوازي أضلاع؟ **D**



- الشكل 12 الرباعي الذي يحدد ما إذا كان الشكل متوازي أضلاع أم لا. **حل إجابتك** باستخدام الطريقة المحددة.

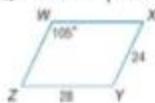
12. **انظر ملحوظ إجابات الوحدة 13**

13. **ال الهندسة الإحداثية** أوجد إحداثيات نقاط قطري $\square ABCD$ الذي **إحداثيات رومه** $A(1, 3)$, $B(6, 2)$, $C(4, -2)$, $D(-1, -1)$.

14. **ال الهندسة الإحداثية** أوجد إحداثيات نقاط قطري $\square WXYZ$ الذي **إحداثيات رومه** $W(105^\circ, 24)$, $Z(10, 10)$, $Y(24, 10)$, $X(105^\circ, 24)$.

استخدم $\square WXYZ$ لإيجاد كل قياس.

1. $m\angle WZY = 75^\circ$
2. $WZ = 24$
3. $m\angle XYZ = 105^\circ$



4. **ال تصميم** سف طرقتين لعنوان أن قطع النسق يتم التوزيع على المسار ستات مع بعضه البعض صحيح.
- انظر الامثل.**



الجبر أوجد قيمة كل متغير في كل متوازي أضلاع.

5. W

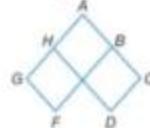
$$s = 13, t = 7$$

6. J

$$d = 42, f = 14$$

7. **الرهنم** اكتب إجاباتك من المربعين $\square HACD$, $\square GFBA$, $\angle F \cong \angle D$. **المطلوب**.

انظر ملحوظ إجابات الوحدة 13.



أوجد x و y بحيث يكون كل شكل رباعي متوازي أضلاع.

8.

$$\begin{aligned}x + 3 &= 2x + 2 \\y + 10 &= 3y + 5\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x = 3, y = 5\end{aligned}$$

التقويم التكويني
استخدم اختبار نصف الوحدة لتقويم مدى تقدم الطلاب في النصف الأول من الوحدة.

اطلب من الطلاب مراجعة الدرس الموضح للمسائل التي أجابوا عنها بشكل غير صحيح.

المطلوب منظم الدراسة

الخطوات دينا زايك

قبل أن ينتهي الطلاب من اختبار منتصف الوحدة، شجعهم على مراجعة المعلومات التي سجلوها للدرس 1-13 و 1-2 في مطبوياتهم.

إجابات إضافية

4. الإجابة الموجبة: تأكد من أن الأضلاع المتناظرة متطابقة أو أن الزوايا المتناظرة متطابقة.

1 التركيز

التخطيط الرأسى

قبل الدرس 3-13 استخدام خواص متوازي الأضلاع وتحديد إذا كانت الأشكال رباعية عبارة عن متوازيات أضلاع.

الدرس 3-13 التعرف على خواص المستطيل وتطبيقاته. تحديد إذا كانت متوازيات الأضلاع مستطيلات أم لا.

بعد 3-13 استخدام الاستدلال الاستقرائي لإثبات العبارات.

2 التدريس

الأسلة الداعمة

اطلب من الطلاب قراءة القسم **المادة ١٣** الوارثي في هذا الدرس.

اطرح السؤالين التاليين:

- كيف كانت ستعامل مع المرأة إذا أكملت مكان بدر ما الذي يتعين على بدر القيام به ليتأكد أن الباب من مستطيل؟ الإجابة المذكورة، فيس ارتفاع 200 سنتيمتر من الأرض، ثم 90 سنتيمترا على الجهة المقابلة لزاوية قائمة لمبة ذاتية إلى الأرض. ذاكرة أن الزوايا قائمة، وذاكرة من أن يكون ضلعاً جانبي الباب بنفس الطول. وأن يكون ضلعاً أعلى الباب وقاعدته بنفس الطول.
- افتخر أن الأرض مبنية، كيف يمكن لخيس التحقق إذا كان الباب من مستطيلا دون قياس الأضلاع أو الزوايا؟ كيقياس القطر، فإذا كانت متقطبة، يكون الشكل مستطيلا.



13-3 المستطيلات

المادة ١٣ الحال السابق

Quincy مسؤول عن تسيير ديكور معرض مدرسة. وهو متطلع إلى استخدام الطلاء لانتظار متغير مدخل على جدار ملابس. قيمت الزين، مستكون المدخل على شكل مستطيل بعرض 90 سنتيمتراً وطول 200 سنتيمتر، كذلك لم ي quis أن ينخدع من أنه يقوم بطلاء مستطيل!

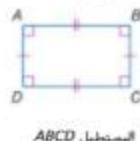
- التعرف على خواص المستطيلات وتطبيقاتها.
- تحديد ما إذا كانت متوازيات الأضلاع مستطيلات.

المفردات الجديدة

مستطيل rectangle

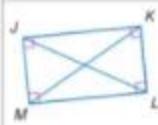
- إياتا نظرية حول متوازيات الأضلاع.
- استخدام الإحداثيات لإثبات التطبيقات الهندسية المستطيلة.
- بناء فرضيات عملية والتحقق على طريقة استئناف الآخرين.
- استخدام الأدوات البلاستيكية بطريقة إستراتيجية.

1 خواص المستطيلات إن **المستطيل** عبارة عن متوازي أضلاع به أربع زوايا قائمة. حسب التعرير:



• كل الزوايا الأربع زوايا قائمة.
• الأضلاع الم寘مالية متوازية ومتاظبة.
• الزوايا الم寘مالية متساوية.
• المطران يتصمن بمقدمة.
وبالإضافة إلى ذلك، قطروا المستطيل متاظبات.

النظرة 13.11 أقطار المستطيل



إذا كان متوازي الأضلاع مستطيلاً، فإن قطره متاظبات.
العكس، إذا كان \square مستطيلاً، فإن قطره متاظبات.
مثال: إذا كان $\square JKLM$ مستطيلاً، فإن $\overline{JL} \equiv \overline{KM}$.

مطلب 13.11 إذا أتيت ببيان استخدم حداشين المتوجبات
تقرب من متوازي الشكل به معاشر المثلثي كما هو موضح. إذا كان $PS = 180$ متراً وكان $QT = 200$ متراً، فما وجده.

إذا كان \square مستطيلاً، فإن قطره متاظبات.
تعريف التطبيق
بالتعويض
بما أن $PQRS$ مستطيل فهو متوازي أضلاع وقطروا متوازي
الأضلاع يتصمن بمقدمة وإذا $QT = ST$
 $QT + ST = QS$
 $QT + QT = QS$
 $2QT = QS$
 $QT = \frac{1}{2}QS$
 $QT = \frac{1}{2}(200)$ أو 100
جمع القطع المستطيل
عوذه
شطط
اقسم كل طرف على 2
بالتعويض
تمرين موجة انظر الشكل الموضح في المثال 1.

26. إذا كان $TS = 120$ متراً، فما وجده PR . 1B. إذا كان $m/SQR = 64$ ، فما وجده m/PRS . 1A.

823

١ خواص المستطيلات

المثلان 1 و 2 يوضحان كيفية إثبات أن الأشكال الرباعية مستويات جبرياً باستخدام خواص المستويات ونظرياتها.

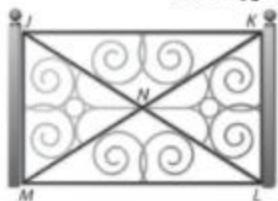
التقويم التكوييني

استخدم التمارين الواردة في القسم
”تمرين موجة“ بعد كل مثال للوقوف
على مدى استيعاب الطلاب لمعناها.

أمثلة إضافية

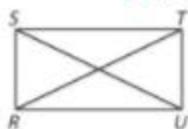
1

الإنشاء بوابة حديقة مستطيلة الشكل مدعمة بدعام على شكل أقطار لمتها من الارتفاع، إذا كان $LN = 2$ متر، $JK = 3.6$ متر، $KM = 4$ متر.



أمثال

الشكل الرباعي $RSTU$ عبارة
عن مستطيل. إذا كان
 $m\angle RTU = 8x + 4$
 $.m\angle SUR = 3x - 2$ ،
فما مقدار x ؟



الدرس ٣-١٣ | المستويات 824

التدوين المتوازن

المتعلمون بالطريقة الحسية الحركية اطلب من الطلاب استخدام قطعتي حبل متساوية الطول وشريط لاصق وسطح أملس لتحديد الشكل الرباعي. الصق قطعتي الحبل في السطح الأملس بإحكام بحيث تتطابقان. استخدم الشريط اللاصق لرسم شكل رباعي بأن تصل بين نهايات قطع الحبل. كرر العملية مرات عديدة على أن ينقطع في نقاط عديدة. يعني أن بiri الطلاب أن الشكل الرباعي لا يمكن مستطلاً إلا إذا ينقطع الحال، عند نقطة متضمنة.



الجبر الشكل الرباعي $JKLM$ عبارة عن مستطيل، إذا كان $m\angle JLK = 7x + 5$ و $m\angle KJL = 2x + 4$. فأوجد قيمة x .

تصحیحة دراسیة

$$\begin{aligned} m\angle LML + m\angle JLK &= 90 \quad \text{جمع الزوايا} \\ m\angle KJL + m\angle LJK &= 90 \quad \text{بالتجويف} \\ 2x + 4 + 7x + 5 &= 90 \quad \text{بالتجويف} \\ 9x + 9 &= 90 \quad \text{جمع الحدود المترابطة} \\ 9x &= 81 \quad \text{طرح 9 من كل طرف} \\ x &= 9 \quad \text{اقس المثلث المترابط} \end{aligned}$$

1

١١- $y = 3x$ ، $MK = 5y + 1$ و $JP = 3y - 5$. إذا كان $\angle 2 = 120^\circ$ ، فـ $\angle MK$ في المثلث MJP .

52

نظرة 13.12 أقطار المستطيل

إذا كان المطران في متوازي الأسلال متعامدين، فيكون [١٥] متوازي الأسلال هنا مترافقاً مع معين.

لَا خَصَارٌ إِذَا كَانَ قَطْرًا □ مُتَكَافِئٌ □ مُنْعَلِّمٌ □ مُسْتَقْبِلٌ

لما كان $\overline{WY} \cong \overline{XZ}$ و $\overline{WY} \cong \overline{XY}$ فإن $\overline{XZ} \cong \overline{XY}$



www.almanahj.com



البيطل بالجملة المسورة

نجمة الكورة الفادحة تذهب على
لقد سقطت الشكل الجانبي
المستوي بطول 18 متراً وعرض
9 أمتار. فتنـاـقـتـهـمـ الـلـعـبـ
إلى تـسـعـيـنـ مـنـاسـونـ سـعـدـ
وـطـلـقـهـ الـمـلـكـ الـمـفـرـضـ

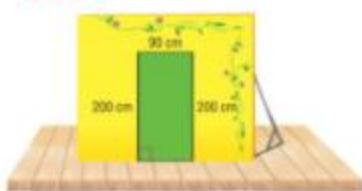
البعض، الارتفاع، الوضعيّة، الوراثة

الربط بالحياة اليومية

معرض شباب المسقطي
في ديربورن، ميشيغان.
هو برنامج انتقال للتدريب.
على النحو المترافق للشباب
من الأعمار من 12 وعمر 18
عائق يشارك الطلاب في كل
حوك، الأداء، بما فيها تطوير
المذكور والإنصاف، وجاء المذكور
وإدارة غشية المسرح والسوت
والملائكة.

تمرين موجه

3. **تمرين ديكور** راجع بذاتية الدروس. يعيش خمس أشخاص العذل الشامي، وبؤكد أن لها نفس العيادات المترددة كما هو موضح. واستخدام زاوية المizar فهو يؤكد أيضًا أن قبائل الكن المنفى الأعمى هو زاوية قائمة. هل يمكن استخدام أن الشكل مستطيل؟ أشرح. **انظر الهاشم.**



أمثلة إضافية

- 3** فنون يقوم بعض الفنانين بشد لوحاتهم على إطار خشبي. وهذا ما يسمح لهم بتخصيص وتعديل حجم اللوحة. لضمان أن الإطار عبارة عن مستطيل قبل شد اللوحة عليه، يكون على الفنان أن يقيس جوانب وأفكار الإطار. فإذا كان $AB = 30$ سنتيمترًا، $BC = 87.5$ سنتيمترًا، $CD = 30$ سنتيمترًا، $DA = 87.5$ سنتيمترًا، $BD = 92.5$ سنتيمترًا، و $AC = 92.5$ سنتيمترًا، وضح كيف يمكن للفنان أن يتأكد من أن الإطار مستطيل الشكل.



$\overline{AD} \cong \overline{BC}$ و $\overline{AB} \cong \overline{DC}$ ببناء عليه،
فإن $ABCD$ عبارة عن متوازي أضلاع. $\overline{AC} \cong \overline{BD}$. ومن ثم، $\square ABCD$ عبارة عن مستطيل.

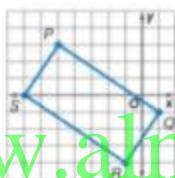
4 الشكل الرياعي $JKLM$ بالرؤوس $L(3, -2)$, $J(-2, 3)$, $K(1, 4)$ و $M(0, -3)$. جدد ما إذا كان $JKLM$ مستطيلًا باستخدام قانون المسافة.

$$\begin{aligned} JK &= ML = \sqrt{10} \\ \text{حيث إن } JM &= KL = \sqrt{40} \\ \text{و } JM &\cong KL \text{ متوازي أضلاع.} \\ KM &= JL = \sqrt{50} \quad \text{حيث إن } JKLM \text{ مستطيل.} \end{aligned}$$

يمكنك أيضًا استخدام خصائص المستطيلات لإثبات أن متوازي الأضلاع الموجود على مستوى إحداثيات هو مستطيل باستخدام إحداثيات الرؤوس.

مثال 4 المستطيلات وال الهندسة الإحداثية

- الهندسة الإحداثية** ريعي أضلاع $PQRS$ ورؤوسه $(-5, 3)$, $O(-1, -4)$, $R(-7, 0)$ و $S(-1, 0)$. حدد ما إذا كان مستطيلًا أم لا باستخدام قانون المسافة.



استخدم قانون المسافة لتصديق ما إذا كان $PQRS$ متوازي.

$$PQ = \sqrt{(-5 - (-1))^2 + [3 - (-4)]^2} = \sqrt{52}$$

$$RS = \sqrt{(-1 - (-7))^2 + (-4 - 0)^2} = \sqrt{52}$$

$$PR = \sqrt{(-5 - (-7))^2 + (3 - 0)^2} = \sqrt{48}$$

$$QS = \sqrt{(-1 - (-1))^2 + (0 - (-4))^2} = \sqrt{16}$$

لأن الأضلاع المتعابدة في الشكل الرياعي لها نفس العيارات، إذا ذهبنا متطابقة ومن ثم فالشكل، الرياعي $PQRS$ هو متوازي أضلاع.

حدد إذا ما كان $PQRS$ مستطيلين.

$$PR = \sqrt{(-5 - (-3))^2 + [3 - (-4)]^2} = \sqrt{65}$$

$$QS = \sqrt{[1 - (-7)]^2 + (-1 - 0)^2} = \sqrt{65}$$

ما أن المفترضين لها نفس العيارات، إذا ذهبنا متطابقين وعلى هذا فإن $PQRS$ مستطيل.

تمرين موجه

4. الشكل الرياعي $JKLM$ ذو رؤوس $J(-10, 2)$, $J(-8, -6)$, $K(-10, 2)$, $L(5, -3)$ و $M(2, 5)$. حدد ما إذا كان $JKLM$ مستطيلًا أم لا باستخدام قانون المسافة.

825

إجابة إضافية (تمرين موجه)

3. نعم، حيث إن الأضلاع المتعابدة متطابقة، فإن البوابة عبارة عن متوازي أضلاع، وإذا كانت إحدى زوايا متوازي الأضلاع قائمة، فستكون جميع زواياها قائمة. وحيث إن الزاوية اليسرى من الأسلل للبوابة قائمة، فيجميع زوايا البوابة قائمة ويحسب التعريف فالبوابة مستطيلة.

التدرис باستخدام التكنولوجيا

مدونة الصف على مدونة الفصل، أجمل الطلاب يكتبو مدخلات في المدونة توضح طريقتين لإثبات أن متوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل.

تصفيحة دراسية
المستطيلات ومتوازي
الأضلاع كل مستطيل متوازي
أضلاع وليس بالضرورة كل
متوازي أضلاع هو مستطيل.

3 التمرين

التقويم التكويني

استخدم التمارين 1-9 للتحقق من استيعاب الطلاب.

ثم استخدم المخطط الموجود في الجزء السفلي من هذه الصفحة لخصيص واجبات الطلاب.

إجابات إضافية

7. البرهان: نعلم من المعطيات أن $DEFG$ عبارة عن مستطيل. إذا، وحسب تعريف المستطيل، فإن $DG \parallel EF$ و $DE \parallel GF$. حيث إن $DG \parallel DH$ عبارة عن جزء من EF و EJ عبارة عن جزء من DH . $DH \parallel EJ$ نعلم أيضًا من المعطيات أن $HJ \parallel GF$. إذا، وحسب خاصية التبديل، فإن $DE \parallel HJ$. وعلى هذا يكون $DEJH$ متوازي أضلاع. بما أن $m/E = 90^\circ$ $DEFG$ مستطيل، إذا وجد بمتوازي الأضلاع زاوية واحدة قائمة، فيتعين حتى أن يكون له أربع زوايا قائمة. ومن ثم، يمكن عبارة عن $DEJH$ مستطيل.



الأعلام على البيمار علم جامايكا. إذا كانت AE تساوي 1.75 متر، وكانت AD تساوي 0.9 متر وكان $m\angle EDC = 33$ درجة، فما وجد جميع القياسات.

مثال 1
أ. 0.9 متر
B. 3.5 متر
C. 1.75 متر
D. 33 درجة



الجواب: الشكل الرباعي $LMNP$ هو عبارة عن مستطيل.

$m\angle NLP = x + 10y - 1$ وإن $m\angle MLN = 5x + 5y$

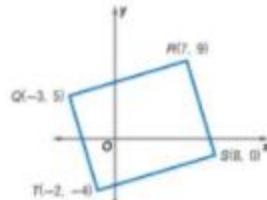
فما وجد $m\angle MLN = 35$.

إذا كان $MN = 5x + 2$ وإن $LP = 4x - 3$. فإذا وجد $MN = LP$.



البرهان: إذا كان $DEFG$ مستطيلًا وكانت $GF \parallel DE$. ثالثت أن $DEJH$ مستطيل. انظر الهاشتاق.

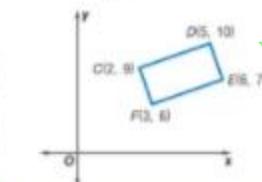
مثال 2



ال الهندسة الإحداثية: مثل بياننا الشكل الرباعي المعطى لك رؤوسه وحدد ما إذا كان الشكل مستطيلًا أم لا. على إجابتك باستخدام القانون المذكور.

ـ .8. قانون الميل $R(-2, -4)$, $S(8, 0)$, $T(-2, -4)$, $Q(-3, 5)$

مثال 3



ـ .9. قانون المسافة $C(2, 9)$, $D(5, 10)$, $E(6, 7)$, $F(3, 6)$

$DF = \sqrt{(5-3)^2 + (10-6)^2} = \sqrt{20}$ نعم.

$CE = \sqrt{(6-2)^2 + (7-9)^2} = \sqrt{20}$ متطابقان. فإن $CDEF$ مستطيل.

مثال 4

ـ .10. إذا وجد $RQ = \frac{2}{5} RO$ ، فإن $\angle RQT = -9$ ليس زاوية قائمة.

ـ .11. قانون المسافة $C(2, 9)$, $D(5, 10)$, $E(6, 7)$, $F(3, 6)$

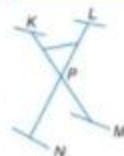
$DF = \sqrt{(5-3)^2 + (10-6)^2} = \sqrt{20}$ نعم.

$CE = \sqrt{(6-2)^2 + (7-9)^2} = \sqrt{20}$ متطابقان. فإن $CDEF$ مستطيل.

التمرين و حل المسائل

الموسيقى: حامل عرض عليه لوحة مقابع $KLMN$. تكون $KLMN$ متقطعة. إذا كانت $NM = 75$ سنتيمتراً وكانت $NP = 32.5$ سنتيمتراً وكان $LPK = 25$ درجة، فما وجد جميع القياسات.

ـ .11. $KP = 32.5$ سنتيمتراً
ـ .10. $KL = 75$ سنتيمتراً
ـ .13. $m\angle LPM = 155$ درجة
ـ .12. $LN = 65$ سنتيمتراً



ـ .826 | الدرس 3-13 | المستطيلات

خيارات الواجب المنهجي المتباينة

| المستوى | الواجب | الواجب | خيارات اليومين |
|---------|---------------------------|-----------------|------------------------|
| مبتدئ | ـ .10-25, 46-55 | ـ .11-25, 50-53 | ـ .46-49, 54-55 زوجي |
| أساسي | ـ .11-31, 32, 33-43، قردي | ـ .10-25, 50-53 | ـ .26-44, 46-49, 54-55 |
| متقدم | ـ .26-55 | | |

الجبر الشكل الرباعي $ABCD$ ممتسطل.



42. إذا كان $m\angle BAC = 8x - 8$, $m\angle CAD = 7x - 7$, $m\angle BAC = 7x - 7$. 14.

72. إذا كان $m\angle DBC = 3x - 9$, $m\angle BDC = 8x - 8$. 15.

12. إذا كان $AD = 3x + 6$, $BC = 9x - 7$, $AD = 3x + 6$. 16.

19. إذا كان $AE = 5x - 1$, $DE = 4x + 3$. 17.

35. إذا كان $m\angle CBD = 11x - 11$, $m\angle BDC = 6x - 1$. 18.

22. إذا كان $AC = 3x + 1$, $BE = 2x - 3$. 19.

