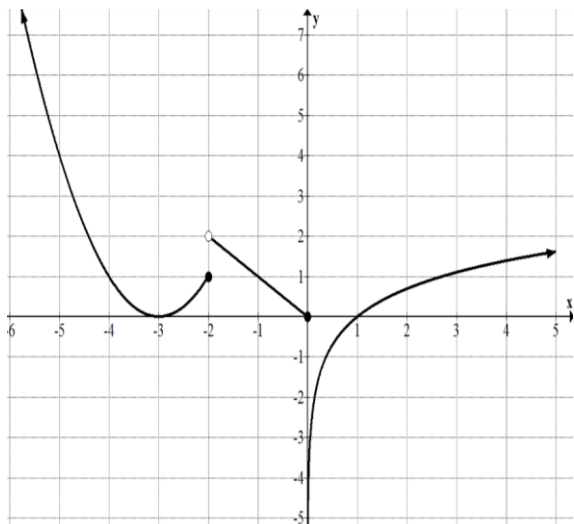


24



السؤال الأول: ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة؟

- من خلال التمثيل البياني المجاور الذي يمثل منحنى الدالة $f(x)$ أجب عن الأسئلة من 1 - 4

(1) ما قيمة $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{2x}{f(x)} \right)$ ؟

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) غير موجودة

(2) ما قيمة x التي عندها انفصال قفزي؟

- a) -3
- b) -2
- c) 0
- d) 1

(3) ما قيمة $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$ ؟

- a) $-\infty$
- b) 0
- c) 1
- d) ∞

(4) ما قيمة $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$ ؟

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) غير موجودة

(5) إذا كانت $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -5$, $f(2) = 3$ فما قيمة $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{x-f(x)}{3-f(x)} \right)$

- a) $-\infty$
- b) $\frac{-3}{8}$
- c) $\frac{-1}{8}$
- d) $\frac{7}{8}$

(6) ما قيمة $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin(x-\pi)}{2\pi-2x}$ ؟

- a) -1
- b) $\frac{-1}{2}$
- c) $\frac{1}{2}$
- d) 1

(7) ما قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-e^{2x}}{e^x-1}$ ؟

- a) -2
- b) -1
- c) 1
- d) 2

(8) ما قيمة $\lim_{\theta \rightarrow \infty} \tan^{-1} \theta$ ؟

- a) $\frac{-\pi}{2}$
- b) 0
- c) $\frac{\pi}{2}$
- d) غير موجودة

9) ما الفترة التي تكون عليها الدالة $f(x) = \ln(3x - 1)$ متصلة؟

- a) $(-\infty, \frac{1}{3}]$
- b) $(-\infty, \frac{1}{3})$
- c) $[\frac{1}{3}, \infty)$
- d) $(\frac{1}{3}, \infty)$

10) إذا كانت $g(3) = 4$ ، $\lim_{x \rightarrow 3} g(x) = -2$ ، و f دالة متصلة على \mathbb{R}

حيث $f(4) = 8$ ، $f(-2) = 6$ فما قيمة $\lim_{x \rightarrow 3} f(g(x))$ ؟

- a) 8
- b) 6
- c) 4
- d) -2

www.almanahj.com

11) إذا كانت $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4ax + 2}{x - 2}$ موجودة، فما قيمة الثابت a ؟

- a) $\frac{4}{3}$
- b) $\frac{3}{2}$
- c) $\frac{3}{4}$
- d) $\frac{2}{3}$

12) حدد خط التقارب الأفقي للدالة $y = 3 - \frac{2}{x}$ ؟

- a) $y = 0$
- b) $y = 1$
- c) $y = 2$
- d) $y = 3$

السؤال الثاني:

22

(13) إذا كانت $(2x - 4)(x^2 + 1) \leq (x^2 - 4)f(x) \leq (x^2 + 6x - 16)$

حيث $x \neq \pm 2$. أوجد $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ مستخدماً نظرية الشطيرة

7

الحل:

www.almanahj.com

(14) إذا كانت $g(x) = \frac{1}{x}$ و $f(x) = \sqrt{1-x}$ ، أثبت أن $f \circ g$ متصلة عند $x = -3$ ؟

5

الحل:

(15) معتمداً على الحقيقة $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$ ، أوجد $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2}{1 - \cos^2 x}$ ؟

5

الحل:



(16) ما قيمة $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x}{\sqrt{4+x^2}}$ ؟

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

24

السؤال الثالث:

(17) إذا كانت $g(x) = \begin{cases} \frac{3-x}{\sqrt{3x-3}} & , x > 3 \\ 3-2x & , x \leq 3 \end{cases}$ ، أوجد $\lim_{x \rightarrow 3} g(x)$ ؟

الحل:



www.almanahj.com

.....

.....

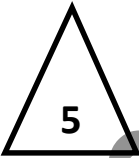
.....

.....

.....

(18) يعطى قطر بؤبؤ العينين لأحد الحيوانات بالمعادلة $f(x) = \frac{80x^{-0.3}+70}{2x^{-0.3}+14}$ ، حيث x تمثل كثافة الضوء على بؤبؤ العين. أوجد قطر بؤبؤ العينين عند الحد الأدنى من الضوء الساقط على بؤبؤ العينين؟

الحل:



.....

.....

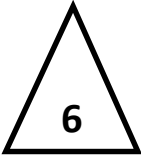
.....

.....

.....

(19) أوجد جميع خطوط التقارب الرأسية والمائلة للدالة $f(x) = \frac{x^3-8}{x^2-4}$ ، موضحاً خطوات الحل؟

الحل:

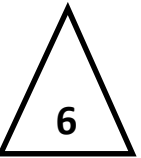


(20) لتكن f دالة متصلة على الفترة $[a, b]$ حيث $f(a) < a$, $f(b) < b$ ، أثبت أنه يوجد

على الأقل $c \in (a, b)$ حيث $f(c) = c$ ؟

مساعدة: استخدم نظرية القيم الوسطية مفترضاً $g(x) = f(x) - x$

الحل:



انتهت الأسئلة

مع تمنياتي للجميع بالنجاح والتوفيق