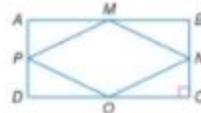
البرهان اكتب برهاناً من عمودين. 20-21. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.



20. المعطيات: $\triangle XZY$ متوازي أضلاع.

$\triangle VZY \cong \triangle WZX$

المطلوب: $VWXY$ مستطيل.



21. المعطيات: M ممتسطل $ABCD$.

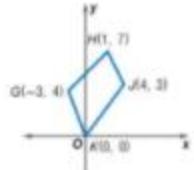
O منتصف \overline{DC} .

P منتصف \overline{AD} .

المطلوب: $MNOP$ متوازي أضلاع.

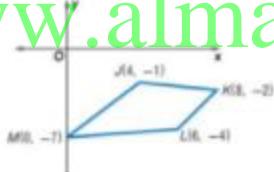
ال الهندسة الإحداثية مثل بيان الشكل الرباعي المعطى لك رؤوسه وحدد ما إذا كان الشكل مستطيلاً أم لا. عمل [جايتك باستخدام القانون المذكور.

قانون الميل: $G(-3, 4)$, $H(1, 7)$, $I(1, 7)$, $J(4, 3)$, $K(0, 0)$. 22.



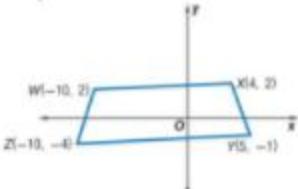
نرم $GHJK$ مستطيل. ميل $GK = \frac{3}{4}$ وميل $HJ = -\frac{4}{3}$ وبما أن $GK \perp HJ$ ،
يساوي $\frac{3}{4}$ وبما أن الأضلاع المتقابلة متوازية، فإن
فإن $GHJK$ متوازي أضلاع وبما أن الأضلاع المجاورة متتمدة، فإن
 $GHJK$ مستطيل.

قانون الميل: $J(4, -1)$, $K(8, -2)$, $L(6, -4)$, $M(0, -7)$. 23.



$JKLM$ ليس مستطيل. ميل $KL = -1$ وميل $MJ = \frac{1}{2}$ وبما أن $KL \parallel MJ$ ،
بما أن الأضلاع المتقابلة ليست متوازية، فإن $JKLM$ ليس متوازي
أضلاع وبالتالي لا يكون مستطيل.

قانون المسافة: $W(-10, 2)$, $X(4, 2)$, $Y(5, -1)$, $Z(-10, -4)$. 24.

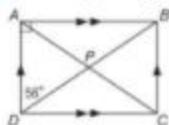


$WY = \sqrt{(-10 - 5)^2 + (2 - -1)^2} = 3\sqrt{26}$, $XZ = \sqrt{(4 - -10)^2 + (2 - -4)^2} = 2\sqrt{58}$
القطرين غير متطابقين، فإن $WXYZ$ ليس مستطيل.

التفوييم 4

عين مصطلح الرياضيات اطلب من الطلاب توضيح كثيـة كتابة برهان من عمودين لتوضـح أن رباعي الأضلاع الذي أقطـاره متطابقة يكون مستطـيلاً.

الإجابة المختصرة ما قيـاسـاً



إذا كان P قـرـدـةـاً، فـأـيـاـ مـاـ يـبـعـدـاـ نـيـنـاـ فـرـدـةـاـ؟

SAT/ACT 44 تكون أيضاً فـرـدـةـاـ؟

E $p + 2$

A $2p$

B $2p + 2$

C $\frac{p}{2}$

D $2p - 2$

F $p + 2$

إذا كان $y = 3x + 5$ ، $fJ = -3x + 5y = 13$ ، $GM = 11$ ، $GH = 11$ ، فـمـاـ قـيـاسـاـ x وـ y اللـذـيـنـ؟

A تـمـلـمـلـاـ مـنـ مـوـادـيـ الـأـسـلـاجـ



A $x = 3, y = 4$ **C** $x = 7, y = 8$

B $x = 4, y = 3$ **D** $x = 8, y = 7$

الـجـبـرـ مـلـمـلـاـ عـلـىـ شـكـلـ مـسـتـطـيلـ مـحـاطـاـ بـسـبـعـ طـولـ 80 مـترـ. يـزـيدـ أـمـدـ أـسـلـاجـ الـمـلـمـلـ، عـنـ الـحـلـلـ، عـمـ بـقـدـارـ 10 مـترـ. أـيـ مـنـ الـمـعـادـلـاتـ الـتـالـيـةـ يـمـكـنـ

أـنـ تـسـتـخدـمـ فـيـ إـيجـادـ قـيـاسـيـ الـمـلـمـلـ؟

J الـلـمـلـمـ؟

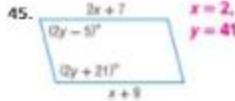
F $10r + r = 80$ **H** $r(r + 10) = 80$

G $4r + 10 = 80$ **I** $2(r + 10) + 2r = 80$

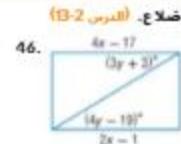
مراجعة شاملة

الجبر أـوـجـدـ قـيـاسـاـ x وـ y بـحـيثـ يـكـونـ الشـكـلـ الـرـبـاعـيـ مـتـواـزـيـ أـضـلاـعـ.

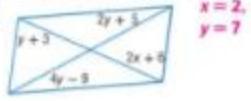
(B-2) **غير** **يـكـونـ الشـكـلـ الـرـبـاعـيـ مـتـواـزـيـ أـضـلاـعـ.**



$x = 2,$
 $y = 41$



$x = 8,$
 $y = 22$



$x = 2,$
 $y = 7$

48. **الهندسة الـجـهـاتـية** أـوـجـدـ إـمـكـانـاتـ مـلـمـلـ مـنـ تـقـاطـعـ طـلـقـاتـ الـشـكـلـ الـرـبـاعـيـ الـمـوـجـودـ عـلـىـ الـيـمـارـ.

راجع الشـكـلـ الـمـوـجـودـ عـلـىـ الـيـمـارـ.

49. إذا كان $\overline{AH} \cong \overline{AF}$ ، فـاذـكـرـ زـاوـيـنـ مـتـطـابـقـيـنـ.

AJ وـ**AR** مـتـطـابـقـيـنـ.

50. إذا كان $\angle AHJ \cong \angle ADH$ ، فـاذـكـرـ زـاوـيـنـ مـتـطـابـقـيـنـ.

AK وـ**AL** مـتـطـابـقـيـنـ.

51. إذا كان $\angle AJL \cong \angle ALJ$ ، فـاذـكـرـ زـاوـيـنـ مـتـطـابـقـيـنـ.

AKJ وـ**AJK** مـتـطـابـقـيـنـ.

52. إذا كان $\overline{JK} \cong \overline{KA}$ ، فـاذـكـرـ زـاوـيـنـ مـتـطـابـقـيـنـ.

AKJ وـ**AKL** مـتـطـابـقـيـنـ.

مراجعة المهارات

أـوـجـدـ المـسـافـةـ بـيـنـ كـلـ زـوـجـيـنـ مـنـ النـقـاطـ.

53. $(4, 2), (2, -5)$ $\sqrt{53}$

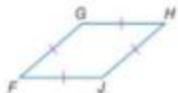
54. $(0, 6), (-1, -4)$ $\sqrt{101}$

55. $(-4, 3), (3, -4)$ $7\sqrt{2}$

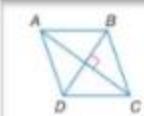
829

التدريس المـهـماـزـ

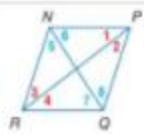
التـوـسـعـ اطلب من الطـلـابـ مـرـاجـعـةـ الدـرـوـسـ مـنـ 13ـ إـلـىـ 13ـ. وـاطـلـبـ مـنـهـمـ كـتـابـةـ فـرـضـيـةـ حـولـ النـتـيـجـةـ عـنـدـمـاـ تـكـوـنـ أـقـطـارـ فـيـ مـرـبـعـاتـ أوـ مـعـيـنـاتـ. يـوـضـعـ الـدـرـسـ 13ـ إـلـىـ 13ـ أـنـهـ إـذـ كـانـ مـتـواـزـيـ أـضـلاـعـ مـسـتـطـيلـاـ، فـيـنـ أـقـطـارـهـ تـكـوـنـ مـتـطـابـقـاـ. وـنـظـرـاـ لـأـنـ الـدـرـسـ 13ـ يـرـكـرـ عـلـىـ طـولـ الـعـطـرـ، فـيـنـ الـخـطـوـةـ الـتـالـيـةـ هـيـ التـرـكـيزـ عـلـىـ كـثـيـةـ تـقـاطـعـ أـقـطـارـ. وـيـكـنـ اـفـتـراـضـ أـنـ أـقـطـارـ الـمـعـيـنـ أوـ الـمـرـبـعـ مـتـعـامـدـاـ.



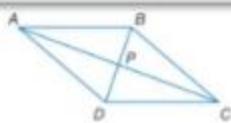
.....



$\overline{AC} \perp \overline{BD}$



www.almanahj.com



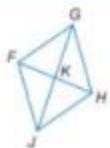
$\overline{AC} \perp \overline{BD}$

$\overline{AB} \cong \overline{BC}$

$\overline{AC} \parallel \overline{BD}$

$\overline{BP} \cong \overline{DP} \quad \overline{AP} \cong \overline{PC}$

$\overline{AC} \perp \overline{BD}$



$$m\angle KJH = \frac{1}{2}(82) \quad m\angle KIH = \frac{1}{2}m\angle FIH$$

$$m\angle KJH + m\angle JKH + m\angle KHI = 180$$

$$41 + 90 + m\angle KHI = 180$$

$$131 + m\angle KHI = 180$$

$$m\angle KHI = 49$$

$$\overline{GH} \cong \overline{JI}$$

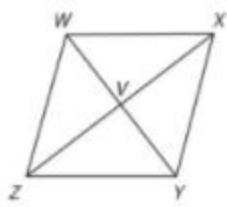
$$GH = JI$$

$$x + 9 = 5x - 2$$

$$9 = 4x - 2$$

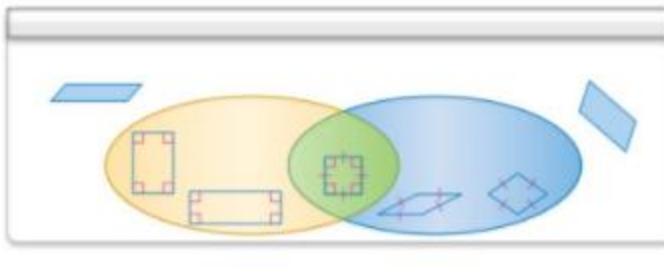
$$11 = 4x$$

$$2.75 = x$$



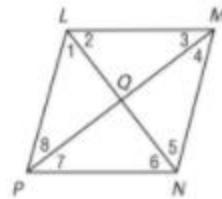
١

www.almanahj.com



مكال إضافي

٣



$\overline{KL} \perp \overline{KM}$

$\overline{AB} \cong \overline{BC}$

$\overline{KL} \cong \overline{JK}$

$\overline{PR} \quad \overline{SQ}$

www.almanahj.com

$$\frac{\overline{SO}}{\overline{SP}} \quad \frac{\overline{PR}}{\overline{PR}}$$



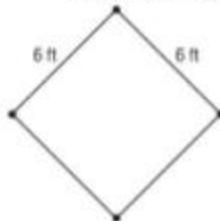
$$\begin{array}{c} \overline{SO} \\ \overline{MP} \quad \overline{MR} \quad \overline{QS} \quad \overline{PR} \quad \overline{PR} \\ \overline{MS} \quad \overline{OM} \quad \overline{SO} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \overline{MS} \quad \overline{MR} \\ \overline{MS} \quad \overline{MP} \end{array}$$

$$\overline{PR} \quad \overline{SQ}$$

مثال إضافي

العنابة بالحدائق يبيس عمر حدود
حدبة جديدة. ويرغب أن تكون
الحدبة مربعة. وقد وضع كل وتد
ركنى على بعد 6 أمتار. ما الذي
يحتاج عمر إلى معرفته ليضمن أن
تكون الحديقة مربعة؟



حيث إن الأضلاع المتناظرة
متطابقة، فإن الحديقة عبارة
عن متوازي أضلاع. وحيث إن
كل ضلعين متاجورين متطابقان.
فالحديقة عبارة عن معين. ويحتاج
عمر إلى معرفة إن كانت أقطار
الحديقة متطابقة. فإذا كانت
أقطار الحديقة متطابقة، فالحديقة
مستطيلة. وحسب النظرية
13.20، فهي مربعة.

3

مثال 3 من الحياة اليومية استخدام الحالات للمعینات والمربعات

علم الآثار العنصر الأساسي لنجاح عملية التنقيب هو وجود خرائط دقيقة. كيف يتأكد علماء الآثار من أن المنطقة التي وضعوا عليها العلامات هي مربع أبعاده 1 متر في 1 متر؟



يلغ طول كل ضلع من أضلاع الشكل الرباعي $ABCD$ 1 متر. بما أن الأضلاع المتناظرة متطابقة، فإن $ABCD$ متوازي أضلاع. بما أن ضلعين متاجورين في $\square ABCD$ متطابقان، إذا فهو معين. إذا استطاع علماء الآثار إثبات أن $\square ABCD$ هو مستطيل، أبتدأ إذن حسب النظرية 13.20، يكون $\square ABCD$ مربعاً.



الربط بالحياة اليومية

علم الآثار هو دراسة المطبع
الأثرية التي تدور حول معلمات
حول سياق البشر وشأنهم
في الماضي. وإن الشيء الذي
الخطبة قبل 5000 عام، فإن
يمكن جمع معلومات حول
التراث الذي قيل هذا التراث
إلا من خلال الأشياء التي يترك
عليها علماء الآثار.

المصادر: الواجهة البريدية

3.A. لا، لا يمكنها
الوصول لهذا الاستنتاج
إلا إذا كانت تعلم كذلك
أن الشكل الرباعي
عبارة عن متوازي
أضلاع.

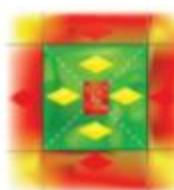
3.B. نعم؛ إذا تساوى
قياس الزوايا الأربع
كلها، فسيكون قياس كل
 منها هو

$4 \div 360 = 90^\circ$.

إذا تطابق قطران متوازي الأضلاع، فإن متوازي الأضلاع يكون متساوياً. إذا قام علماء الآثار بقياس طول

الحمل المطلوب لعمل كل قطر ووجدو أنهما متساويان في الطول، فإن $ABCD$ يمكنه أن يكون مربعاً.

3. خيطة الألحة تسمى خاتمة المسماك به مربعات مثل المربع المبين.
A. فإذا كانت خاتمة تمدد قطرى كل خاتمة صفراء وتصدر على أن يكون كل زوج من الأقطار متساماً، فهو يمكنها استنتاج أن كل خاتمة صفراء عبارة عن معين؟ أشر.



B. إذا كان لمجموع الزوايا الأربع للخاتمة الخمساء نفس المقياس، وللضلعين المتقابلين المتساوي والأخرين نفس المقياس، فهو يمكنها استنتاج أن كل خاتمة صفراء عبارة عن مربع؟ أ الشر.

في الوحدة 12، استخدمت الهندسة الإسقاطية في تصفيف المثلثات. يمكن أيضاً استخدام الهندسة الإسقاطية في تصفيف الأشكال الرباعية.

الطبعة السابعة | حلول وسائل التعليم | إعدادات | انتشارات | إرشادات

833

الدرس المنهائي

المتعلمون أصحاب النهض البصري/المكاني قد لا يصدقون الطلاب أن المعين أقطاره متعامدة. اطلب من مجموعة من الطلاب فقس أربعة مثلثات قائمة الزاوية متطابقة. تأكد من أن لكل مجموعة مثلثاً فريدة. اطلب منهم حض المثلثات معاً عند رؤوس زواياها القائمة. يجفني أن تكون المثلثات معيناً. وينبغي أن شارك كل مجموعة نتائجها مع الصف الدراسي.

3 التمارين

التمرين التكويني

استخدم التمارين 1-6 للتحقق من استيعاب الطلاب.

ثم استخدم المخطط الموجود في الجزء السفلي من هذه الصفحة لتخصيص واجبات الطلاب.

إجابات إضافية

13. البرهان:

الباريات (المبررات)

$$m\angle LMO = m\angle QPN \quad .1$$

(معطيات)

$$LM \parallel PN \quad .2$$

(المتباينة متطابقة.)

$$m\angle NMQ = m\angle LPO \quad .3$$

(معطيات)

$$LP \parallel MN \quad .4$$

(المتباينة متطابقة.)

$$LMNP \text{ عبارة عن متوازي أضلاع} \quad .5$$

(الجوانب المتناسبة متوازية)

$$LP = MN \text{ و } LM = PN \quad .6$$

(الجوانب المتناسبة متوازية)

(الأضلاع تكون متطابقة.)

$$\overline{LM} \cong \overline{MN} \quad .7$$

$$LM = PN = LP = MN \quad .8$$

(خاصية التعدي)

$$LMNP \text{ عبارة عن متوازي} \quad .9$$

$LMNP$ عبارة عن متوازي $LMNP$

أضلاع له أضلاع متطابقة.)



الجبر الشكل الرباعي $ABCD$ عبارة عن معين
أوجد جميع القيم أو القياسات.

1. إذا كان $AB = 8x - 5$, $BC = 4x + 3$ فإن $AD =$

35. $m\angle ABD = m\angle ADC = 70$

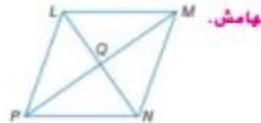
معلم 1

3. البرهان إذا كان $LMNP$ معيّن، فاكتب برهانًا من

معلومين لإثبات أن $\triangle LQM \cong \triangle NQM$

معلم 2

4. انظر الهاشم.



الهندسة الإحداثية بالنظر إلى كل مجموعة من الرؤوس، حدد إذا ما كان $XYWZ$ عبارة عن معين أم مستطيل أم مربع. اذكر كل ما ينطبق. اشرح استنتاجك.

5. $X(-2, 1)$, $Y(0, -3)$, $W(4, -1)$, $Z(2, 3)$ 6. $X(4, -1)$, $Y(-1, 0)$, $W(0, 3)$, $Z(5, 2)$

معين ومستطيل ومتوازي $XYWZ$ به أربعة مستطيل، $XYWZ$ به أربعة أضلاع متطابقة وأربعة زوايا قائمة.

معلم 3

التمرين وحل المسائل

الجبر الشكل الرباعي $ABCD$ عبارة عن معين. أوجد جميع القيم أو القياسات.

25. $m\angle DAB = 25$ 7. إذا كان $AD = 12$, $m\angle DAE =$ 8. إذا كان $DC = 12$, $m\angle$

60. $m\angle DCB = 5x + 6$, $m\angle EDC = 6x - 9$ 9. إذا كان $x = 12$, $m\angle$

45. $m\angle EAD = 7x - 9$, $m\angle BAD = 5x + 10$ 10. إذا كان $x = 5$, $m\angle$

14. $BD = AC = 7x + 3$, $AE = 5x - 11$ 11. إذا كان $x = 3$, $m\angle$

15. $DC = AD = 7x - 6$, $BC = 6x - 12$ 12. إذا كان $x = 3$, $m\angle$

البرهان اكتب برهانًا من معلومين. 13. انظر الهاشم.

13. المعطيات: $m\angle LMQ = m\angle QPN$, $m\angle NRP = m\angle PQL$, $ML = MN$

المطلوب: $LMNP$

معلم 2

14. المطالعات: $\Delta WXYZ$ متساوٍ مساوٍ للمساحتين ΔWPX و ΔVZY .

المطالعات: $\Delta PYZ \cong \Delta ZXY$.

المطالع: $WXYZ$ مربع.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$.

المطالعات: $WP = VZ$, $PY = ZX$, $WY = VZ$, $WP = VZ$. <input type="

ملاحظات لحل التمارين

المسطرة والمنقلة تتطلب التمارين 38 و 39 استخدام مسطرة ومنقلة.

17. **الأوريغامي** تقوم أسماء بفنن قطع ورق لاستخدامها في الأوريجامي. فإذا

استخدمت أسماء المنقلة لتتأكد من أن قياس الزوايا هو 90 درجة ومن أن الخطوط

لهما نفس الطول، فيهل يمكن لها بذلك أن تتأكد من أن قطعة الورق مربعة بشكل آمن؟

اشرح استنتاجك. انظر [الهامش](#)

الهندسة الإنجليزية بالنظر إلى كل مجموعة من الأربعون، حدد إذا ما كان $ABCD$ عبارة عن معين أم

مثل 4

مستطيل أم مربع. اذكر جميع ما ينطبق. اشرح استنتاجك.

18. $A(-2, 1), B(3, 1), C(6, 5), D(1, 3)$

19. $A(-6, -5), B(-1, -5), C(2, -1), D(-3, -1)$

معين، القطران متامدان

20. $A(2, 3), B(0, 7), C(5, 9), D(7, 5)$

21. $A(-5, -4), B(0, -3), C(0, 2), D(-5, 2)$

لا شيء: القطران غير متطابقين وغير متامدين.

21. مربع.

مستطيل.

معين.

جميع الأضلاع

متطابقة

ومتمامدة.



إذا كان $JKLM$ معيّن، فإذا كان $JK = 8$ و $CM = 4$ و $m\angle CJM = 30^\circ$ و $JKLM$ متساوياً، فأوجد جميع القياسات.

22. $m\angle JKL$ 120

23. $m\angle CJK$ 30

24. MK $8\sqrt{3}$

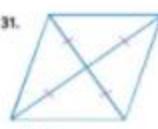
25. SV 14

26. $m\angle SPR$ 90

27. $m\angle PST$ 45



مستطيل



معين



مربع

صنف كل شكل رباعي.

البرهان اكتب برهاناً حراً. 33-37. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

35. 13.16. النظريدة

34. 13.15. النظريدة

33. 13.14. النظريدة

36. 13.17. النظريدة

37. 13.18. النظريدة

36. 13.17. النظريدة

38. 13.18. النظريدة

39. 13.19. النظريدة

37. 13.20. النظريدة

الأشاهد استخدام المسطرة لإنشاء كل شكل. مثل كل إنشاء.

39. مربع 38. مربع 37. مربع 36. مربع 35. مربع 34. مربع 33. مربع

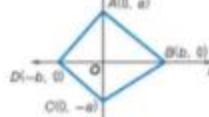
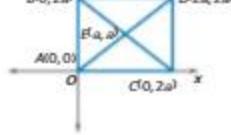
البرهان اكتب برهاناً حراً لكل عبارة.

40. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

41. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

40. قطر المربع يتدلى من ميلين 4 مثلثات متطابقة.

41. قطر المربع يتدلى من ميلين 4 مثلثات متطابقة.



التهييلات المتعددة

يستخدم الطلاب في التدرين 44 الرسومات الهندسية والجداول والوصف الكلامي لاستكشاف خواص أشكال الطائرات الورقية.

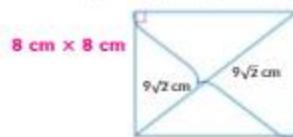
اقتبه!

تحليل الخطأ في التدرين 45 يجب أن يدرك الطلاب أنه بالرغم من أن أقطار المربع والبعض متطابقة، فإن هذه الحقيقة وحدها لا تكفي كبرهان لأي منها. وهناك حاجة إلى مزيد من المعلومات حول متوازيات الأضلاع وأقطارها. أما جميع المستويات فأقطارها متطابقة بحسب النظرية 13.14. لذا يجب أن يكون متوازي الأضلاع مستطيلاً، ولكن لا يكون بالضرورة معيناً أو مربعاً.

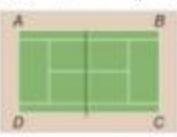
إجابات إضافية

17. لا، يمكن أن يكون مستطيلاً. على لميس أن تتأكد من أن جميع الأضلاع متطابقة أو أن الأقطار متزامنة.

43. **المخبوزات** مثل الرسم التخطيطي أدناه وعاء لتخمير المخبوزات. فإذا كان هذا الوعاء يستخدم لخبز دفعة من المخبوزات، وسقمه إلى 9 أقسام ليلاً مكأن 9 قطعه منها؟



42. **الرياضة** الرسم التخطيطي الموضح أدناه ملعب تنس. إذا كان الباقي، متناظراً بالصورة لشبة النصف، فنصف الشكل رباعي ABCD هو متوج نمرنوك.



انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

44. **التهييلات المتعددة** في هذه المسألة، سوف تستكشف خواص ملائات ورقية تكون في أشكال رباعية مختلفة فيها كل ضلعين متساوين.

انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

١. هندسياً ارسم 3 ملائات ورقية تتبع أطوال أسل㎝ها. قم بتصنيفة واحدة $WXYZ$ وواحدة $ABCD$.

٢. جدولياً استخدم متناظلة في قياس زوايا كل ملائرة ورقية وضع هذه الثنائي في جدول.

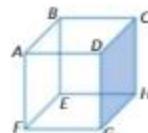
٣. لفظياً عبر عن تفهمك بشأن خطوي ملائرة ورقية.

مسائل مهارات التفكير العليا استخدام مهارات التفكير العليا

45. **تبرير** حدد ما إذا كانت الممارسة صحيحة أم خطأ. ثم اكتب مذكرة وملخصها ومكافئتها المكسبي وحدد المقادمة الصحيحة لكل عبارةً أشرح استنتاجك. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

إذا كان الشكل رباعي متساوٍ، فهو إذا مربعاً.

46. **تحدد** الشكل الذي على الصار مكتوب. إذا كان $5\sqrt{3}$. فإذا $\overline{AH} = \overline{AD}$.



47. **تحليل الخطأ** في متوازي الأضلاع $ABCD$ ، $m\angle CAB = 45^\circ$. $\overline{AE} = \overline{ED}$ و $m\angle CAB = 45^\circ$. تزويدي أن متوازي الأضلاع هو مربع بينما تزويدي خصبة أنه مربع خطأ.

هل أي منها على الأقل صحيحة؟ أشرح استنتاجك. إيوناً على خطأ، وهو أن $\angle CAB = 45^\circ$ ، فإن جميع الزوايا حتى تتطابق وهي يكون الشكل رباعي زوايا قائمة ومن ثم فهو مربع.



48. **مسألة غير محددة الإجابة** اكتب معادلين للمستقيمين متزايدتين. أوجد رؤوس مربع يقع قطراء على المستقيمين اللذين كتبت معادلين لهما.

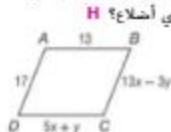
الإجابة التنموذجية: $x = y = -x$, $(1, 1), (-1, -1), (1, -1), (-1, 1)$

49. الكتابة في الرياضيات أشرح المطرق التي ثبتت بها أن متوازي الأضلاع ما هو مربع. يمكنك إثبات أن زاوية واحدة قائمة وأن ضلعين متداوينين متتطابقين. يمكنك إثبات أن القطرتين متتطابقتان ومتزايدتان.

التدريس المتمايز

التوسيع اطلب من الطلاّب تأليف قصة أطفال معاً بناء على الموضوع التالي. المربيات تمثل مجموعة الصفة نظراً لأن متطلبات الحصول على عضوية "مجموعة المربيات" صارمة للغاية. وتزيد المربيات تدريجياً العضويات بتغيير تصنيف المجموعة وتقليل عدد المتطلبات الالزمة للانضمام إليها.

52. الجبر ما قيما x و y اللتان تجعلان الشكل الرباعي **H** متوازي أضلاع؟

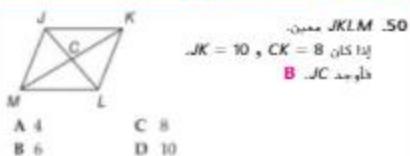


- F. $x = 3, y = 2$
G. $x = \frac{3}{2}, y = -1$
H. $x = 2, y = 3$
J. $x = 3, y = -1$

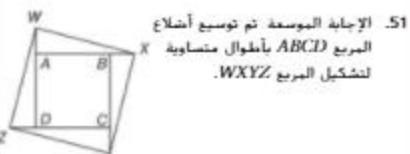
SAT/ACT 53 ما القيمتين التي تزيد بمقدار 6 عن طبق ضروري في المدى **D** -3.

- A. $-3x - 6$
B. $-3x$
C. $-x$
D. $-3x + 6$
E. $6 + 3x$

تدريب على الاختبار المعياري



JKLM مربع.
إذا كان $CK = 8$
فأوجد JC .



51. الإجابة الموسعة تم توسيع أسلوب المربع **ABCD** بأطوال متساوية **WXYZ** لتشكل المربع **WXYZ**.

- a. إذا كان $ABCD$ متساوي الأضلاع $XY = 3 \text{ cm}$ وكانت مساحة 153 cm^2 . فإذا وجد مساحة $WXYZ$.
b. إذا كانت مساحتان 49 cm^2 و 169 cm^2 على التوالي، فأوجد 5 cm .
c. إذا كان $AB = 2CY$ وكانت مساحة $WXYZ = g$ متر مربع، فأوجد مساحة $ABCD = g$ بالمتر المربع. **2.5g**.

اجابات اضافية

57. لا: لم يجتاز أي من اختبارات متوازيات الأضلاع.

نعم: كلا زوجي الأضلاع المتقاربين متطابق.

59. نعم. أحد زوجي الأضلاع المتقاربة متوازيان ومنطابقيان في نفس الوقت.

60. عبارة عن انعكاس للمثلث $\triangle ABC$. $\triangle XYZ$.

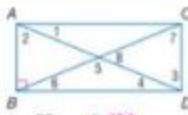
$$AB = 5, BC = 4, AC = \sqrt{41},$$

$$XY = 5, YZ = 4, XZ = \sqrt{41}.$$

حسب مسلسلة $\triangle ABC \cong \triangle XYZ$. **SSS**.

مراجعة شاملة

الشكل الرباعي **ABDC** مستطيل. أوجد جميع القياسات إذا كان $m\angle I = 38$. (الدرس 13-4) **m\angle I = 38**



$$55. m\angle 3 = 104$$

$$56. m\angle 6 = 38$$

حدد ما إذا كان كل شكل رباعي متوازي أضلاع أم لا. على إجابتك. 57-59. انظر الهاشم.



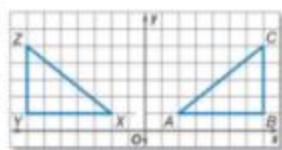
$$57.$$

$$58.$$

$$59.$$

60. الهندسة الإحداثية حدد التحويل الهندسي. وتحقق أنه عبارة عن تحويل ثابت. انظر الهاشم.

$$54. m\angle 2 = 52$$



مراجعة المهارات

أوجد حل كل من المعادلات التالية.

$$61. \frac{1}{2}(3x + 7x - 1) = 11.5 \quad \text{_____} 2$$

$$62. \frac{1}{2}(10x + 6x + 2) = 7 \frac{3}{4}$$

$$63. \frac{1}{3}(12x + 6 - 8x + 7) = 9 \frac{5}{4}$$

838 | الدرس 13-4 | المثلثات والمستويات



استكشف الطلاب خواص متوازيات الأضلاع والمستطيلات والمعينات والمربعات.

السؤال المفتوح التالي:

ما السمات التي تميز متوازيات الأضلاع والمستطيلات والمعينات والمربعات؟ الإجابة النموذجية: الأضلاع المتقاربة متوازي الأضلاع تكون متوازية. والمستطيلات عبارة عن متوازيات أضلاع لها أربع زوايا قائمة. والمعينات عبارة عن متوازيات أضلاع جميع أضلاعها متطابقة. والمربعات لها أربع زوايا قائمة وجميع الأضلاع متطابقة. ومن ثم، كل منها عبارة عن مستطيلات ومعينات.

1 التركيز

التطبيط الرأسي

قبل الدرس 13-5 استخدام خواص الحالات الخاصة لمتوازي الأضلاع.

الدرس 13-5 التعرف على خواص شبه المتوازي وتطبيقاتها.
التعرف على خواص أشكال الطائرات الورقية وتطبيقاتها.

بعد الدرس 13-5 استخدام الاستدلال الاستقرائي لإثبات العبارات.

2 التدريس

الأسللة الداعمة

اطلب من الطلاب قراءة القسم لهذا الوارد في هذا الدرس.

اطرح الأسئلة التالية:

- هل الخواص التي تميز شبه المتوازي عن متوازي الأضلاع؟ شبه المتوازي يتضمن زوجاً واحداً من الأضلاع المتوازية.

لماذا يكون حاجز الفرز الخاص بالخيل المصمّع على شكل شبه متوازي أكثر استقراراً من المصمّع على شكل مستطيل؟ لأن إحدى قاعدتيه تكون أعرض من الأخرى؛ وبالتالي تقل احتيالات ثغر الحصان الفاجر فيها عن تلك المصمّعة على شكل مستطيل بنفس الطول والعرض.

اطرح في الرسم التوضيحي لصناديق الفرز الأربعية المثلثية. ما الافتراضات التي توصلت إليها بشأن زوايا شبه المتوازي التي تكون عند نهاية الصندوق؟ يجب أن تكون الزوايا المتناظرة لأشواء المتوازي الأربعية متطابقة مع القاعدة العلوية للشكل أدناه. وبالتالي فإن أشواء المتوازي التي تكون نهايات صندوق الفرز يجب أن تكون متشابهة.

13-5 شبه المتوازي والطايرة الورقية

13-5

السابق · الحالى · لماذ؟

- تطبيقات خواص شبه المتوازي
- تطبيقات خواص الطائرة الورقية
- لقد استخدمت خواص متوازيات الأضلاع المعاكسه.

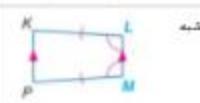


1 خواص شبه المتوازي شبه المتوازي هو شكل رباعي به ضلعان فقط متوازيان. يسمى الضلعان المتوازيان **الباقدين**. زوايا القاعدة تكون من الماءدة وأحد الساقين. في شبه المتوازي $ABCD$ الزوايا $\angle A$ و $\angle B$ هي زوايا من الماءدة والزوايا $\angle C$ و $\angle D$ هما زوايا الأسران. إذا تطابق ماءدة شبه المتوازي، فإنه يكون **شبه متوازي متساوي الساقين**.

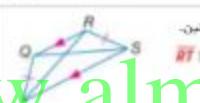
التطبيقات شبه المتوازي متساوي الساقين



13.19 إذا كان شبه المتوازي متساوي الساقين، فيتطابق كل زوج من أزواج زوايا الماءدة.



مثال إذا كان شبه المتوازي $FGHI$ متساوي الساقين، فإن $\angle G \cong \angle H$ و $\angle F \cong \angle I$.



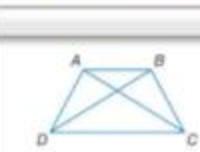
13.20 إذا كان شبه المتوازي $KLMP$ متساوي الساقين، فهو شبه متوازي متساوي الساقين.

مثال إذا كانت $\angle L \cong \angle M$ فإن شبه المتوازي $KLMP$ يكون متساوي الساقين.

13.21 يكون شبه المتوازي متساوي الساقين فقط إذا كان قطراء متطابقين.

مثال إذا كان شبه المتوازي $QRST$ متساوي الساقين، فإن $\overline{RQ} \cong \overline{QS}$ وبالتالي إذا كان $\overline{QS} \cong \overline{RT}$ فإن شبه المتوازي $QRST$ يكون متساوي الساقين.

سواء ثبت النظريتين 13.19 و 13.20، والجزء الآخر من النظرية 13.21 في التمارين 28 و 30.



برهان جزء من النظرية 13.21

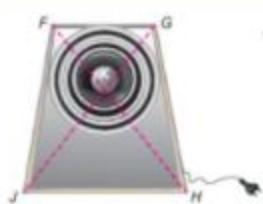
المعطيات: $ABCD$ شبه متوازي متساوي الساقين.
 $\overline{AC} \cong \overline{BD}$ المطلوب:



| المفردات الجديدة |
|---------------------------|
| شبه المتوازي |
| trapezoid |
| قاعدين |
| bases |
| ساق شبه المتوازي |
| legs of a trapezoid |
| زوايا شبه المتوازي |
| base angles |
| شبه متوازي متساوي الساقين |
| isosceles trapezoid |
| متوازي ساق شبه المتوازي |
| midsegment of a trapezoid |
| طايرة الورقية |
| kite |

استخدام الإمثليات
في إثبات النظريات
الهندسية البسيطة غير
استخدام الطريق
الهندسية في حل المسائل
(مثل: نعم، حسناً أو إلهي
لإستخدام العدود البالية
لحل حلول التحليل، العمل
بالأنظمة البالية البسيطة
الذهاب على النسب)
فهم طبيعة المسائل
والتأثير في حلها.
التمكّن، طريقة
تدريجية وكتيبة.

مكال ١ من الحلقة الابتدائية

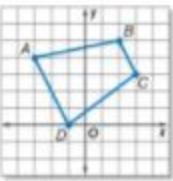


$$FG \parallel GH$$



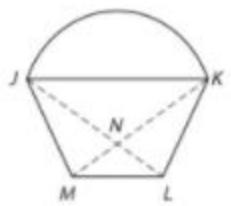
$$XG = FH$$

www.almanahj.com



$$\frac{AD}{DC} = \frac{BC}{AB}$$

مكال ٢



١

مثال إضافي

الشكل الرباعي $ABCD$ بالرؤوس $B(-3, -1)$ و $A(5, 1)$ و $C(-2, 3)$ و $D(2, 4)$. بين أن $ABCD$ شبه منحرف وحدد إن كان شبه منحرف متساوي الساقين أم لا.

$$\text{الخطوة 1: ميل } \overline{AB} = \frac{1}{4}$$

$$\text{ميل } \overline{CD} = \frac{1}{4}$$

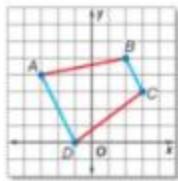
$$\text{ميل } \overline{AD} = -1$$

$$\text{ميل } \overline{BC} = 4$$

حيث إن \overline{AB} و \overline{CD} لهما نفس الميل، فإن $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$. في تلك روج واحد فقط من الأضلاع المتقابلة متوازٍ إذا، $ABCD$ عبارة عن شبه منحرف.

$$\text{الخطوة 2: } BC = \sqrt{17}$$

و $AD = \sqrt{18}$. حيث إن الساقين غير متطابقين، إذاً ليس شبه منحرف متساوي الساقين.



الصلحان المتطلبان \overline{AD} و \overline{BC}

$$\text{ميل } \overline{BC} = 3 - \frac{5}{3} - 2 = -\frac{2}{3}$$

$$\text{ميل } \overline{AD} = \frac{0 - 4}{-1 - (-3)} = \frac{-4}{2} = -2$$

لأن ميل \overline{BC} متساوبان، فإن $\overline{BC} \parallel \overline{AD}$.

الصلحان المتطلبان \overline{DC} و \overline{AB}

$$\text{ميل } \overline{DC} = \frac{0 - 3}{-1 - 3} = \frac{-3}{-4} = \frac{3}{4}$$

$$\text{ميل } \overline{AB} = \frac{5 - 4}{2 - (-3)} = \frac{1}{5}$$

لأن ميل \overline{DC} ليس متساوياً مع ميل \overline{AB} ، فإن $ABCD$ به خط ضلعان متطلبان متوازيان، فإن الشكل الرباعي $ABCD$ يكون شبه منحرف.

المشكلة 24

استخدم قانون المسافة في المقارنة بين طولين الساقين \overline{DC} و \overline{AB} ، يكون شبه المنحرف متساوي الساقين إذا تطابق ميلان.

$$AB = \sqrt{4 + 3 + 25^2} = \sqrt{40} = 2\sqrt{10}$$

$$DC = \sqrt{4 + 5 + 3^2} = \sqrt{25} = 5$$

لأن $AB = DC$ ، فإن الساقين \overline{AB} و \overline{DC} غير متطابقين، وبهذا نثبت شبه المنحرف $ABCD$ ليس متساوي الساقين.

تمرين موجه

2. الشكل الرباعي $QRST$ دوامة (4, -4) ، $Q(6, 8)$ ، $R(0, 8)$ ، $S(-8, 5)$ ، $T(-6, 1)$. بين أن $QRST$ شبه منحرف، وحدد ما إذا كان شبه منحرف متساوي الساقين أم لا.

$$QT = \sqrt{40} ; RS = 6 ; RS \parallel QT ; RO \parallel ST$$

قراءة في الرياضيات

الرسوم تذكر أن الرمز \parallel يعني غير متوازي مع

اتبِه!

الهندسة الإحداثية عدد استخدام قانوني المسافة أو الميل، اتبه إلى علامات الأعداد. وتأكد أيضاً من استخدام قيمتي x و y بالترتيب الصحيح.



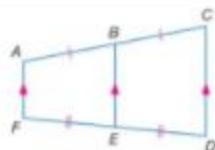
نوضح المقاربة التالية العلاقة بين منصف الساقين والعامدين في شبه المنحرف.

النظرة 13.22 نظرية منصف ساق شبه المنحرف

يكون منصف ساق شبه المنحرف موازياً لكلا العامدين، ويكون قياسه هو نصف مجموع طولي العامدين.

مثال: إذا كان \overline{BE} عبارة عن منصف ساق شبه المنحرف

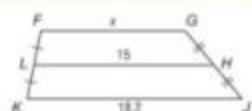
$$\overline{CD} \parallel \overline{BE} , \overline{AF} \parallel \overline{BE} \text{ فإن } ACDF \text{ متساوي الساقين،}$$



التدريب المنهجي

التوسيع يوجد العديد من الكلمات المنشائية التي تتضمن معانٍ مختلفة في الرياضيات. من الأمثلة على ذلك كلية المتوسط الحسابي في الإحصاء والمتوسط في الهندسة. اطلب من الطلاب المقارنة وتبيين الفرق بين معنى المتوسط في المثلث وشبة المنحرف. واطلب منهم توضيح معنى المتوسط الحسابي في مجموعة بيانات. ونكون المقارنة بينها أن المتوسط في المثلث وشبة المنحرف هو قطعة مستقيمة تصل بين نقطة منتصف إحدى القطع المستقيمة فيها ونقطة أخرى في الشكل. ويرتبط الفارق بين المتوسط في المثلث يرأس بينما يصل المتوسط في شبه المنحرف بين نقطتي منتصف الساقين. ويعني المتوسط الحسابي لمجموعة بيانات القيمة المتوسطة بين مجموعة بيانات مرتبة.

مطلب 3 علم الاتصال والاعماري منصب ساقی شه المعرف



الإجابة الشيكية في الشكل، \overline{IJ} هو
نصف ساق شبه المثلث $FGJK$. ما قيمة x ؟

المحولة، الشكل غير مسمى بقياسه

فِرَاءُهُ فِي قُوَّةِ الْأَخْشَاءِ

أضفت على تصميمها شرارة من التفاؤل، أضفت على تصميمها شرارة من التفاؤل، أضفت على تصميمها شرارة من التفاؤل.

455-215-22-16

$$LH = \frac{1}{2}FG + KJ \quad \text{نظريّة متقدّم ملقي شبه المترحوّف}$$

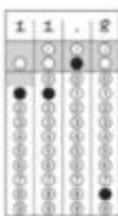
$$5 = \frac{1}{2}x + 18.2$$

$$30 = x + 18.2$$

$$118 = x$$

- يمكن حذف إحدى جلدي المدحدة على طريق وحده الرقم الأول في مربع إحدى جلدي مصر أو وضع الرقم الآخر في مربع إحدى جلدي مصر.
 - تترك مربعات فارغة في مربع إحدى جلدي.
 - إذا قطعت واحدة مثابل كل مربع إحدى [٣] أو أكثر في مربعه.
 - ألا ينفع من مساحة إضافية في مربع إحدى لتمكين العدد بعض إضافة

أ. حاتمة الشبكية

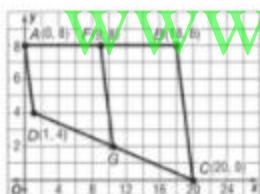


نَصِيحةٌ عَنْ حُلْمٍ

الإيجات الشبكية

١- إيجات التي هي إيجار
٢- نسبة في المايل $\frac{1}{10}$ ميل بمليون ميل
٣- يزيد أكثر من طرفيه إيجار
٤- مثل $\frac{1}{10}$ ميل بمليون ميل على
٥- باليوزنة 8/5 لالميل
٦- ولكن عمر المعاشرة 13/5

٣. الإجابة الشبكية شه المثلث $ABCD$ موزع على المساحة أدناه إذا كانت $\angle C = 90^\circ$ فإن $\sin x = \frac{1}{2}$



خواص الطائرة الورقية الطائرة الورقية هي رماعي أمنٌ.

لذن ۱ من ۴ العددان المعاشرة الورقية ليست مخطوبة و متوأمة

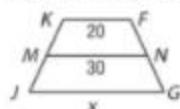
٨٤٢ | الدرس ١٣-٥ | شهادة المتفوق والطموحة

الدرس باستخدام التكنولوجيا

اللوحة البيضاء التفاعلية ارسم جدولًا يحتوي على 7 أعمدة، وعنونها بالأسماه الشكل الرياعي، ومتوازي أضلاع، ومستطيل، ومعين، ومربيع، وطائرة ورقية، وشبيه متعرج. اعرض أمثلة لكل فئة من هذه الفئات على اللوحة واختبر حلقاتاً ليسمحوا كل شكل إلى الممود الذي يتوافق اسمه أكثر معه. إذا رأى الطلاب أن الشكل يمكن تصنيفه تحت أكثر من فئة، ف ساعدهم في تحديد الاسم الأكثر انتظاماً عليه.

مثال اضافی

مثال على الاختبار المعياري 3
في الشكل، MN هو منتصف ساق $FGJK$. ما قيمة X ؟



40

أرشاد للمعلمين الجدد

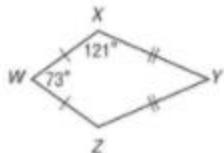
أشباء المنحرف من التعريفات البديلة
لنشبه المنحرف هو أنه يحتوي على الأقل
على زوج واحد من الأضلاع المتوالية. في
هذا التعريف، يعتبر متوازي الأضلاع حالة
خاصة من شبه المنحرف.

2 خواص أشكال الطائرة الورقية

المثال 4 يوضح كيفية استخدام النظريات والخواص لإثبات أو تحديد أن الشكل هو شكل طائرة ورقية.

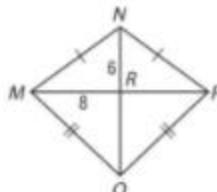
مثال إضافي

- a، إذا كان $WXYZ$ عبارة عن 4
شكل طائرة ورقية، فأوجد قياس $\angle XYZ$.



45

- b. إذا كان $MNPQ$ عبارة عن شكل طائرة ورقية، فأوجد NP .



-10

التركيز على محتوى الرياضيات

شكل الطائرة الورقية يوجد ثلاث خواص إضافية لأنواع الطائرة الورقية.

- (1) الروايا بين الأضلاع غير المتطابقة لأنواع الطائرة الورقية تكون متطابقة.
- (2) أقطار الروايا غير المتطابقة تكون دافأناً المنصف العمودي لأقطار الروايا المتطابقة.
- (3) منصف الأقطار الروايا غير المتطابقة.



يمكنك استخدام النظريتين المذكورتين أعلاه، ونظرية مجموع زوايا المثلث الداخلية، لإيجاد المسافات المسموحة في كل الطائرة المقيدة.

مثال ٤ استخدام حواضن شكل الطائرة الورقية

- إذا كان $\angle FGJ$ عبارة عن شكل طائرة ورقية، فما يحده $m\angle GFJ$ ؟
 سـ: أن الطائرة الورقية تكون بها زوايا بين النهاين فقط
 مطابقان وسـ: أن $\angle G \not\cong \angle H$ ، فإن $\angle F \cong \angle H$
 إذن $m\angle F = m\angle H$ ، اكتب معادلة وقم بحلها لإيجاد $m\angle F$.

| | |
|---|---------------------------------------|
| $m\angle F + m\angle G + m\angle H + m\angle J = 360$ | نظرة مجمعة ذو ايا المطلع المداخلية |
| $m\angle F + 128 + m\angle F + 72 = 360$ | بالتدوين |
| $2m\angle F + 200 = 360$ | بنقط. |
| $2m\angle F = 160$ | امثلج 200 من كل طرف. |
| $m\angle F = 80$ | اقسم كل طرف على 2. |

b. إذا كان $WXYZ$ عبارة عن شكل طائرة ورقية، فأوجد ZY .
 ملخص: إن قيادة المثلثة المترابقة منعاً يعادل قيادة المثلثة المترابقة المقابلة لها.

١٣٦ $m\angle ADC = 53^\circ$, $m\angle BCD = 50^\circ$, $m\angle BAD = 38^\circ$ نویسید .
 $\sqrt{89}$. $CD \perp$ نویسید . $TC = 8$, $BT = 5$ نویسید .
۴A .
۴B

تہم دن

136 . $m\angle ADC = 35^\circ$, $m\angle BCD = 50^\circ$, $m\angle BAD = 38^\circ$ (LS 1) **4A**
137 . $CD \perp AB$, $TC = 8$, $BT = 5$ (LS 1) **4B**

B43

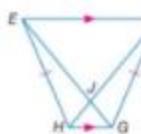
التدريس المتمايز

المتعلمون أصحاب النهض البصري/ المكاني يمكن للطلاب توضيع الأضلاع المتطابقة وكذلك الزوايا المتطابقة وغير المتطابقة لشكل الطائرة الورقية. اطلب من الطلاب على قطعة من الورق إلى تصفين. ثم اطلب منهم أن يقوموا بقطع قطري بأي طول باليد من الشبكة. اطلب منهم تكرار العملية باليد من طرف الشبكة والقطع حتى يتلاقى القطعان الخطايان. ويمكن للطلاب بعدها مقارنة الأضلاع والزوايا المتطابقة وغير المتطابقة. اطلب من الطلاب قطع أحجام مختلفة من الطائرات الورقية لتوضيح أن هذه الخواص تتطبّع دائمًا.

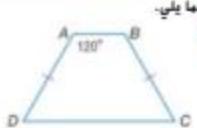
843

3 التمرين

التحقق من فهمك



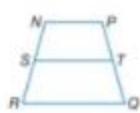
$HF = 50$, إذا كان $EJ = 20$,
 $JG = 10$,



أوجد قياس كل مما يلي.

مثال 1

60° / C . 1.

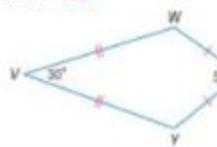


الهندسة الإحداثية الشكل الرباعي $JKLM$ رؤوسه هي $(10, 10)$, $(3, 6)$, $(6, 6)$, $(10, 10)$.
3. تحقق من أن $JKLM$ شبه متضarel. انظر الهاشم.

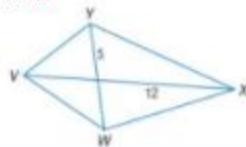
4. سدد ما إذا كان $JKLM$ شبه متضarel منتسبي المساواة. اختر. انظر الهاشم.

5. الإجابة الشقيقة في الشكل الذي على اليسار، $\triangle PQR$ هي منتصف شبه المتضarel $NPQR$.
حدد قيمة x .

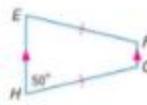
6. $m\angle W = 140$



7. $YX = 13$



التمرين وحل المسائل



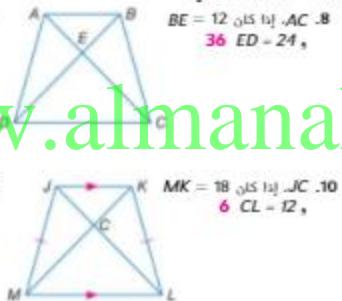
130 / F . 9.

أوجد قياس كل مما يلي.
 $BE = 12$, إذا كان $AC = 8$,
 $ED = 24$,

مثال 1



60 / P . 11.



$MK = 18$, إذا كان $JC = 10$,
 $CL = 12$,

مثال 2

الهندسة الإحداثية تذكر شكل رباعي له رؤوس معلومة. تتحقق ما إذا كان الشكل، الرابعي هذا شبه متضarel أم لا.
وعدد ما إذا كان الشكل، شبه المتضarel منتسبي المساواة. اختر. انظر ملحق إجابات الوحدة 13.

12. $A(-6, -3)$, $B(-4, 1)$, $C(1, 1)$, $D(3, -3)$
13. $E(0, 3)$, $F(-4, -1)$, $G(-3, -8)$, $H(7, 2)$
14. $J(0, 4)$, $K(3, 7)$, $L(8, 6)$, $M(10, 2)$
15. $N(2, 0)$, $P(12, 8)$, $Q(7, 9)$, $R(2, 5)$

أ. الدرس 5-13 شبه المتضarel والطائرة الورقية

إجابات إضافية

$$JM = \frac{10 - 10}{3 - 8} = 0$$

$$KL = \frac{6 - 6}{2 - 11} = 0$$

بما أن ميل كل من JM و KL ميل $(JM) \parallel (KL)$ متساوية، فإن

$$JK = \frac{10 - 6}{3 - 2} = 4$$

$$ML = \frac{10 - 6}{8 - 11} = -\frac{4}{3}$$

بما أن ميل JK و ML غير متساوين، فإن JK و ML غير متوازيين.

فإن $JKLM$ ليس متوازيين. بما

أن الشكل الرباعي $JKLM$ له زوج واحد فقط من الجوانب المتقابلة

المتوازية، فإن الشكل الرباعي $JKLM$ عبارة عن شبه متضarel.

4.

$$JK = \sqrt{(3 - 2)^2 + (10 - 6)^2} = \sqrt{17}$$

$$ML = \sqrt{(8 - 11)^2 + (10 - 6)^2} = 5$$

بما أن $JK \neq ML$, فإن الساقان

JK و ML ليسا متباينتين. ومن ثم،

إن شبه المتضarel $JKLM$ ليس

متتساوي الساقين.

خيارات الواجب المترافق المتماثلة

الخيار اليومي

الواجب

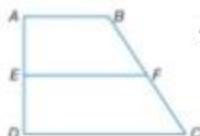
المستوى

| | | | |
|------------------------|-------------------|-----------------|-------|
| 8-26, 65, 67-69, 74-81 | 9-27, 70-73, فردي | 8-27, 65, 67-81 | مبتدئ |
|------------------------|-------------------|-----------------|-------|

| | | | |
|---------------------|-------------------|------------------------|-------|
| 28-65, 67-69, 74-81 | 8-27, 70-73, فردي | 9-27, 29-63, 65, 67-81 | أساسي |
|---------------------|-------------------|------------------------|-------|

28-81

متقدم

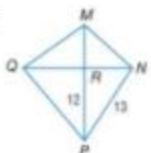


في شبه المترزف $ABCD$. النقطتان E و F هما نقطتا متصفان للمساقين.

12. إذا كان $EF = 14$ ، $CD = 10$ ، $AB = 16$. فأوجد CD . 16
 4. إذا كان $AB = CD = 10$ ، $EF = 7$. فأوجد AB . 17
 20. إذا كان $EF = 10$ ، $AB = 5$. فأوجد EF . 18
 12. $AB = DC = 14$ ، $EF = 13$. فأوجد AB . 19
 16. إذا كان $DC = 14$ ، $AB = 12$. فأوجد DC . 20
 20. إذا كان $EF = 33$ ، $AB = 7$. فأوجد DC . 21

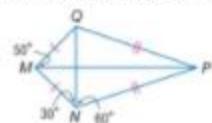
إذا كان $MNPO$ عبارة عن شكل طائرة ورقية، فأوجد جميع القياسات.

22. QN



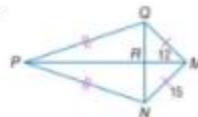
10

23. $m\angle P$



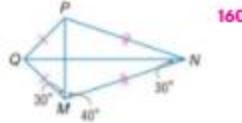
80

24. NR



9

25. $m\angle Q$



160

البرهان اكتب برهاناً جزاً لكل نظرية. 31-32. النظر ملحق إجابات الوحدة 13.

32. النظرية 27. 13.20
 28. النظرية 29. 13.19
 30. النظرية 13.23

البرهان اكتب برهاناً إضافياً للنظرية 31.

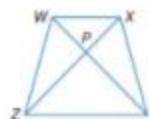
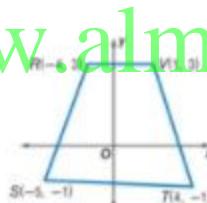
32. **ال الهندسة الإحصائية** راجع الشكل الملايئي $RSTV$.

a. حدد ما إذا كان الشكل شبه متزلف أم لا. إن كان كذلك، فهل هو منتسبي المساقين؟ أشرح. b. **النظر ملحق إجابات الوحدة 13.**

c. هل نقطة الأصل تقع على منتصف المساقين؟ مثل إجابتك.

7.07

c. أوجد ميل المنصف.



الجبر $WXYZ$ عبارة عن شبه متزلف.

- x. إذا كان $m\angle XYZ = 5x - 5$ ، $m\angle WZY = 4x + 10$. فأوجد قيمة x بحيث تكون $WXYZ$ منتسبي المساقين. 33
 15. بحسب بقية $WXYZ$. فأوجد قيمة x بحسب بقية $WZY = 4x + 1$ ، $XZ = 5x - 3$ ، $WY = 4x + 1$. 34

منتسبي المساقين. 4

العيارات (المبررات)

 $\angle BAD \cong \angle EDA$. 1(الزوايا الداخلية $AB \parallel ED$. 2
المتبادلة متطابقة). $ABCE$. 3
(تعريف شبه المترافق). $\triangle AED \cong \triangle BCD$. 4
(معطيات) $\overline{AE} \cong \overline{BC}$. 5
(النظرية CPCTC) $ABCE$. 6
عيارة عن شبه مترافق.
متباين الساقين (تعريف شبه المترافق متباين الساقين).

العيارات (المبررات)

شكل شبه مترافق.
(معطيات) $PMNO$. 1(قواعد شبه المترافق تكون متوازية)
 $\angle LPM \cong \angle LON$, $\angle LMP \cong \angle LNO$ متطابقة
(الزوايا المتناظرة)
 $\angle L \cong \angle L$. 4
(خاصية الانتكاس)

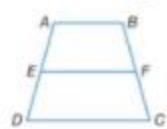
الطماهم جانب المعاوقة المعروضة بالصورة عبارة عن شبه مت旁رف متباين الساقين.
إذا كان $AE = 8$ سنتيمترات وكان $ED = 5$ سنتيمترات وكان $m\angle ABD = 75^\circ$
فأوجد جميع القياسات.

35. $m\angle BAC$ 75

37. $m\angle BDC$ 105

36. AD 13 سنتيمتر

38. BC 13 سنتيمتر



الجبر في شبه المترافق $ABCD$, النقطتان E و F هما تقاطعتا منتصف الساقين.
إذا كان $EF = 9$, $DC = 2x + 1$, $AB = x + 2$.
39. x . فإذا جد $x = 3$.

إذا كان $DC = 5x - 3$, $EF = 3x$, $AB = 6$.
40. x . فإذا جد $x = 4$.

إذا كان $EF = 4x - 8$, $AB = 3x - 6$.
41. x . فإذا جد $x = 10$.

إذا كان $DC = 20$, $EF = 4x - 8$, $AB = 3x - 6$.
42. x . فإذا جد $x = 12$.

إذا كان $DC = 2x - 1$, $EF = 2x - 3$, $AB = x + 4$.
43. x . فإذا جد $x = 5$.

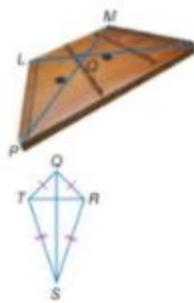
الموسيقى القانون آلة موسيقية تأخذ في الغاب شكل شبه المترافق. الرسم التخطيطي الذي بالصورة، فيه $LN = 60$ سنتيمتر و $QP = 25$ سنتيمتر و $m\angle LPO = 65^\circ$.
أوجد جميع القياسات.

43. $m\angle MLP$ 50

45. $m\angle MNP$ 130

44. LQ 14

46. MP 24



الجبر في شكل طائرة ورقية.

إذا كان $m\angle TQR = 6x$, $m\angle TSR = 40$, $m\angle T4 = 74$

115. $m\angle QTS = 7x + 10$

$m\angle RST = x - 3$, $m\angle TQR = 60$.
44. x . فإذا جد $x = 8.4$

140. $m\angle QRS = 7x$, $m\angle QTS = 7x$, فإذا جد $x = 10$.

البرهان اكتب برهاناً من معمودين. 49. 50. انظر الهاشم.

50. المعلميات: $PMNO$ شبه مترافق.

$\angle BAD \cong \angle EDA$, $\triangle AED \cong \triangle BCD$.

المطلوب:

جميع زوايا $\triangle LPM$ متطابقة مع زوايا $\triangle LON$.



حدد ما إذا كانت كل عبارة صحيحة دائمًا أم أحياناً أم غير صحيحة على الإطلاق.

51. الطائرة الورقية هي شبه مترافق. 2 مطلقاً

52. الزوايا المتباينة في شبه المترافق تكون متكاملات. أحياناً

53. الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع. أحياناً

54. المربع هو مستطيل. دائمًا

55. قطر الطائرة الورقية متمامدان. دائمًا

56. **البرهان** المعلميات $ABCD$ مطابقة ورقية. اكتب دخراً برهان ثابت أن $\triangle ADC \cong \triangle ABC$

البرهان: نعلم من المعلميات أن $ABCD$ مطابقة ورقية. حسب التعرير.

يكون $\overline{AD} \cong \overline{BC}$ و $\overline{DC} \cong \overline{BA}$. نعلم أن $\overline{AC} \cong \overline{AC}$ حسب خاصية الأفلاك.

ولهذا، حسب المبرهنة SSS، يكون $\triangle ADC \cong \triangle ABC$.



التدريس المتمايز

التوسيع يتعلم الطلاب بعض الصيغ والمعادلات الأساسية للمساحة في الوحدة السابقة. اطلب من الطلاب وصف كيف تكفي معرفة صيغ مساحة المستطيل لاستنباط صيغ مساحة المثلثات والأشكال رباعية الأخرى. يمكن للطلاب استخدام الأمثلة لتوضيح تحليل المضلوليات والطرق الأخرى المستخدمة في إيجاد المساحات المتناظرة والمساحات الإجمالية.

4 التقويم

عین مصطلح الرياضيات اطلب من الطلاب وصف كل نوع من أنواع الأشكال الرباعية. وينبغي أن يكتوا فقرة تشرح الفارق بين متوازي الأضلاع وأشياء المترافق وأشكال الطائرة الورقية. واطلب منهم كذلك التبييز بين المستويات والمعينات والمربيعات.

إجابات إضافية

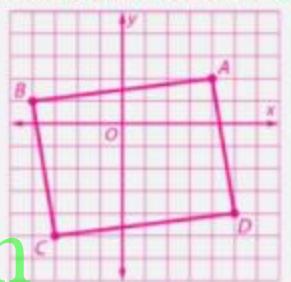
$$AB = \sqrt{65} = CD, \text{ لـ } .76$$

$$ABCD, \text{ إذا كان } BC = \sqrt{37} = DA,$$

عبارة عن متوازي أضلاع.

$$AC = \sqrt{98}, BD = \sqrt{106}$$

متطابقة. إذا كان $BD \neq AC$ ليس مستطيلًا.



$$\text{لـ } .77, \text{ فمثيل } = \overline{JK} = \frac{1}{8} \text{ ميل}$$

$$\overline{MJ} = -6 \text{ ميل}, \overline{KL} = 1 \text{ ميل}$$

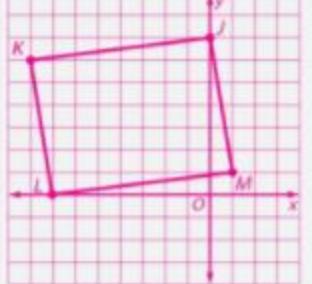
إذا كان JKLM عباره عن متوازي

أضلاع. وناتج ميل الجانبين المتناظرين

$\neq -1$. ومن ثم فإن الجانبين

المتناظرين غير متعامدين. بناء عليه،

JKLM ليس مستطيلاً.



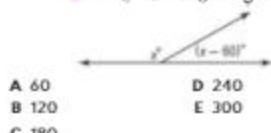
تدريب على الاختبار المعياري

70. ما نوع الشكل الذي يمكن أن يقدم مثلاً مكعباً على المرضية أدناه؟ **C**

إذا كان المترافقين في متوازي الأضلاع متطابقين، فإن متوازي الأضلاع هذا عبارة عن مستطيل.

- H متوازي أضلاع
F مترافق
G مربع
E شبه المترافق، متوازي الساقين

SAT/ACT .71



$$\text{في الشكل أدناه، ما قيمة } x?$$

- A 60
B 120
C 180
D 240
E 300

- A AED 0.96
B AED 1.47
C AED 1.98
D AED 2.94

68. الإجابة إذا كان الشكل الرباعي ABCD عبارة عن مترافق ورقي، فما هي



- ABC .72
31. إذا كان $GHM/m, m/FGH = 118$, فإذا ميل $m/FGH = 118$.
18. إذا كان $DG = x + 6$, $DM = 4x - 3$. فإذا ميل $DG = x + 6$, $DF = 10$.
10. إذا كان $FG = 10$, فإذا ميل $FG = 10$.
9. إذا كان $MG = x + 6$, $HM = 12$. فإذا ميل $MG = x + 6$.

الهندسة الإحداثية مثل بيان الشكل الرباعي المعطى لك رؤوسه وحدد ما إذا كان الشكل ممتطيلاً أم لا. مثل إجابتك باستخدام القانون المذكور. **(الدرس 13-4)**

76. 77. انظر الهاشم **(الدرس 13-4)**

72. إذا كان $A(4, 2), B(-4, 1), C(-3, -5), D(5, -4)$, فإذا ميل $AC = 1$, فإذا ميل $BC = -7$, فإذا ميل $CD = -1$, فإذا ميل $DA = 1$.

78. البرهان أكتب هذه البرهانات. انظر الهاشم
 $\angle CMF \cong \angle EMF$
 $\angle CFM \cong \angle EFM$
 $\triangle DMC \cong \triangle DME$: المطلوب



مراجعة المهارات

اكتب تعبيرًا لهنحني كل قطعة مستقيمة باستخدام المعطيات من الإحداثيات والنقاطين الطرفتين.

$$80. (x, 4y), (-x, 4y) \quad \text{غير معزف}$$

$$81. (y, x), (y, -x) \quad \text{غير معزف}$$

$$79. (x, -4y), (-x, -4y) \quad \text{غير معزف}$$

848 | الدرس 13-5 | شبه المترافق والطائرة الورقية

13 دليل الدراسة والمراجعة

دليل الدراسة

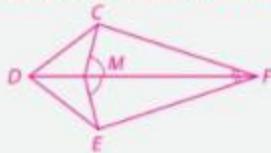
المفاهيم الأساسية

التقويم التكويني
المفردات الأساسية تشير الصفحات المرجعية المذكورة بعد كل كلمة إلى الموضع الذي ورد فيه ذلك المصطلح لأول مرة. فإذا واجه الطالب صعوبة في الإجابة عن الأسئلة 1-9، فذكرهم باستخدام هذه الصفحات المرجعية لإنقاش ذكرائهم بشأن مصطلحات المفردات.

الإجابات الإضافية (صفحة 848)

$$\angle CMF \cong \angle EMF, \angle CFM \cong \angle EFM$$

المطلوب:



البرهان:

العيارات (المبررات)

$$\angle CMF \cong \angle EMF, \angle CFM \cong \angle EFM$$

(مطابقات)

$$\overline{MF} \cong \overline{MF}, \overline{DM} \cong \overline{DM}$$

(خاصية الاختلاس)

$$\triangle CMF \cong \triangle EMF$$

(زاوينتين) ASA

$$(CPCTC) \quad \overline{CM} \cong \overline{EM}$$

(نظرية)

$$\angle CMF \cong \angle DMC$$

(متكمالتان)

$$\angle EMF \cong \angle DME$$

(متكمالتان)

$$\angle DMC = \angle DME$$

(المنكمالة مع \cong)

$$\triangle DMC \cong \triangle DME$$

(مسنة SAS)

المفردات الأساسية

| | |
|---------------------------|---------------------------|
| base | أساس/ قاعدة |
| base angle | زاوية قاعدة |
| isosceles trapezoid | شبه متوازي متساوي الساقين |
| kite | طاويرة الورقة |
| legs | ساقان |
| midsegment of a trapezoid | منتصف ساقى شبه المتوازي |
| parallelogram | متوازي أضلاع |
| rectangle | مستطيل |
| rhombus | مربع |
| square | مربع |
| trapezoid | شبه متوازي |

- خواص متوازي الأضلاع
 - * الشكلان المتطابلان متوازيان ومتوازيان.
 - * الزوايا المقابلة متباينة.
 - * الزوايا المتناظرة متكافئة.
 - * إذا امتدت متوازي أضلاع على زاوية واحدة قائمة، فإن به أربع زوايا قائمة.
 - * المطران ينبعان منهما.

مراجعة المفردات

حدد ما إذا كانت كل عبارة صحيحة أم خطأ. إن كانت خطأ، فاستبدل الكلمة أو العبارة التي تحتتها خط لجعل الجملة صحيحة.

1. لا يوجد بشهادة المتوازي منتسبي متساوين الساقين زوايا متطابقة.

خطأ. كل زوجين من زوايا القاعدة

2. إذا كان متوازي الأضلاع متسطيل، فإن خطوطه متساوون صحيحة

3. منصف ساقى شبه المتوازي هو ميل من الخط منتصفه.

خطأ. منصف ساقى شبه المتوازي هو منصف ساقى شبه المتوازي.

4. قاعدة شبه المتوازي هي أحد الأضلاع المتوازية. صحيحة

5. نظر المربع منتسبي. صحيحة

6. المستطيل ليس دائمًا متوازي أضلاع. خطأ. دائمًا

7. الشكل الرباعي الذي يوجد به شكلان متوازيان يكون

متوازي أضلاع. خطأ. شبه متوازي

8. المستطيل الذي يندوب شرود المدين يكون متسقطاً صحيحة

9. ساق شبه المتوازي هي أحد الضلعين المتساوين. خطأ.

غير المتوازيين

المطويات منظم الدراسة

تأكد من تدوين المفاهيم الأساسية
في المخطوطة.

849

المطويات منظم الدراسة

المطويات® دينا زايك

اطلب من الطلاب إلقاء نظرة على الوحدة للتأكد من أنهم قد أضافوا بعض الأمثلة إلى كل علامة تبويب في مطوياتهم. واقتراح عليهم إبقاء مطوياتهم بجانبهم أثناء إكمال صفحات دليل الدراسة والمراجعة، مشيرًا إلى أن المطويات تعد بمثابة أداة مراجعة سريعة من أجل المذاكرة لاختبار الوحدة.

13

دليل الدراسة والمراجعة

مراجعة درس بدرس

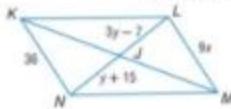
التدخل التقويمي إذا كانت الأمثلة المقدمة غير كافية لعرض الموضوعات التي تتناولها الأسئلة، فذكر الطلاب بأن مراجع الدروس ترشدهم إلى مكان مراجعة الموضوع في كتبهم المدرسية.

إجابات إضافية

14. $x = 5, y = 12$
15. $x = 37, y = 6$
16. الإجابة المتداigne: إذا كان كلا زوجي الأضلاع المتقابلة بنفس الطول أو إذا أحد زوجي الأضلاع المتقابلة متباين ومتوازيين في الوقت نفسه، فإن هذه الأشكال متوازيات أضلاع. ويمكن أن تكون الأشكال متوازيات أضلاع إذا كان كلا زوجي الأضلاع المتقابلة متطابقين أو إذا كانت الأقطار ينصف بعضها البعض.

مثال 1

الgebra إذا كان $KLMN$ عبارة عن متوازي أضلاع، فأوجد قيمة المتغير المشار إليه.



a. x

$$\overline{KN} \cong \overline{LM}$$

تعريف المترافق

$$3x = 9x$$

$$4 = x$$

b. y

$$\overline{NJ} \cong \overline{KL}$$

تعريف المترافق

$$NJ = JL$$

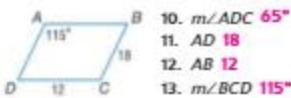
$$y + 15 = 3y - 7$$

$$-2y = -22$$

$$y = 11$$

اقسم.

استخدم $\square ABCD$ لإيجاد جميعقياسات.



10. $m\angle ADC = 65^\circ$
11. $AD = 18$
12. $AB = 12$
13. $m\angle BCD = 115^\circ$

الgebra أوجد قيمة كل متغير في كل متوازي أضلاع.

انظر الباقي.

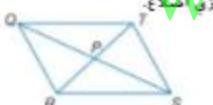


- 14.
 - 15.
16. تصميم ما نوع المعلومات الازمة لتصديق ما إذا كانت الأشكال التي تكون ملائمة للزجاج الملون متوازيات أضلاع؟ انظر الباقي.



مثال 2

الgebra إذا كان $.PS = 5y - 12$, $.TP = 4x + 2$, $.QP = 2y - 6$, $.PR = 6x - 4$ ، فما هي قيمة x و y بحيث يكون الشكل رباعي متوازي أضلاع.



أوجد قيمة x و y بحيث $\overline{QP} \cong \overline{PR}$.

$$TP = PR$$

تعريف المترافق

$$4x + 2 = 6x - 4$$

$$-2x = -6$$

$$x = 3$$

$$QP = PS$$

تعريف المترافق

$$2y - 6 = 5y - 12$$

$$-3y = -6$$

$$y = 2$$

اقسم.

حدد ما إذا كان كل رباعي متوازي أضلاع أم لا.

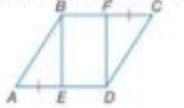
انظر الباقي.



17. البرهان اكتب برهانا من مودين. انظر الباقي.

$\overline{AE} \cong \overline{CE}$, $\square ABCD$

المطلوب، الشكل رباعي $EBFD$ هو متوازي أضلاع.



الgebra أوجد قيمة x و y بحيث يكون الشكل رباعي متوازي أضلاع.

انظر الباقي.



- 20.
- 21.



إجابات إضافية

17. نعم. النظرية 6.11

18. نعم. النظرية 6.12

19. المعطيات: $\square ABCD$, $\overline{AE} \cong \overline{CF}$

المطلوب: رباعي الأضلاع $EBFD$ هو متوازي أضلاع.



1. $ABCD$ هو متوازي أضلاع. $ABCD$.
 $(AE \cong CF)$ (معطيات)

2. $AE = CF$ (تعريف \cong القطع)
 (الستقيمة)

3. $\square BC \cong \square AD$ (أضلاع \cong)
 (المتباينة)

4. $AD = BC$ (تعريف \cong القطع)
 (الستقيمة)

5. $BC = BF + CF$, $AD = AE$
 $(\text{صلبة جمع القطع} + ED)$
 $(\text{الستقيمة}).$

6. $BF + CF = AE + ED$ (التعويض).
 $(AE = AE + ED)$

7. $BF + AE = AE + ED$ (التعويض).
 $(AE = AE + ED)$

8. $BF = ED$ (خاصية التعويض).

9. $\square BF \cong \square ED$ (تعريف \cong القطع)
 (الستقيمة)

10. $(BF \parallel ED)$ (تعريف \square)

11. الشكل الرباعي $EBFD$ متوازي أضلاع. (إذا كان زوج واحد من الأضلاع المتباينة في الشكل رباعي متوازيين ومتتطابقين، فإن الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع).

20. $x = 4$, $y = 8$

21. $x = 5$, $y = 12$

إجابات إضافية

17. نعم. النظرية 6.11

18. نعم. النظرية 6.12

19. المعطيات: $\square ABCD$, $\overline{AE} \cong \overline{CF}$

المطلوب: رباعي الأضلاع $EBFD$ هو متوازي أضلاع.



1. $ABCD$ هو متوازي أضلاع. $ABCD$.
 $(AE \cong CF)$ (معطيات)

2. $AE = CF$ (تعريف \cong القطع)
 (الستقيمة)

3. $\square BC \cong \square AD$ (أضلاع \cong)
 (المتباينة)

4. $AD = BC$ (تعريف \cong القطع)
 (الستقيمة)

5. $BC = BF + CF$, $AD = AE$
 $(\text{صلبة جمع القطع} + ED)$
 $(\text{الستقيمة}).$

6. $BF + CF = AE + ED$ (التعويض).
 $(AE = AE + ED)$

7. $BF + AE = AE + ED$ (التعويض).
 $(AE = AE + ED)$

8. $BF = ED$ (خاصية التعويض).

9. $\square BF \cong \square ED$ (تعريف \cong القطع)
 (الستقيمة)

10. $(BF \parallel ED)$ (تعريف \square)

11. الشكل الرباعي $EBFD$ متوازي أضلاع. (إذا كان زوج واحد من الأضلاع المتباينة في الشكل رباعي متوازيين ومتتطابقين، فإن الشكل الرباعي هو متوازي أضلاع).

20. $x = 4$, $y = 8$

21. $x = 5$, $y = 12$

مثال 3

الجر $ABCD$ الشكل الرباعي عبارة عن مستطيل. إذا كان $m\angle DBA = 6x + 12$, $m\angle ADB = 4x + 8$



مستطيل، إذا كان $m\angle ABC = 90^\circ$. مما أن كل ملئين متوازيان في المستطيل، والزوايا المتبادلة المعاكسة للمسندين المتساوية متطابقة. فإن $m\angle DBC = m\angle ADB$,

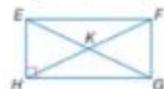
$$\begin{aligned} m\angle DBC + m\angle DBA &= 90^\circ && \text{جمع الزوايا} \\ m\angle ADB + m\angle DBA &= 90^\circ && \text{بالتعويض} \\ 4x + 8 + 6x + 12 &= 90 && 4x + 8 + 6x + 12 = 90 \\ 10x + 20 &= 90 && \text{اجمع.} \\ 10x &= 70 && \text{اطرح.} \\ x &= 7 && \text{اقسم.} \end{aligned}$$

المستطيلات 13-3

22. وكن السيارات خطوط مماثلة الركن الموسعة أدامه متوازية. كم يبلغ مرض المساحة (المسديمن)؟



الجر $EFGH$ مستطيل.



23. إذا كان $m\angle FEG = 57^\circ$, فأوجد $m\angle GEH$.

24. إذا كان $m\angle EGF = 13^\circ$, فأوجد $m\angle HGE$.

25. إذا كان $m\angle EGK = 32^\circ$, فأوجد $m\angle FKH$.

26. إذا كان $m\angle HEF = m\angle EFG = 90^\circ$, فأوجد $m\angle EHF$.

27. إذا كان $m\angle EHF = 4x - 6$, $m\angle EF = 4x - 6$, فأوجد $m\angle HG$.

المعينات والمبرهنات 13-4

الجر $ABCD$ معيين. إذا كان $AB = 9$, $ED = 5$, $m\angle ABD = 55^\circ$, $m\angle ABD = 55^\circ$. استخدم المعدنات.

لإيجاد كل قياس أو قيمة مما يلي.

د. $m\angle ABD = 55^\circ$, $m\angle QTS = 2x - 7$, $m\angle QTS = 75^\circ$, فأوجد قيمة x .

أ. $m\angle QTS = 75^\circ$ (قيس المعنين)

ج. $m\angle QTS = 75^\circ$ (تدريب المطابق)

ب. $m\angle QTS = 75^\circ$ (تعويض)

ج. $m\angle QTS = 75^\circ$ (اطرح)

د. $m\angle QTS = 75^\circ$ (اقسم)

ب. إذا كان $m\angle TSP = 76^\circ$, فأوجد $m\angle QTS$.

ج. $m\angle PTS = \frac{1}{2}m\angle QTS$, ولذا فإن $m\angle PTS = \frac{1}{2}(76) = 38$.

د. $m\angle PTS = \frac{1}{2}(76) = 38$, وبا أن قطري المعنين

متعاددان, فإن $m\angle TPS = 90^\circ$ (الهندسة الإبدالية).

ج. $m\angle PTS + m\angle TPS + m\angle TSP = 180^\circ$ (نظرية مجموع زوايا المثلث).

د. $38 + 90 + m\angle TSP = 180$ (تعويض)

ج. $128 + m\angle TSP = 180$ (الجمع)

د. $m\angle TSP = 52$ (اطرح)

28. $AE = 7.9$

29. $m\angle BDA = 55$

30. $CE = 7.9$

31. $m\angle ACB = 53$

32. الشعارات شركة سيارات مستخدم الرمز الموضح على البصائر في شعارها. إذا كانت المسافة الدائمة للشعار مشاركة من معيين.

فما طول EF ? $EF = 2.5$ cm

33. مستطيل، معيين، مربع: جميع الأضلاع متطابقة \equiv الأضلاع المتناظرة متعددة \perp .

الهندسة الإبدالية بالنظر إلى كل مجموعة من الرؤوس.

حدد إذا ما كان $QRST$ متسطيلًا عبارة عن معيين أم مستطيل.

إم مربع. اذكر كل ما ينطبق. اشرح.

34. المعنين: جميع الأضلاع متطابقة \equiv

والأقطار متسايمون \perp .

35. $Q(12, 0)$, $R(6, -6)$, $S(0, 0)$, $T(6, 6)$

36. $Q(-2, 4)$, $R(5, 6)$, $S(12, 4)$, $T(5, 2)$

13

دليل الدراسة والمراجعة عب

دليل استباقي

اجعل الطلاب يكملوا الدليل الاستباقي في الوحدة 13 ويناقشوا كيف تغيرت إجاباتهم لأن بعد أن أتموا الوحدة 13.

إجابات إضافية

37a. الإجابة التموجية: ساقا شبه

المترافق جزء من أقطار مربع.

نصف أقطار المربع الزاوية

المقابلة. إذا بساوى قياس كل زاوية

قائمة في شبه المترافق 45°. أحد

زواجي الأضلاع متوازيان ومنطابقان

وزوايا القاعدة منطابقة.

37b. $40 + 20\sqrt{2} \approx 68.28 \text{ cm}$.

مثال 5

إذا كان $QRST$ عبارة عن شكل طائرة ورقية، فما وجد قياس $\angle RST$ ؟
 $\angle Q \cong \angle S$, $m\angle Q = m\angle S$
 بما أن $m\angle Q + m\angle S + m\angle T = 360^\circ$

$$m\angle Q + m\angle R + m\angle S + m\angle T = 360^\circ \quad \text{نظرية مجموع زوايا}\}$$

المنضلع الداخلية
بالتنويعين

$$m\angle Q + 136^\circ + m\angle S + 68^\circ = 360^\circ$$

$$2m\angle S + 204^\circ = 360^\circ$$

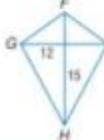
$$2m\angle S = 156^\circ$$

$$m\angle S = 78^\circ$$

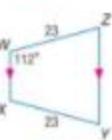
13-5 شبه المترافق والطائرة الورقية

أوجد قياس كل مما يلي.

35. $GH = 19.2$



36. $m\angle Z = 68$



37. التصحيح تصميم سعيد عمرو
مربيًا كمشروع فني.

a. بعد طرفة لتحديد ما إذا كانت أضلاع
المترافق الموضعة في التصميم منتسوبة
المساقين. **النظر الهاشم.**

b. إذا كان محيط بلطة هو 120 سنتيمتر، فما محيط شكل واحد من
الأقم على 40 سنتيمتر؟ **النظر الهاشم.**

إجابات إضافية (تمرين على الاختبار)

1a. الإجابة التموجية: يدعي أن تقيس الزوايا عند الرؤوس لنرى إن كانت 90° أو يمكنها التحقق إن كانت الأقطار منطابقة ومتعمادة.

11. الإجابة التموجية: نعم، إذا كان مستطيلًا،
فستكون الأقطار منطابقة.

تدريب على الاختبار

التقويم الختامي

استخدم اختبارات الوحدات ذات المستويات المختلفة لمفاضلة التقويمات من أجل طلابك.

إجابات إضافية

18. نعم، الزوايا المتقابلة متطابقة.
19. لا، الزوايا المتقابلة ليست متطابقة.

الجبر الشكل الرباعي $MNOP$ عبارة عن متربع أوجد جميع القيم أو القياسات.

90. $m\angle MRN$

9. إذا كان $PR = 12$, $m\angle RN = 12$

10. إذا كان $m\angle POM = 124$, $m\angle PON = 124$

12. $m\angle PRN = 62$

11. $m\angle POM = 62$

12. $m\angle PON = 62$

13. $m\angle RN = 62$

14. $m\angle PRN = 124$

15. $m\angle POM = 124$

16. $m\angle PRN = 62$

17. $m\angle PON = 62$

18. $m\angle RN = 62$

19. $m\angle POM = 124$

20. $m\angle PRN = 124$

21. $m\angle PON = 62$

22. $m\angle RN = 62$

23. $m\angle POM = 124$

24. $m\angle PRN = 62$

25. $m\angle PON = 62$

26. $m\angle RN = 62$

27. $m\angle POM = 124$

28. $m\angle PRN = 62$

29. $m\angle PON = 62$

30. $m\angle RN = 62$

31. $m\angle POM = 124$

32. $m\angle PRN = 62$

33. $m\angle PON = 62$

34. $m\angle RN = 62$

35. $m\angle POM = 124$

36. $m\angle PRN = 62$

37. $m\angle PON = 62$

38. $m\angle RN = 62$

39. $m\angle POM = 124$

40. $m\angle PRN = 62$

41. $m\angle PON = 62$

42. $m\angle RN = 62$

43. $m\angle POM = 124$

44. $m\angle PRN = 62$

45. $m\angle PON = 62$

46. $m\angle RN = 62$

47. $m\angle POM = 124$

48. $m\angle PRN = 62$

49. $m\angle PON = 62$

50. $m\angle RN = 62$

51. $m\angle POM = 124$

52. $m\angle PRN = 62$

53. $m\angle PON = 62$

54. $m\angle RN = 62$

55. $m\angle POM = 124$

56. $m\angle PRN = 62$

57. $m\angle PON = 62$

58. $m\angle RN = 62$

59. $m\angle POM = 124$

60. $m\angle PRN = 62$

61. $m\angle PON = 62$

62. $m\angle RN = 62$

63. $m\angle POM = 124$

64. $m\angle PRN = 62$

65. $m\angle PON = 62$

66. $m\angle RN = 62$

67. $m\angle POM = 124$

68. $m\angle PRN = 62$

69. $m\angle PON = 62$

70. $m\angle RN = 62$

71. $m\angle POM = 124$

72. $m\angle PRN = 62$

73. $m\angle PON = 62$

74. $m\angle RN = 62$

75. $m\angle POM = 124$

76. $m\angle PRN = 62$

77. $m\angle PON = 62$

78. $m\angle RN = 62$

79. $m\angle POM = 124$

80. $m\angle PRN = 62$

81. $m\angle PON = 62$

82. $m\angle RN = 62$

83. $m\angle POM = 124$

84. $m\angle PRN = 62$

85. $m\angle PON = 62$

86. $m\angle RN = 62$

87. $m\angle POM = 124$

88. $m\angle PRN = 62$

89. $m\angle PON = 62$

90. $m\angle RN = 62$

91. $m\angle POM = 124$

92. $m\angle PRN = 62$

93. $m\angle PON = 62$

94. $m\angle RN = 62$

95. $m\angle POM = 124$

96. $m\angle PRN = 62$

97. $m\angle PON = 62$

98. $m\angle RN = 62$

99. $m\angle POM = 124$

100. $m\angle PRN = 62$

101. $m\angle PON = 62$

102. $m\angle RN = 62$

103. $m\angle POM = 124$

104. $m\angle PRN = 62$

105. $m\angle PON = 62$

106. $m\angle RN = 62$

107. $m\angle POM = 124$

108. $m\angle PRN = 62$

109. $m\angle PON = 62$

110. $m\angle RN = 62$

111. $m\angle POM = 124$

112. $m\angle PRN = 62$

113. $m\angle PON = 62$

114. $m\angle RN = 62$

115. $m\angle POM = 124$

116. $m\angle PRN = 62$

117. $m\angle PON = 62$

118. $m\angle RN = 62$

119. $m\angle POM = 124$

120. $m\angle PRN = 62$

121. $m\angle PON = 62$

122. $m\angle RN = 62$

123. $m\angle POM = 124$

124. $m\angle PRN = 62$

125. $m\angle PON = 62$

126. $m\angle RN = 62$

127. $m\angle POM = 124$

128. $m\angle PRN = 62$

129. $m\angle PON = 62$

130. $m\angle RN = 62$

131. $m\angle POM = 124$

132. $m\angle PRN = 62$

133. $m\angle PON = 62$

134. $m\angle RN = 62$

135. $m\angle POM = 124$

136. $m\angle PRN = 62$

137. $m\angle PON = 62$

138. $m\angle RN = 62$

139. $m\angle POM = 124$

140. $m\angle PRN = 62$

141. $m\angle PON = 62$

142. $m\angle RN = 62$

143. $m\angle POM = 124$

144. $m\angle PRN = 62$

145. $m\angle PON = 62$

146. $m\angle RN = 62$

147. $m\angle POM = 124$

148. $m\angle PRN = 62$

149. $m\angle PON = 62$

150. $m\angle RN = 62$

151. $m\angle POM = 124$

152. $m\angle PRN = 62$

153. $m\angle PON = 62$

154. $m\angle RN = 62$

155. $m\angle POM = 124$

156. $m\angle PRN = 62$

157. $m\angle PON = 62$

158. $m\angle RN = 62$

159. $m\angle POM = 124$

160. $m\angle PRN = 62$

161. $m\angle PON = 62$

162. $m\angle RN = 62$

163. $m\angle POM = 124$

164. $m\angle PRN = 62$

165. $m\angle PON = 62$

166. $m\angle RN = 62$

167. $m\angle POM = 124$

168. $m\angle PRN = 62$

169. $m\angle PON = 62$

170. $m\angle RN = 62$

171. $m\angle POM = 124$

172. $m\angle PRN = 62$

173. $m\angle PON = 62$

174. $m\angle RN = 62$

175. $m\angle POM = 124$

176. $m\angle PRN = 62$

177. $m\angle PON = 62$

178. $m\angle RN = 62$

179. $m\angle POM = 124$

180. $m\angle PRN = 62$

181. $m\angle PON = 62$

182. $m\angle RN = 62$

183. $m\angle POM = 124$

184. $m\angle PRN = 62$

185. $m\angle PON = 62$

186. $m\angle RN = 62$

187. $m\angle POM = 124$

188. $m\angle PRN = 62$

189. $m\angle PON = 62$

190. $m\angle RN = 62$

191. $m\angle POM = 124$

192. $m\angle PRN = 62$

193. $m\angle PON = 62$

194. $m\angle RN = 62$

195. $m\angle POM = 124$

196. $m\angle PRN = 62$

197. $m\angle PON = 62$

198. $m\angle RN = 62$

199. $m\angle POM = 124$

200. $m\angle PRN = 62$

201. $m\angle PON = 62$

202. $m\angle RN = 62$

203. $m\angle POM = 124$

204. $m\angle PRN = 62$

205. $m\angle PON = 62$

206. $m\angle RN = 62$

207. $m\angle POM = 124$

208. $m\angle PRN = 62$

209. $m\angle PON = 62$

210. $m\angle RN = 62$

211. $m\angle POM = 124$

212. $m\angle PRN = 62$

213. $m\angle PON = 62$

214. $m\angle RN = 62$

215. $m\angle POM = 124$

216. $m\angle PRN = 62$

217. $m\angle PON = 62$

218. $m\angle RN = 62$

التحضير للاختبارات المعيارية

١٣



تطبيق التعريفات والخواص

تطلب كثير من مسائل الهمزة على الاختبارات القياسية تطبيق التعريفات والخواص في حلها. استخدم هذا القسم في ممارسة تطبيق التعريفات ليمساعدك ذلك في حل فقرات الاختبار ذات الإجابات الموسدة.

إستراتيجيات تطبيق التعريف والخواص

المقدمة

اقرأ المسألة بعناية.

- * عند ما الذي يطلب بذلك إيجاده.
- * أدرس آية أشكال معطاة في المسألة.
- * أسأل نفسك: ما الماء أو الخواص التي لهذا الشكل وبمقدار تطبيقها في حل المسألة؟

حل المسألة

- * حدد التعريفات أو المعاهدات الهندسية التي يمكنك استخدامها في إيجاد المقابل في المسألة.
- * استخدم التعريفات وخصائص الأشكال في إنشاء معادلة وقم بحلها.

التحقق

* تحقق من إجابتك.

www.almanahj.com

مثال على الاختبار المعياري

اقرأ المسألة. وحدد ما تحتاج إلى معرفته. ثم استخدم المعلومات الواردة في المسألة لحلها. واتكتب الحل هنا.



نقوم مجموعة ذون مصرية بناء مسح يحيط به المجهور من كل الجهات، لتقييمه أبعادها المقادمة. مساحة المسرح على شكل ثمانى أضلاع منتظم محيطة 28 متراً.

٤. ما الطول المفترض لنكون أضلاع المسرح؟

٥. ما الزاوية التي من المفترض قطع طرف كل أضلاع بها حتى يتم تركيبها معاً على النحو المناسب لتكوين المسرح؟ أشرأ.

الهدف تعلم كيفية تطبيق التعريفات الهندسية والخواص في حل المسائل.

٢ التدريس

الأسئلة الداعمة

اطرح الأسئلة التالية:

- كيف يساعد استخدام التعريفات الهندسية والخواص في حل المسائل الإجابة التمهذجية: يمكن استخدام التعريفات الهندسية والخواص لحل المسائل بإيجاد القيم المجهولة.

- كيف يمكن تحديد التعريفات والخواص التي ينبغي استخدامها في السؤال؟ الإجابة التمهذجية: يمكن البحث عن الكلمات الدليلية مثل "مجموع" أو "الصورة الأصلية" أو "قياس الزاوية" أو "رباعي الأضلاع" لتحديد إن كان التعريف أو الخاصية يمكن استخدامها لتساعدك في حل المسألة.

- ما المعطيات الأخرى التي ينبغي جمعها عندما تبدأ حل المسألة؟ الإجابة التمهذجية: عند حل المسألة، ينبغي كتابة أي قيم أو قياسات زوايا أو معادلات مقدمة في المسألة.

مثال إضافي

تدريب على الاختبار المعياري
صممت منصة قفز على شكل سداسي أضلاع منتظم. وكان محيط المنصة 10.8 قدمًا.

- a. ما طول كل ضلع من أضلاع المنصة؟ **1.75 متر**
- b. ما قياس الزاوية التي تكونت في كل ركن من أركان المنصة؟ **120°**

3 التقويم

استخدم التمارين من 1 إلى 4 لتقويم استيعاب الطلاب.

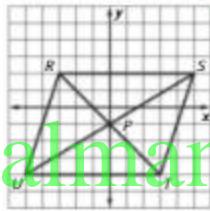
إجابات إضافية

- 3a.** الإجابة التبويذجية: نعم، لأن $UP = \sqrt{34}$ و $PS = \sqrt{34}$ و $RP = 3\sqrt{2}$ و $PT = 3\sqrt{2}$. تنصف الأقطار بعضها البعض.
- 3b.** الإجابة التبويذجية: متوازي أضلاع؛ إذا كان القطران في الشكل الرباعي ينبعضان بعضهما، فإن الشكل عبارة عن متوازي أضلاع.

اقرأ كل مسألة، وحدد ما تحتاج إلى معرفته، ثم استخدم المعلومات الواردة في المسألة لحلها، واكتب الحل هنا.

3. استخدم التبديل البالاني الموضح أدناه لتجنب عن الأسئلة.

b. انظر الهاشق.



- a. هل ينبعض قطراً الشكل رباعي $RSTU$ ؟ استخدم قانون المسافة للتحقق من إجابتك.

- b. ما نوع الشكل رباعي $RSTU$ ؟ اشرح باستخدام خواصه، أو تبريرات هذه النحو من الأشكال الرباعية.

- c. ما مجموع قياسات الزوايا الداخلية لشكل ثمانى أضلاع منتظم؟

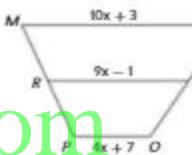
- A 45
B 135
C 360
D 1080

اقرأ كل مسألة، وحدد ما تحتاج إلى معرفته، ثم استخدم المعلومات الواردة في المسألة لحلها، واكتب الحل هنا.

3. استخدم التبديل البالاني الموضح أدناه لتجنب عن الأسئلة.

b. انظر الهاشق.

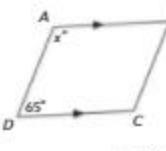
c. هل ينبعض قطراً الشكل رباعي $MNOP$ ؟ ما طول



14. وحدة 23.C

19. وحدة 26.D

- d. إذا كان $\overline{DC} \parallel \overline{AB}$ ، ما يوجد قيمة x ؟



تدريب على الاختبار المعياري
ترانكلي: الوحدات من 1 إلى 13

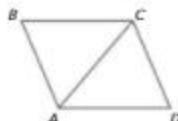
- ٤- أصل نقطة في كارولينا الشمالية هي جبل ميتشيل الذي يبلغ ارتفاعه ٦١١ مترا فوق مستوى سطح البحر. افترض أن موضع المتسلق يحدد من الملاحة $611 - 2.5t + 10$ حيث t هي عدد الدقائق. أي مما على الأقصى في تغيير محل الملاحة **H**

E الموضع الميداني للمتصفح كان تحت مستوى سطح البحر
عندار 611 متراً

G الموضع الميداني للمتصفح كان فوق مستوى سطح البحر بـ 611 متراً

III- يحيط المتصفح بـ متر في الدقيقة

٥. الشكل المربع $ABCD$ ممتوط. إذا كان $m\angle BCD = 120^\circ$



- A. 30 C. 90
 B. 60 D. 120

٦. ما قيمة x في الشكل التالي؟



- F 10 H 14
G 12 J 15

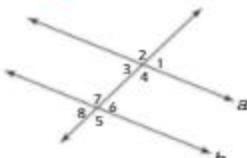
٧. أي من العبارات التالية صحيحة؟

- A جميع المستطيلات مربعات.
 - B جميع المربعات مستطيلات.
 - C جميع المستطيلات متوازيات أضلاع.
 - D جميع متوازيات الأضلاع مستطيلات.

- الاختبار من متعدد

اقرأ كل سؤال، ثم اكتب الإجابة الصحيحة في ورقة الإجابة التي يقدمها لك معلمك أو في أي ورقة أخرى.

- #### D- ایجاد مدل های پیش‌بینی



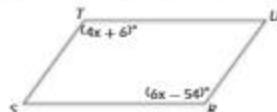
- B $\angle 4 \cong \angle 7$

2. ستف المثلث الموجود أدناه حسب قياسات زواياه اختر
المحصلة الآتية G



- F. حماد الزواوي
G. مهتماوي الزوايا
H. مهترج الزواوية
I. قاتل الزواوية

- D. قم بالعمل لإيجاد قيمة X في متوازي الامثلج $RSTU$.



- A 12 C 25
B 18 D 30

فصححة عند حل الاختبار

المؤلف 3 استخدم خواص متوازيات الأضلاع في حل المسألة. التزاماً بالمعاييرية.

خيارات الواجب المنزلي

الاستعداد للوحدة 14 عين للطلاب
شاريين في الصفحة 859 كواجب منزلي
لتقويم مستوىهم لمعرفة هل حققوا
المهارات المطلوبة للوحدة التالية أم لا.

13. الإجابة الشبكية يدفع أحد أئمة جمع التبرعات مبلغ 100 نظير استئجار كشك لبيع الوجبات السريعة في إحدى مباريات كرة القدم، فيمرون شراء على الصودا عدالة AED 0.25 وبقيوتها في المباراة سبلغ 1.15 كم عدد العلب التي بيعها حتى يصلوا إلى نصفة العدالة أي نقطية تكملة ما أنفقوه دون تحقيق أي أرباح؟ **200**

الإجابة الموسعة

- دون إجاباتك على ورقة، واكتب الحل هنا.
14. عدد مدى إمكانية إثبات أن كل شكل مما يلى هو متوازي أضلاع، إن تقدّر الإثبات، ذاكر المعلومات الأخرى المطلوبة لإثبات ذلك. اشترِ استنتاجك.

- a.
- b.
- c.

الإجابة التصريحية/الإجابة الشبكية

اكتب الإجابات في ورقة الإجابة التي قدمها إليك المعلم أو في ورقة أخرى.

8. الإجابة الشبكية المسافة اللازمة للقيادة حتى توقف تناقض طرداً مع مربع مرعبه، إذا كانت السيارة يمكن أن توقفت خلال 242 متراً بسرعة 22 كيلومتراً في الساعة، فكم عدد الأمتار اللازمة حتى توقف وهي بسرعة 30 كيلومتراً في الساعة؟ **450**

9. ما إحداثيات النقطة O ، الرأس الرابع في شبه متوازي متساوي الصافين؟ اكتب الحل هنا. **(3)**

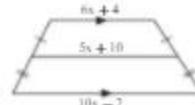


10. ماذا تعرف عن متوازي الأضلاع إذا كان قطراء متعمدين؟ اشرح.
متوازي الأضلاع مربع أو معيّن.

11. أحرزت رنا 34 هدفاً ميدانياً خلال موسم كرة السلة بإجمالي 153 نقطة، كل هدف ميداني يعادل نقطتين أو ثلاثة نقاط، كم عدد الأهداف المسداسية التي تمكنت من تحقيقها؟

- 15 هدف، ميداني من التي تمكنت من تحقيقها.**

12. الإجابة الشبكية أوجد الحل المعرفة في المربع أدناه، طالب تقرب إلى أقرب جزء من عشرة إن لم الأمر. **3**



إجابات إضافية

- 14a. نعم، تكون الأضلاع المتتابلة متطابقة مما يدل على أن الشكلعبارة عن متوازي أضلاع.

- 14b. لا، يوجد زوج واحد من الأضلاع المتتابلة متوازيًا. ستحتاج إلى أن توضح أنه إما (1) أن الأضلاع المتوازية متطابقة أيضًا، أو (2) أن الزوج الآخر من الأضلاع المتتابلة متوازي.

- 14c. نعم، تكون الزوايا المتتابلة متطابقة مما يدل على أن الشكلعبارة عن متوازي أضلاع.

7. البرهان:

العبارات (المبررات) (معطى)

 $\square ABCD$.1(تعريف متوازي الأضلاع) $AB \parallel CD; AC \parallel BD$.2زاوية قائمة. (معطى) $\angle A = 90^\circ$.3(الزوايا الداخلية المتتالية تكون متكاملة) $m\angle A + m\angle C = 180^\circ$.4(حساب قيمة زاوية) $m\angle C = 90^\circ$.5(الزوايا الداخلية المتتالية تكون متكاملة) $m\angle A + m\angle B = 180^\circ$.6(حساب قيمة زاوية) $m\angle B = 90^\circ$.7(الزوايا الداخلية المتتالية تكون متكاملة) $m\angle B + m\angle D = 180^\circ$.8(حساب قيمة زاوية) $m\angle D = 90^\circ$.9و $\angle B < \angle C < \angle D$ عبارة عن زوايا قائمة.(علاقة بين زوايا قائمة) $m\angle C = 90^\circ, m\angle B = 90^\circ, m\angle D = 90^\circ$.108. البرهان: لدينا معطيات بأن الشكل $XYZW$ عبارة عن متوازي أضلاع. وبما أن الأضلاع المتقابلة لمتوازيات الأضلاع تكون متطابقة. نجد أن $XW \equiv YZ$. لدينا معطيات كذلك بأن الشكل $YRSZ$ عبارة عن متوازي أضلاع. ومن ثم فإن $YZ \equiv RS$. حسب تعريف خاصية التعدي. يصبح لدينا $XW \equiv RS$.

9. البرهان:

العبارات (المبررات) (معطى)

 $\square ABCD$.1شكل متوازي أضلاع (معطى) $\angle BAD \cong \angle BCD$.2شكل متوازي أضلاع (معطى) $ABDE$.3(تعريف متوازي الأضلاع) $AB \parallel ED$.4(الزوايا الداخلية المتبادلة تكون متطابقة) $\angle BAD \cong \angle ADE$.5(خاصية التعدي) $\angle BCD \cong \angle ADE$.6(الأضلاع المتقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة) $\overline{AB} \cong \overline{DC}$.7(الأضلاع المتقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة) $\overline{AB} \cong \overline{ED}$.8(خاصية التعدي) $\overline{DC} \cong \overline{ED}$.9(الزوايا المتقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة) $\angle AED \cong \angle ABD$.10(الزوايا الداخلية المتبادلة تكون متطابقة) $\angle ABD \cong \angle BDC$.11(ASA) $\triangle ADE \cong \triangle BCD$.12

10. البرهان:

العبارات (المبررات) (معطى)

مثلاً متساوي الساقين (معطى) $\triangle LMN$.1(نظرية المثلث متساوي الساقين) $\angle LMN \cong \angle LNM$.2 تكون متكاملة مع $\angle LNP$ و $\angle LNM$.3 تكون متكاملة مع $\angle LNP$ (الزوايا المتطابقة تكون متكاملة للزاوية نفسها) .4شكل متوازي أضلاع (معطى) $KLNP$.5 تكون متكاملة مع $\angle KPN$ (الزوايا المتتالية في متوازي الأضلاع تكون متكاملة) .6 تكون متكاملة مع $\angle LMN$ (خاصية التعدي). .7

25. البرهان:

العبارات (المبررات)

 $\square GKLM$ (معطى)1. $GK \parallel ML, GM \parallel KL$ 2. (أضلاع \square المتقابلة تكون متوازية ||).
و $\angle K$ و $\angle G$ متكاملتان. $\angle L$ و $\angle M$ متكاملتان
و $\angle G$ و $\angle M$ متكاملتان. (الزوايا الداخلية المتتالية ه ه متكاملة).

26. البرهان:

العبارات (المبررات)

 $\square WXYZ$ (معطى)2. $WX \cong ZY, WZ \cong XY$ (أضلاع \square المتقابلة تكون \cong).
3. $\angle ZWX \cong \angle XYZ$ (أضلاع \square ه ه المتقابلة تكون \cong).4. $\triangle WXZ \cong \triangle YZX$ (مسلسلة تساوي ضلعين وزاوية)

27. البرهان:

العبارات (المبررات)

 $\square PQRS$ (معطى)2. ارسم قطعة مستقيمة مساعدة \overline{PR} وسم الزوايا 1 و 2 و 3 و 4 كما هو موضح. (فطر $PQRS$)3. $PO \parallel SR, PS \parallel OR$ (أضلاع \square المتقابلة تكون متوازية ||).4. $\angle 3 \cong \angle 4, \angle 1 \cong \angle 2$ (نظرية ه ه الداخلية المتبادلة).5. $\overline{PR} \cong \overline{RP}$ (خاصية الانعكاس)6. $\triangle QPR \cong \triangle SRP$ (مسلسلة زاويتين وضلع محصور)

(تطابق الأجزاء المتقابلة في المثلثات المتطابقة)

28. البرهان: تذكر المعطيات أن $ACDE$ هي a متوازي أضلاع.

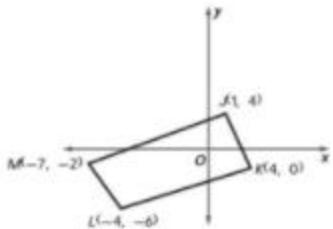
حيث إن الأضلاع المتقابلة في متوازي الأضلاع متطابقة.

 $EA \cong DC$ فإن EA حسب تعريف متوازي الأضلاع. فإن $\angle EAB \cong \angle CDB$ و $\angle AEB \cong \angle DCB$ حيث إن الزوايا الداخلية المتبادلة متطابقة. $\triangle EBA \cong \triangle CBD$ حسب مسلسلة زاويتين وضلع محصور.
 $\overline{AB} \cong \overline{BD}, \overline{EB} \cong \overline{BC}$ حسب تطابق الأجزاء المتقابلة في المثلثات المتطابقة. وحسب تعريف القطعة المستقيمة المنحصنة، ينصف \overline{EC} و \overline{AD} ينصف

29. البرهان:

العبارات (المبررات)

 $\square EFGH$.12. $\overline{EH} \cong \overline{GF}$ (أضلاع \square المتقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة).3. $\overline{EF} \cong \overline{HG}$ (أضلاع \square المتقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة).4. $\overline{HF} \cong \overline{EK}$ (معطى). $\overline{HF} \cong \overline{EK}$ ينصف \overline{HF} و \overline{EK} ينصف \overline{HG} 5. $\overline{EJ} \cong \overline{GK}$ (معطى) $\overline{EJ} \cong \overline{GK}$ ينصف \overline{EJ} و \overline{GK} ينصف \overline{JH} 6. $\angle JEH \cong \angle KGF$ (الزوايا المتقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة).7. $\triangle EJH \cong \triangle GKF$ (SAS) (مسلسلة SAS)



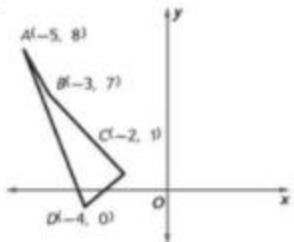
17. لا، هذا ليس متوازي أضلاع.

$$\overline{AB} = \sqrt{(-5 - 3)^2 + (8 - 7)^2} = \sqrt{65},$$

$$\overline{CB} = \sqrt{(-2 - 3)^2 + (1 - 7)^2} = \sqrt{61},$$

$$\overline{BD} = \sqrt{(-3 - 4)^2 + (7 - 0)^2} = \sqrt{50},$$

بما أن الأضلاع المتقابلة $\overline{AD} = \sqrt{(-4 - 5)^2 + (0 - 8)^2} = \sqrt{65}$ ليست متطابقة، فإن هذا ليس متوازي أضلاع.

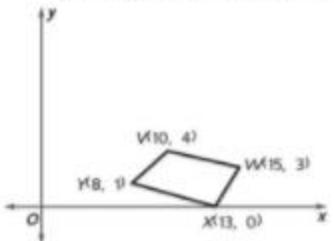


18. نعم، هذا متوازي أضلاع.

$$\overline{VW} = \sqrt{(5 - 0)^2 + (3 - 4)^2} = \sqrt{26},$$

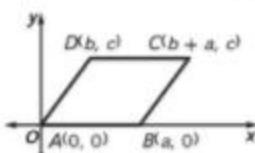
ميل VW يساوي $-\frac{1}{5}$. ميل XY يساوي $\sqrt{(13 - 8)^2 + (0 - 1)^2} = \sqrt{26}$.

وميل XY يساوي $-\frac{1}{5}$. بما أن الأضلاع المتقابلة تكون متوازية ومتطابقة، فإن هذا متوازي أضلاع.



19. المعطيات: $\overline{AB} \cong \overline{CD}$, $\overline{AD} \cong \overline{BC}$

المطلوب: $ABCD$ متوازي أضلاع.



البرهان:

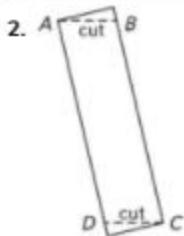
$$\text{ميل } \overline{AD} = \frac{c - 0}{b - 0} = \frac{c}{b}$$

ميل \overline{AB} هو .0

$$\text{ميل } \overline{BC} = \frac{c - 0}{b + a - a} = \frac{c}{b}$$

ميل \overline{CD} هو .0

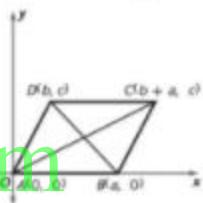
إذا، من تعريف متوازي الأضلاع، فإن $ABCD$ متوازي أضلاع.



حيث إن $AD = BC$, $\overline{AD} \cong \overline{BC}$. وتذكر المعطيات أن أضلاع $\overline{AD} \cong \overline{BC}$. ومن ثم، حسب النظرية 12.6، فإن رباعي الأضلاع $ABCD$ عبارة عن متوازي أضلاع. وبما أنه حسب التعريف أن الأضلاع المتقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متوازية، فللم أن $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$.

8. المعطيات: $ABCD$ متوازي أضلاع.

المطلوب: \overline{DB} و \overline{AC} ينصف كل منها الآخر.



البرهان:

نقطة منتصف \overline{AC}

$$= \left(\frac{0 + (a + b)}{2}, \frac{0 + c}{2} \right)$$

$$= \left(\frac{a + b}{2}, \frac{c}{2} \right)$$

نقطة منتصف \overline{DB}

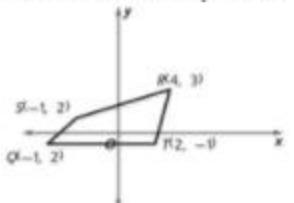
$$= \left(\frac{(a + b)}{2}, \frac{0 + c}{2} \right)$$

$$= \left(\frac{a + b}{2}, \frac{c}{2} \right)$$

ينصف كل منها الآخر.

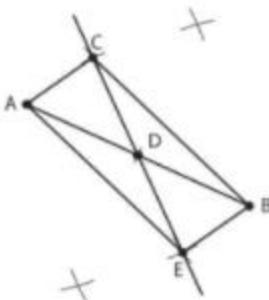
15. لا، ليس متوازي أضلاع. ميل SR يساوي $\frac{1}{5}$ وميل

QT يساوي 1. ومن ثم هذه الأضلاع المتقابلة ليست متوازية.



16. نعم، متوازي أضلاع. ميل JK يساوي $-\frac{4}{3}$ وميل ML يساوي $-\frac{4}{3}$ ومن ثم هذه الأضلاع المتقابلة متوازية. ميل JM يساوي $\frac{3}{4}$ وميل LK يساوي $\frac{3}{4}$ ومن ثم، فإن هذه الأضلاع المتقابلة تكون متوازية.

25. حسب النظرية 13.9 ، إذا كانت أقطار رباعي الأضلاع تنصف بعضها البعض، فإن رباعي الأضلاع عبارة عن متوازي أضلاع. أبداً يرسم وتحصيف القطع المستقيمة \overline{AB} . ثم ارسم مستقيماً ينقطع مع القطعة المستقيمة الأولى في نقطة منتصفها D . عين النقطة E على أحد جانبي هذه المستقيمة ثم أنشئ القطعة المستقيمة \overline{DE} بحيث تطابق \overline{CD} على الجانب الآخر من D . والآن لديك قطع مستقيمة متقاطعة على الجانب الآخر من C . ولأن لديك قطع مستقيمة متقاطعة على الجانب الآخر من B . كل النقطة A والنقطة C والنقطة B والنقطة E والنقطة A لنكون $\square ACBE$



البرهان الإحدياني: أقطار متوازي الأضلاع تنصف بعضها البعض، ومن ثم، فإن نصفة منتصف الأقطار

$$E\left(\frac{a+b}{2}, \frac{c}{2}\right)$$

$$\overline{DE} = \sqrt{\left(b - \frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(c - \frac{c}{2}\right)^2} = \frac{1}{2}\sqrt{(a-b)^2 - c^2},$$

$$\overline{AE} = \sqrt{\left(0 - \frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(0 - \frac{c}{2}\right)^2} = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + 2ab + b^2 - c^2},$$

$$\begin{aligned}\overline{CE} &= \sqrt{\left(a + b - \frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(c - \frac{c}{2}\right)^2} \\ &= \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + 2ab + b^2 - c^2},\end{aligned}$$

$$\overline{BE} = \sqrt{\left(a - \frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(0 - \frac{c}{2}\right)^2} = \frac{1}{2}\sqrt{(a-b)^2 - c^2}.$$

بناء عليه، فإن $\overline{AE} \cong \overline{CE}$ و $\overline{DE} \cong \overline{BE}$. بما أن الأضلاع المتطابقة لمتوازيات الأضلاع تكون متطابقة، فإننا نعلم أن $\triangle DAE \cong \triangle CBE$ و $\triangle DEC \cong \triangle BEA$ ومن ثم، وحسب مسلسلة SSS فإن $\triangle AED \cong \triangle CEB$ وهكذا، تكون قد أوضحنا أن أقطار متوازي الأضلاع تشكل زوجين من المثلثات المتطابقة.

36. تدور النظريان حول أقطار متوازي الأضلاع. يمكن استخدام النظرية 13.5 إذا كنا نعلم بالفعل أن الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع من أجل إثبات أن الأقطار تنصف بعضها البعض. ويمكن استخدام النظرية 13.9 لإثبات أن الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع إذا كنا نعلم بالفعل أن الأقطار تنصف بعضها البعض.

20. المعطيات: $ABCD$ متوازي أضلاع.

زاوية قائمة.

المطلوب: $\angle B$ و $\angle C$ و $\angle D$ زوايا قائمة.

البرهان:

$$\text{ميل } \overline{BC} = \frac{b-b}{a-0} \text{ أو } 0$$

$$\text{ميل } \overline{AD} = \frac{0-0}{a-0} \text{ أو } 0$$

إذًا $\overline{BC} \perp \overline{AD}$ و $\overline{BC} \perp \overline{CD}$ و $\overline{CD} \perp \overline{AD}$. ومن ثم، $\angle B$ و $\angle C$ و $\angle D$ زوايا قائمة.

21. المعطيات: $\angle B \cong \angle D$ و $\angle A \cong \angle C$.

المطلوب: $ABCD$ متوازي أضلاع.

البرهان: ارسم \overline{AC} لنكون مثلثين. مجموع زوايا المثلث الواحد يساوي 180. إذًا مجموع الزوايا للمثلثين يساوي 360. إذًا، حيث إن

$$m\angle A + m\angle B + m\angle C + m\angle D = 360$$

$$m\angle B = m\angle D \text{ و } m\angle A = m\angle C \text{ و } \angle B \cong \angle D \text{ و } \angle A \cong \angle C$$

$$\text{بالنفيض، } m\angle A + m\angle B + m\angle B = 360. \text{ إذًا، } m\angle A + m\angle B + m\angle B = 360$$

$$\text{بنفس كل طرف على 2 ينبع } m\angle A + m\angle B = 180$$

$$\text{إذًا، فالزوايا المجاورة متكاملة، } AD \parallel BC.$$

$$\text{بالمثل، } m\angle A + m\angle D = 180 \text{ و } 2(m\angle A) + 2(m\angle D) = 360.$$

$$\text{إذًا فيهذه الزوايا المجاورة متكاملة، } AB \parallel DC.$$

$$\text{إذًا } ABCD \text{ متوازي أضلاع.}$$

23. المعطيات: $AE \cong EC$ و $DE \cong EB$.

المطلوب: $ABCD$ متوازي أضلاع.

البرهان:

البارارات (العيارات)

$$\overline{AE} \cong \overline{EC} \text{ و } \overline{DE} \cong \overline{EB} \text{ (معطى).}$$

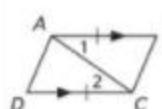
2. $\angle 1 \cong \angle 2$ و $\angle 3 \cong \angle 4$ (الزوايا المتقابلة بالرأس \angle تكون \cong).

3. $\triangle ABE \cong \triangle CDE$ و $\triangle ADE \cong \triangle CBE$ (مسلسلة تساوي ضلعين وزاوية).

4. $\overline{AB} \cong \overline{DC}$ و $\overline{AD} \cong \overline{BC}$ (تطابق الأجزاء المتقابلة في المثلثات المتطابقة).

5. $ABCD$ متوازي أضلاع. (إذا كان زوجاً للأضلاع المتقابلة \cong). فإن

الشكل الرباعي عبارة عن \square)



24. المعطيات: $\overline{AB} \cong \overline{DC}$ و $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$.

المطلوب: $ABCD$ متوازي أضلاع.

البرهان:

البارارات (العيارات)

$$\overline{AB} \cong \overline{DC} \text{ و } \overline{AB} \parallel \overline{DC} \text{ (معطى).}$$

2. ارسم \overline{AC} . (نقطتان تحددان المستقيمتين)

3. $\angle 1 \cong \angle 2$ (إذا كان المستقيمان \parallel فإن الزوايا الداخلية المتباعدة \cong).

4. $\overline{AC} \cong \overline{AC}$ (خاصية الاعتكاف).

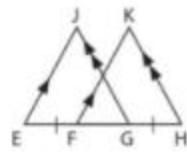
5. $\triangle ABC \cong \triangle CDA$ (مسلسلة تساوي ضلعين وزاوية).

6. $\overline{AD} \cong \overline{BC}$ (تطابق الأجزاء المتقابلة في المثلثات المتطابقة).

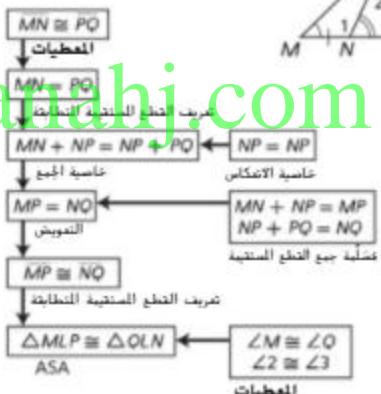
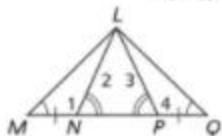
7. $ABCD$ متوازي أضلاع. (إذا كان زوجي الأضلاع المتقابلة \cong). فإن

الشكل الرباعي عبارة عن \square)

48. البرهان:



49. البرهان:



صفحه 822، اختبار نصف الوحدة

7. البرهان:

العبارات (المبررات)

□HACD و □GFBA (معطى)

∠F ≈ ∠A و ∠A ≈ ∠D (أضلاع المتقابلة □ تكون ≈)

∠F ≈ ∠D (خاصية التعدي)

10. الإجابة التمودجية: يوضع الساقين بحيث تتحصل بعضها البعض. ومن ثم يكون رباعي الأضلاع المتكون حول أطراف الساقين دائماً متوازي أضلاع. وبالتالي، يكون أعلى الحامل موازياً للأرض.

 12. نعم، كل زوجي الأضلاع المتقابلة لا بد وأن يكونا متطابقاً. المسافة بين A و B تساوي $\sqrt{26}$. والمسافة بين C و D تساوي $\sqrt{10}$. المسافة بين A و C تساوي $\sqrt{26}$. المسافة بين D و B تساوي $\sqrt{10}$. بما أن زوجي الأضلاع المتقابلة متطابقان، فإن ABCD عبارة عن متوازي أضلاع.

13. يجب أن يكون كل زوجي الأضلاع المتقابلة متوازيًا، بحيث إن ميل QR ≠ ميل TS فإن الشكل ليس متوازي أضلاع.

الصفحات 827-828، الدرس 3-13

20. البرهان:

العبارات (المبررات)

 1. مثلث متوازي الساقين (معطى) $\triangle XZY$.

 2. تعريف المثلث متوازي الساقين $\overline{XZ} \cong \overline{ZY}$.

 3. $\triangle VZY \cong \triangle WZX$ (معطى).

 4. (CPCTC) $\overline{WZ} \cong \overline{VZ}$ (النظرية).

 5. (وصلة جمع القطع المستقيمة) $\overline{VX} \cong \overline{WY}$.

 6. مستطيل $VWX Y$. (إذا كانت أضلاع متوازي الأضلاع متطابقة، فإن متوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل).

21. البرهان:

العبارات (المبررات)

 1. $ABCD$ هو مستطيل (معطى).

 2. $m\angle A = m\angle B = m\angle C = m\angle D = 90^\circ$ (تعريف المستطيل).

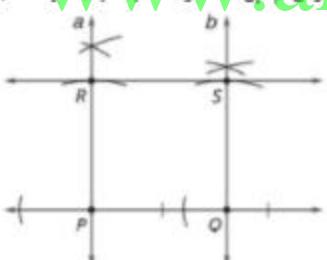
 3. $\overline{AB} \cong \overline{DC}$, $\overline{AD} \cong \overline{BC}$ (تعريف المستطيل).

 4. نقطة منتصف \overline{AB} , O نقطة منتصف \overline{BC} , N نقطة منتصف \overline{DC} , P نقطة منتصف \overline{AD} . (المعطيات).

 5. (تعريف نقطة المنتصف) $\overline{AM} \cong \overline{MB} \cong \overline{DO} \cong \overline{OC}$; $\overline{AP} \cong \overline{PD} \cong \overline{BN} \cong \overline{NC}$.

 6. (SAS) $\triangle AMP \cong \triangle MBN \cong \triangle OCN \cong \triangle ODP$.

 7. (CPCTC) $\overline{PM} \cong \overline{MN} \cong \overline{NO} \cong \overline{PO}$.

 8. عبارة عن متوازي الأضلاع (الأضلاع المتقابلة متطابقة) $MNOP$.


الصفحات 835-837، الدرس 4-13

14. البرهان:

العبارات (المبررات)

 1. مثلث متوازي الساقين ثالث الزاوية. (المعطيات) $\triangle WPX$.

 2. $\overline{LM} \cong \overline{MN}$, $m\angle WPX = 90^\circ$.

(تعريف المثلث متوازي الساقين ثالث الزاوية).

 3. $m\angle PWX = m\angle PXW = 45^\circ$ (نظرية مجموع زوايا المثلث).

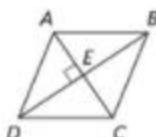
 4. (معطيات) $\triangle WPX \cong \triangle ZPY$.

 5. (CPCTC) $\triangle PWX \cong \triangle PZY$.

 6. $WX \parallel ZY$. (الزوايا الداخلية المتباعدة متطابقة).

 7. (النظرية) $\overline{ZX} \cong \overline{ZY}$.

و $\angle 3 \cong \angle 4$ و $\angle 1 \cong \angle 2$ يحسب مسلمة تطابق الأجزاء المتناظرة في المثلثات المترابطة. وبحسب تعريف منصف الزاوية، ينصف كل قطر زوجاً من الزوايا المتناظرة.



المعطيات: $ABCD$ متوازي أضلاع: $\overline{AC} \perp \overline{BD}$

المطلوب: $ABCD$ معين.

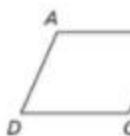
البرهان: تذكر المعطيات أن الشكل $ABCD$ متوازي أضلاع. تنصف أقطار متوازي الأضلاع بعضها البعض، إذا $\overline{AE} \cong \overline{EC}$, $\overline{BE} \cong \overline{DE}$ حيث عن تطابق القطع المستقيمة انكماشة. تذكر المعطيات أيضاً أن $\overline{AC} \perp \overline{BD}$. ومن ثم $\angle AEB$ و $\angle BEC$ و $\angle AED$ و $\angle CED$ زوايا قائمة بحسب تعريف المستقيمات المترابطة. إذا $\angle AEB \cong \angle BEC$ لأن جميع الزوايا القائمة تكون متطابقة. بناءً عليه، حسب مسلمة $CPTC$ ، $\triangle AEB \cong \triangle CEB$ حسب متطابقة الأضلاع المترابطة. $\triangle AEB \cong \triangle CEB$ حسب مسلمة SAS ، حسب حساب $\angle AEB \cong \angle CEB$. $\angle AEB \cong \angle CEB$ عبارة عن معين حسب التعريف. ومن ثم فإن $\angle BCA \cong \angle CAB$ عبارة عن معين حسب متطابقة \angle . $\angle BCA \cong \angle CAB$ عبارة عن معين حسب التعريف. ومن ثم فإن $\angle BCA \cong \angle CAB$ ينصف زاويته، فإن متوازي الأضلاع $ABCD$ عبارة عن معين.



المعطيات: $ABCD$ متوازي أضلاع القطر $\angle BCD \cong \angle DAB$

المطلوب: $\square ABCD$ معين.

البرهان: تذكر المعطيات أن الشكل $ABCD$ عبارة عن متوازي أضلاع. وبما أن الأضلاع المترابطة لمتوازي الأضلاع تكون متوازية، فإن $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ حسب التعريف. فإن $\angle 2 \cong \angle 3$ و $\angle 2$ عبارة عن زاوية داخلية مترابطة للأضلاع المتوازية \overline{AB} و \overline{DC} بما أن الزوايا الداخلية المترابطة تكون متطابقة فإن $\angle 3 \cong \angle 2$ بحسب تطابق الزوايا المترابطة. إذا $\angle 3 \cong \angle 2$ فإن $\angle 3 \cong \angle 2$ ينصف المتطابقات أن $\overline{AC} \cong \overline{BD}$ حسب $CPTC$. ومن ثم، فإن $\angle 1 \cong \angle 2$ و $\angle 3 \cong \angle 4$ و $\angle 1 \cong \angle 3$ حسب التعريف. وبما أن $\angle 1 \cong \angle 3$ و $\angle 2 \cong \angle 4$ ، فإن $\angle 1 \cong \angle 4$ حسب خاصية التعددي. فإن $\angle 1 \cong \angle 4$ ينصف زاوية $\angle A$ ، فإن $\angle A$ عبارة عن زاوية قائمة بحسب متطابقة \angle . $\angle A$ عبارة عن زوج من زوايا المترابطة، فإن $\angle B$ و $\angle C$ و $\angle D$ عبارة عن زوايا مترابطة، فإن $\angle B \cong \angle C \cong \angle D$ حسب متطابقة \angle .



المعطيات: $ABCD$ متوازي أضلاع $\square ABCD$ معين.

البرهان: حيث إن الأضلاع المترابطة في متوازي الأضلاع متطابقة، $\overline{BC} \cong \overline{AB}$. وتذكر المعطيات أن $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ و $\overline{BC} \cong \overline{AD}$ إذا $\overline{BC} \cong \overline{CD} \cong \overline{AB}$ حسب خاصية التعددي، فإن $\overline{CD} \cong \overline{BC}$ إذا $\overline{CD} \cong \overline{BC}$ معين بحسب تعريفه.

المططلوب: $ABCD$ مستطيل.

البرهان: نعلم أن $ABCD$ مستطيل ويعني ذلك أن $ABCD$ متوازي أضلاع، حيث إن جميع المستقيمات والعيوب متوازيات أضلاع. وبحسب تعريف المستطيل، فإن $\angle A$ و $\angle B$ و $\angle C$ و $\angle D$ زوايا قائمة. وبحسب تعريف العين فإن جميع الأضلاع متوازيات، إذا $ABCD$ مربع حيث إن $ABCD$ متوازي أضلاع جميع أضلاعه متطابقة وجميع زواياه قائمة.

8. $WXYZ$ متوازي أضلاع (زوج واحد من الأضلاع المترابطة تكون متوازياً ومتطابقاً) $WXYZ$. 9. معين (الأقطار متعامدة على بعضها البعض).

$\angle XPW \cong \angle XPY$. 10. $(CPCTC)$ $\overline{XP} \cong \overline{YP}$. 11. (SAS) $\triangle WPX \cong \triangle XPY$. 12. $(CPCTC)$ $\overline{WX} \cong \overline{XY}$. 13.

معين (الأضلاع المجاورة من متوازي الأضلاع تكون متطابقة). $m\angle WXY = 90^\circ$ ($m\angle WXP + m\angle XPY = 45 + 45 = 90^\circ$). 15.

$WXYZ$ معين ($WXYZ$ متوازي أضلاع بزاوية قائمة واحدة).

مربع $WXYZ$ عبارة عن مستطيل ومعين).

15. البرهان:

العبارات (المبررات)

1. متوازي أضلاع (معطيات) $LMPO$

2. $\overline{LM} \cong \overline{OO}$, $\overline{LO} \cong \overline{MO}$ (الأضلاع المترابطة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة).

3. \overline{LM} ينصف PQ و $LM \cong MO$ و MO ينصف RQ و $RQ \cong LO$ (معطيات).

4. $\overline{LK} \cong \overline{KM}$, $\overline{MN} \cong \overline{NO}$, $\overline{QP} \cong \overline{PO}$, $\overline{LR} \cong \overline{RO}$ (تعريف المترابطات).

5. $\overline{LK} \cong \overline{KM} \cong \overline{QP} \cong \overline{PO}$, $\overline{LR} \cong \overline{RO} \cong \overline{MN} \cong \overline{NO}$ (خاصية التعددي).

6. $\angle M \cong \angle O$, $\angle L \cong \angle O$ (زوايا المترابطة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة).

7. $\angle L \cong \angle M$ (معطيات).

8. $\angle M \cong \angle Q \cong \angle L \cong \angle O$ (خاصية التعددي).

9. $\triangle KLR \cong \triangle PQR \cong \triangle PON \cong \triangle KMN$ (خاصية التعددي).

10. $\overline{KQ} \cong \overline{RP} \cong \overline{PN} \cong \overline{NK}$ (الخاصية التعددي).

11. $KNPR$ معين.

12. عبارة عن شكل الرباعي له أربعة أضلاع متطابقة).

16. البرهان:

العبارات (المبررات)

1. مربع (معطى) $ABDE$

2. (الأضلاع المترابطة للمربع تكون متطابقة). $\overline{AB} \cong \overline{ED}$

3. $\triangle ABE \cong \triangle BCD$ (معطيات).

4. $(CPCTC)$ $\overline{BC} \cong \overline{AB}$ (النظرية).

5. $\overline{ED} \cong \overline{BC}$ (خاصية التعددي).

6. $(CPCTC)$ $\overline{BE} \cong \overline{CD}$ (النظرية).

7. عبارة عن متوازي أضلاع (الأضلاع المترابطة متطابقة) $BCDE$.

33. **المططلوب:** كل قطر يقطع زاويتين متقابلتين.

البرهان: تذكر المعطيات أن الشكل $ABCD$ مستطيل.

عبارة عن معين. وبحسب تعريف المعين، فإن $ABCD$ متوازي أضلاع.

تون الزوايا المترابطة في متوازي الأضلاع متطابقة، إذا $\angle BAD \cong \angle BCD$, $\angle ABC \cong \angle ADC$.

و $\angle ABC \cong \angle ADC$ حسب $CPTC$.

لأن جميع أضلاع المعين تكون متطابقة، $\triangle ABC \cong \triangle ADC$.

حسب SAS مسلمة $\triangle ABC \cong \triangle ADC$.

و $\angle ABC \cong \angle ADC$ حسب $CPCTC$.

$\triangle BAD \cong \triangle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPCTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب $CPTC$.

و $\angle BAD \cong \angle BCD$ حسب SAS .

المكافئ العكسي، إذا لم يكن الشكل الرباعي مربعاً، فإنه ليس معييناً. وهذا غير صحيح لأن المعين ليس من المحتم أن يكون به زوايا قائمة.

الصفحات 844-847، الدرس 13-5

$$BC = \frac{1-1}{-4-1} = 0 \quad \text{وميل } AD = \frac{-3--3}{-6-3} = 0 \quad .12$$

$$\text{إذًا، } AD \parallel BC \quad CD = \frac{1--3}{1-3} = -2 \quad \text{وميل } BA = \frac{1--3}{-4--6} = 2$$

$ABCD$ عبارة عن شبه متضخم.

$$BA = \sqrt{(-4--6)^2 + (-3-1)^2} = \sqrt{20}$$

$$CD = \frac{1-3}{1-3} = -2. \quad ABCD$$

$$BA = \sqrt{(-4--6)^2 + (-3-1)^2} = \sqrt{20}$$

$CD = \sqrt{(1-3)^2 + (1-3)^2} = \sqrt{20}$ عبارة عن شبه متضخم.
متساوي المسافرين.

$$GH = \frac{-8-2}{-3-7} = 1 \quad EF = \frac{3--1}{0--4} = 1 \quad .13$$

$$\text{إذًا، } EF \parallel GH \quad EH = \frac{3-7}{0-2} = -7 \quad \text{وميل } FG = \frac{-1--8}{-4--3} = -7$$

$EFGH$ عبارة عن شبه متضخم.

$$FG = \sqrt{(-4--3)^2 + (-1-8)^2} = \sqrt{50}$$

$EH = \sqrt{(0-7)^2 + (3-2)^2} = \sqrt{50}$ عبارة عن شبه متضخم.
متساوي المسافرين.

$$JM = \frac{4-2}{0-10} = -\frac{1}{5} \quad \text{وميل } KL = \frac{7-6}{-8-8} = -\frac{1}{8}$$

$$\text{إذًا، } KL \parallel JM \quad LM = \frac{6-2}{8-10} = -2 \quad JK = \frac{4-7}{0-3} = -1$$

$JKLM$ عبارة عن شبه متضخم.

$$JK = \sqrt{(0-3)^2 + (4-7)^2} = 3\sqrt{2}$$

$JKLM$ $LM = \sqrt{(8-10)^2 + (6-2)^2} = 2\sqrt{5}$ عبارة عن شبه متضخم متساوي المسافرين.

$$NP = \frac{0-8}{2-12} = \frac{4}{5} \quad RQ = \frac{9-5}{1-2} = \frac{4}{5} \quad .15$$

$$RQ \parallel NP \quad \text{إذًا، }$$

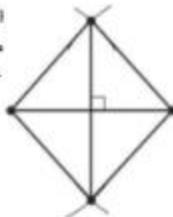
$$QP = \frac{9-8}{7-12} = \frac{-1}{5} = RN = \frac{5-0}{2-2} = \frac{5}{2} \quad \text{غير محدد وميل } RN = \frac{5-0}{2-2} = \frac{5}{2}$$

عبارة عن شبه متضخم.

$$RN = \sqrt{(2-2)^2 + (5-0)^2} = 5$$

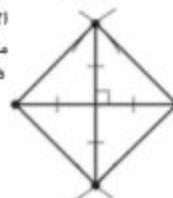
$NPQR$ $QP = \sqrt{(7-12)^2 + (9-8)^2} = \sqrt{26}$ ليس شبه متضخم متساوي المسافرين.

الإجابة التموذجية: إذا كان القطران في متوازي الأضلاع متعامدين، فهو عبارة عن معين.



.38

الإجابة التموذجية: إذا كان القطران في متوازي الأضلاع متطابقين ومتتعامدين، فهو عبارة عن مربع.

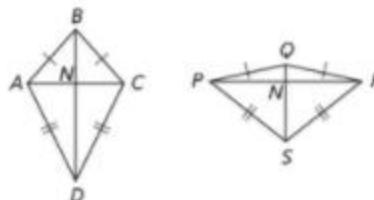


.39

البرهان، أي معين يمكن وضعه على محور إحداثي كما هو موضح في الشكل بخططيي بخطاط الرأس $A(0, 0)$ و $B(b, 0)$ و $C(0, -a)$ و $D(-b, 0)$. عبارة عن قطعة مستقيمة رأسية، و AC أفقية، ومن ثم فإنها متعامدة.

البرهان، يمكن وضع أي مربع على محور إحداثي كما هو موضح في الرسم التخططيي بخطاط الرأس $A(0, 0)$, $B(2a, 0)$, $C(0, 2a)$ و $D(2a, 2a)$. تكون نقطة منتصف الأقطار عند $E(a, a)$. يمكن طول كل ضلع من الشكل $ABCD$ يساوي $2a$. وأطوال EC و DE و BE و EA وتساوي جميعها a . ومن ثم، تكون أقطار المربع متعامدة. إذًا، $m\angle BED = m\angle DEC = m\angle CEA = m\angle AEB = 90^\circ$. بناء عليه، $\triangle BED \cong \triangle DEC \cong \triangle CEA \cong \triangle AEB$ حسب المثلثة SAS. $ABCD$ مستطيل، الزوايا تكون قائمة والأضلاع المتعامدة تكون متطابقة.

الإجابة التموذجية:



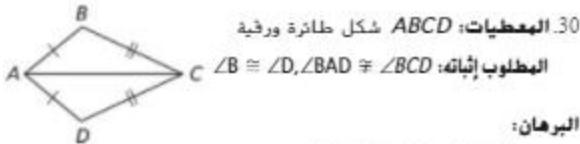
.44b. الإجابة التموذجية:

| $ABCD$ | $m\angle A$ | $m\angle B$ | $m\angle C$ | $m\angle D$ |
|--------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| | 100 | 90 | 100 | 70 |
| $QRSP$ | $m\angle Q$ | $m\angle R$ | $m\angle S$ | $m\angle P$ |
| | 140 | 70 | 80 | 70 |
| $WXYZ$ | $m\angle W$ | $m\angle X$ | $m\angle Y$ | $m\angle Z$ |
| | 120 | 40 | 120 | 80 |

.44c. زوايا الطائرة الورقية تكون دائمة متطابقتين.

.45. العبارة خاطئة لأن المعين ليس من المحتم أن يحتوي على أربع زوايا قائمة. النقاش هو: إذا كان الشكل الرباعي مربعاً، فإنه معين. وهذا صحيح لأن المربع لا بد وأن يكون متوازي أضلاع وجميع الأضلاع تكون متطابقة.

العكس: إذا لم يكن الشكل الرباعي معيناً، فإنه ليس مربعاً. وهذا صحيح لأن المربع لا بد وأن يكون متوازي أضلاع ولا بد أن يكون له أربعة أضلاع متطابقة، ومن ثم يكون دائماً عبارة عن معين.



المعطيات: $ABCD$ شكل طائرة ورقية

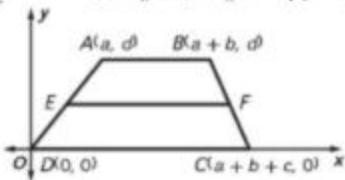
المطلوب إثباته: $\angle B \cong \angle D, \angle BAD \neq \angle BCD$

البرهان:

نعلم أن $\overline{BC} \cong \overline{CD}$ و $\overline{AB} \cong \overline{AD}$ حسب تعريف شكل الطائرة الورقية.
 $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ بحسب خاصية الاتكاس، إذًا.
 $\overline{AC} \cong \overline{AC}$

حسب مسلمة تساوى الأضلاع الثلاثة، $\angle B \cong \angle D$.
 $\angle BAD \cong \angle BCD$ ، وإن الشكل $CPCTC$
 عن متوازي أضلاع حسب التعريف، وهذا لا يمكن أن يكون صحيحاً لأن
 المعطيات تذكر أن الشكل $ABCD$ عبارة عن طائرة ورقية. بناءً عليه،
 $\angle BAD \neq \angle BCD$.

المعطيات: $ABCD$ شبه منحرف له الوسيط \overline{EF}
 $EF = \frac{1}{2}(AB + DC)$ و $\overline{EF} \parallel \overline{DC}$ و $\overline{EF} \parallel \overline{AB}$.
 المطلوب:



البرهان:

بحسب تعريف متوسط شبه المنحرف، فإن E هي نقطة منتصف \overline{BC} و F هي نقطة منتصف \overline{AD} .

نقطة منتصف E تساوى $\left(\frac{a+0}{2}, \frac{d+0}{2}\right)$ أو $\left(\frac{a+0}{2}, \frac{d+0}{2}\right)$

نقطة منتصف F تساوى $\left(\frac{a+b+0}{2}, \frac{a+b+c+0}{2}\right)$ أو $\left(\frac{2a+2b+c}{2}, \frac{d}{2}\right)$

$\overline{EF} \parallel \overline{AB}$ وميل $\overline{EF} = 0$ وميل $\overline{AB} = 0$ إذًا. $\overline{EF} = 0$ وميل $\overline{DC} = 0$ وميل $\overline{EF} \parallel \overline{DC}$.

$$AB = \sqrt{(a+b-a)^2 + (d-d)^2} = \sqrt{b^2}$$

$$DC = \sqrt{(a+b+c-0)^2 + (0-0)^2} = \sqrt{(a+b+c)^2} \text{ or } a+b+c$$

$$EF = \sqrt{\left(\frac{2a+2b+c-a}{2}\right)^2 + \left(\frac{d-\frac{d}{2}}{2}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{a+2b+c}{2}\right)^2} \text{ or } \frac{a+2b+c}{2}$$

$$\frac{1}{2}(AB + DC) = \frac{1}{2}[b + (a+b+c)]$$

$$= \frac{1}{2}(a+2b+c)$$

$$= \frac{a+2b+c}{2}$$

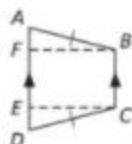
$$= EF$$

$$\text{إذًا } \frac{1}{2}(AB + DC) = EF$$

$$\overline{ST} = \frac{-1 - 1}{-5 - 4} = 0 \text{ ميل } \overline{RV} = \frac{3 - 3}{-4 - 1} = 0 \text{ ميل } \overline{ST} \parallel \overline{RV}$$

بما أن ميل \overline{ST} و \overline{RV} متساويان.

$$\overline{VT} = \frac{3 - 1}{1 - 4} = -\frac{4}{3} \text{ ميل } \overline{RS} = \frac{3 - 1}{-4 - -5} = 4 \text{ ميل}$$



المعطيات: $ABCD$ شبه منحرف متساوي الساقين.

$$\overline{BC} \parallel \overline{AD}, \overline{AB} \cong \overline{CD}$$

المطلوب: $\angle A \cong \angle D$ و $\angle ABC \cong \angle DCB$.

البرهان: ارسم الخطعة المستقيمة المساعدة بحيث يكون $\overline{BF} \perp \overline{AD}$ حيث إن $\overline{BC} \parallel \overline{AD}$ و $\overline{CE} \perp \overline{AD}$ حيث إن $\overline{CE} \perp \overline{AD}$ على مسافة واحدة في جميع نقاطها، فإن $\angle BFA \cong \angle CED$ فأنهما زوايا قائمة، إذًا $\angle BFA \cong \angle CED$ و $\angle BFA \cong \angle BCA$ مثبات زوايا قائمة الزاوية حسب التعريف. بناءً عليه، $\triangle BFA \cong \triangle CED$ حسب مسلمة الوتر والساقي.

$\angle BCE \cong \angle CBF$ حيث إن $\angle BCE \cong \angle CBF$ وجميع الزوايا القائمة تكون متطابقة، فإن $\triangle BCE \cong \triangle CBF$ حسب التطوري $\angle ABF \cong \angle DCE, \angle CBF \cong \angle BCE$ إذًا $\angle ABC \cong \angle DCB$ حسب خاصية جمع الزوايا.

المعطيات: $ABCD$ شبه منحرف، و $\angle D \cong \angle C$.
 المطلوب: $ABCD$ شبه المنحرف متساوي الساقين.

البرهان: يحسب مسلمة التوازي، نعلم أنه يمكننا رسم مستقيم مساعد $\overline{EB} \parallel \overline{AD}$.
 $\angle D \cong \angle BEC$ ، بحسب نظرية الزوايا المتاظرة. وتدكر المعطيات أن $\angle D \cong \angle C$. إذًا بحسب خاصية التعدي، فإن $\angle BEC \cong \angle C$. إذًا $\triangle EBC \cong \triangle EBC$ متساوي الساقين $\overline{DE} \parallel \overline{AB}$. بحسب تعريف شبه المنحرف، فإن $\overline{AD} \cong \overline{EB}$ حيث إن كلا من زوجي الأضلاع المتقابلة متوازي. فإن $ABED$ متوازي أضلاع، إذًا $\overline{BC} \cong \overline{AD}$ بحسب خاصية التعدي $ABCD$. إذًا، $\overline{BC} \cong \overline{AD}$ شبه منحرف متساوي الساقين.

المعطيات: $ABCD$ شبه منحرف،
 $\overline{BC} \cong \overline{AD}$.
 المطلوب: شبه المنحرف متساوي الساقين.

البرهان: تذكر المعطيات أن $ABCD$ شبه منحرف و $\overline{AC} \cong \overline{BD}$. ارسم قطعة مستقيمة معايدة بحيث يكون $\overline{BF} \perp \overline{DC}$ و $\overline{AE} \perp \overline{DC}$ حيث إن المستقيمات المتتعامدة تشكل زوايا قائمة، فإن $\angle BFE \cong \angle AEF$ و $\angle BFD \cong \angle AEC$ زوايا قائمة، إذًا $\triangle BFD \cong \triangle AEC$ و $\triangle AEC \cong \triangle BFD$ بحسب التعريف. حيث إن أي مستقيمين في المستوى يتعامدان على نفس المستقيم يكونان متوازيين $\overline{AE} \parallel \overline{BF}$ حيث إن الأضلاع المتقابلة في شبه المنحرف متطابقة. $\triangle AEC \cong \triangle BFD$ بحسب مسلمة الوتر والساقي، $\angle ACD \cong \angle BDC$ بحسب مسلمة تطابق الأجزاء المتقابلة في المثلثات المتطابقة. حيث إن $\overline{DC} \cong \overline{DC}$ بحسب خاصية انعكاس النطاق، فإن $\triangle ADC \cong \triangle BCD$ (مسلمة تساوى ضلعين وزاوية). $\overline{AD} \cong \overline{BC}$ بحسب مسلمة تطابق الأجزاء المتقابلة في المثلثات المتطابقة، إذًا شبه المنحرف $ABCD$ متساوي الساقين.

المعطيات: $ABCD$ طائرة ورقية بما $\overline{BD} \perp \overline{AC}$.
 المطلوب:

البرهان: تذكر المعطيات أن $\overline{BD} \perp \overline{AC}$ ، إذًا $\overline{BD} \cong \overline{DC}, \overline{BC} \cong \overline{AB}$ على نفس المسافة من A و C . إذا كانت النقطة على نفس المسافة من نقطتي نهاية الخطعة المستقيمة، فإذا ذهب المترافق D إلى B ، فإن B ينبع على نفس المسافة من A و C . المترافق D ينبع على نفس المسافة من A و C . إذا ذهب المترافق D إلى C ، فإن C ينبع على نفس المسافة من A و B . المترافق D ينبع على نفس المسافة من A و B . حيث إن $\overline{AC} \cong \overline{AC}$ ، إذًا $\overline{AC} \cong \overline{AC}$ بحسب خاصية انعكاس المترافق $\overline{BD} \perp \overline{AC}$ ، إذًا $\overline{BD} \perp \overline{AC}$ واحد بين أي نقطتين.

66. البرهان. بما أن $\triangle ADB$ و $\triangle AED$ متسانان متساوياً للأضلاع، فإن $m\angle ADE = 60^\circ$ و $m\angle BAD = 60^\circ$. بما أن هذه الزوايا متساوية عن زوايا داخلية متبادلة، فإننا نعلم أن $AB \parallel EC$. إذاً شبه $ABCE$ شبه AED . وبما أن $AE = AD$ مترافق، وبما أن $\triangle AED$ متساوي الأضلاع، فإن $AD = BD$ وبما أن $\triangle DBC$ متساوي الأضلاع، فإن $BD = BC$. بناءً عليه، وحسب خاصية التعدي، $AE = BC$ ومن ثم فإن $\triangle ABCE$ عبارة عن مثلث متساوي الساقين.

67. متوازي الأضلاع وشبه المتلحرف عبارة عن الأشكال الرباعية. ومجموع زوايا متوازي الأضلاع وشبه المتلحرف يساوي 360° درجة. تضم متوازيات الأضلاع زوجين من الأضلاع المتوازية، ولكن شبه المتلحرف لا يضم سوى زوج واحد فقط من الأضلاع المتوازية. الأضلاع المتنقابلة لمتوازي الأضلاع تكون متطابقة، ولكن في شبه المتلحرف، لا ينحتم أن تكون أضلاعه متطابقة.

بما أن ميل \overline{RS} و \overline{VT} غير متساوين، فإن $RSTV$ له زوج واحد فقط من الأضلاع المتنقابلة المتوازية، فإن رباعي الأضلاع $RSTV$ عبارة عن شبه متلحرف.

$$RS = \sqrt{(-4 - -5)^2 + (3 - -1)^2} = \sqrt{17}$$

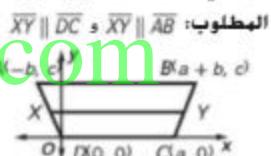
$RSTV \cdot VT = \sqrt{(1 - 4)^2 + (3 - -1)^2} = 5$
متلحرف متساوي الساقين.

32b. لـ. نقطة المنتصف المستقيمة تحصل النقاط $(0, 4.5)$ و $(0, 1)$. معادلة خطوط المنتصف المستقيمة هي $y = \frac{9}{7}x + \frac{9}{4}$ = $y = \frac{9}{7}x + 2.25$. الأصل غير موجودة في هذا الخط.

.57

| الشكل الرباعي | ذلك... |
|----------------------------|-----------------|
| متوازي الأضلاع | مثال: مستطيل |
| متوازي الأضلاع | المعين |
| معين، مستطيل، متوازي أضلاع | المربع |
| شبه متلحرف متساوي الساقين | شبه المتلحرف |
| لا شيء | شبه المتلحرف |
| لا شيء | الطائرة الورقية |

61. المعطيات: $ABCD$ عبارة عن شبه متلحرف له وسبيط \overline{XY} .



البرهان:

نقطة منتصف \overline{AD} هي X . وإنحداثياتها $\left(\frac{-b}{2}, \frac{c}{2}\right)$.

نقطة منتصف \overline{BC} هي Y . وإنحداثياتها $\left(\frac{a+b}{2}, \frac{c}{2}\right)$.

$\overline{XY} \parallel \overline{DC}$ و $\overline{XY} \parallel \overline{AB}$. إذًا $\overline{DC} = 0$ و $\overline{XY} = 0$ وميل $\overline{AB} = 0$.

الإجابة التموزجية:

